

# دوازدهم ریاضی

نام: 

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

محل امضاء:

دفترچه شماره ۱

صبح جمعه  
۱۴۰۲/۴/۹



## آزمون جامع سوم (۹ تیر ۱۴۰۲)

آزمون اختصاصی  
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

مدت پاسخگویی: ۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۰

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	ریاضیات	۴۰	۱	۴۰	۷۰ دقیقه

تعداد سوال‌ها و زمان پاسخ‌گویی به سوال‌ها مطابق بخش‌نامه سازمان سنجش برای کنکور ۱۴۰۲ است.



# نقد و تصحیح سوال

## آزمون ۹ تیر ماه ۱۴۰۲

### دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان	امتیاز
حسابان ۲ و ریاضی پایه	کاظم اجلالی-سیدرضا اسلامی-محسن بهرامپور-عادل حسینی	
هنسه و آمار و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحبوب-حنانه اتفاقی-محمد خندان-سوگند روشنی-محمد صحت کار-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هنسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستته
گزینشگر	کاظم اجلالی سیدرضا اسلامی	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشنی
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی	عادل حسینی	عادل حسینی
		ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
مسئول سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنیزاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروفنگار	فرزانه فتح‌الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

#### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱

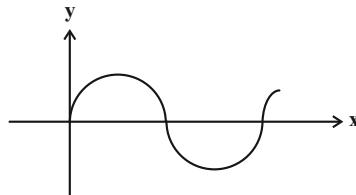
## ریاضیات

زمان پاسخگویی: ۷۰ دقیقه

زمان نقضانی: ۴۵ دقیقه

زمان ذخیره شده: ۲۵ دقیقه

- ۱ متوجهی از مبدأ مختصات شروع به حرکت می‌کند و روی یک نیم‌دایره به مساحت  $2\pi$  به سمت راست جلو می‌رود. اگر پس از هر بار برخورد با محور  $x$  ها از مساحت نیم‌دایره  $75\%$  کاهش یابد، پس از لحظه صفر، حداقل چند بار محور  $x$  ها را باید قطع کند تا مطمئن باشیم فاصله متوجه از محور  $y$  ها بیشتر از  $7/99$  است؟



۹ (۱)

۱۰ (۲)

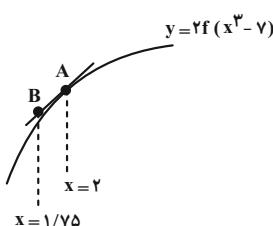
۱۲ (۳)

۱۳ (۴)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(fog)(x) - (fog)(0)}{x} \text{ کدام است؟}$$

۴)  $-\sqrt{2}$ ۳)  $\sqrt{2}$ ۲)  $-\sqrt{2}$ ۱)  $\sqrt{2}$ 

- ۲ خط به معادله  $1 = 3x - y$  در نقطه‌ای به طول  $1$  بر نمودار تابع  $y = f(x)$  مماس است. در شکل زیر، عرض نقطه  $B$  کدام است؟



-۱۴ (۱)

-۱۲ (۲)

-۶ (۳)

۴) صفر

- ۳ روی کدام بازه، نمودار تابع  $f(x) = \sqrt[3]{x - \lambda}$  صعودی است و تغیر آن به سمت پایین است؟

(۱) (۲, ۴) (۲)  $(-4, 2)$  (۳)  $(2, +\infty)$  (۴) چنین بازه‌ای وجود ندارد.

- ۴ نقاط عطف توابع  $g(x) = \sqrt[3]{x+2} + b$  و  $f(x) = x^3 + ax^2 + 2x - 4$  بر هم منطبق‌اند. حاصل  $a - b$  کدام است؟

۲) (۴)

-۲ (۳)

۴) (۲)

-۴ (۱)

- ۵ حاصل  $\left[\frac{-1}{1 - \log_2 x}\right]$  کدام است؟ (۱)، نماد جزء صحیح است.

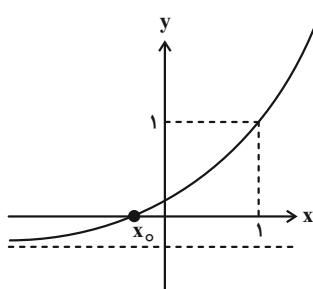
-۵ (۴)

-۴ (۳)

-۳ (۲)

-۲ (۱)

- ۶ نمودار تابع  $f(x) = a \times 4^{bx} - 1$  در شکل زیر رسم شده است. اگر  $x_0 = \log_4 \frac{3}{4}$  باشد، حاصل  $ab$  کدام است؟



۳ (۱)

 $\sqrt{3}$  (۲) $\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۳) $\frac{1}{3}$  (۴)

-۸ مجموعه جواب‌های معادله  $\sqrt[3]{kx+1}-x=1$  دو عضوی است. مجموع مقادیر ممکن برای  $k$  کدام است؟

$\frac{3}{4}$  (۴)

$\frac{15}{4}$  (۳)

$\frac{9}{4}$  (۲)

$\frac{3}{2}$  (۱)

-۹ اگر  $\alpha$  و  $\beta$  جواب‌های معادله  $\frac{x^2-4x-2}{(\beta^2-2)^2}=0$  باشند، جواب‌های کدام معادله  $x^2+20x+4=0$  است؟

$\frac{64}{(\alpha^2-2)^2}$

$\frac{64}{(\beta^2-2)^2}$

$x^2+4=20x$

$x^2=20x+4$

$x^2+20x=4$

$x^2+20x+4=0$

$\frac{64}{(\alpha^2-2)^2}$

$\frac{64}{(\beta^2-2)^2}$

$x^2+4=20x$

$x^2=20x+4$

$x^2+20x=4$

$x^2+20x+4=0$

$\frac{15}{4}$  (۳)

$\frac{9}{4}$  (۲)

$x^2=20x+4$

$x^2=20x+4$

$x^2+20x=4$

$x^2+20x+4=0$

$\frac{9}{4}$  (۲)

$\frac{3}{2}$  (۱)

$x^2+20x+4=0$

$x^2=20x+4$

$x^2+20x=4$

$x^2+20x+4=0$

$\frac{3}{2}$  (۱)

$\frac{9}{4}$  (۲)

$x^2=20x+4$

$x^2+20x=4$

$x^2+20x+4=0$

-۱۰ خط  $y=x+3$  نمودار تابع  $f(x)=x^2-(-1-x)$  را چند بار در بازه  $(-1, 2)$  قطع می‌کند؟ (۱)، نماد جزء صحیح است.

$\frac{3}{4}$

$\frac{2}{3}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{4}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{4}$

-۱۱ اگر  $x-\cos x$  کدام است؟

$\frac{3x}{2x-1}$

$f^{-1}(1)$

$f^{-1}(-4)$

$\frac{\Delta x+1}{2x-1}$

$g^{-1}(-4)$

$f^{-1}(1)$

$2x^3+x$

$f^{-1}(1)$

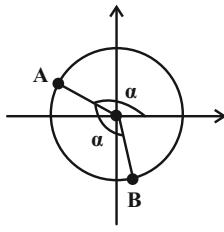
$g^{-1}(1)$

$\frac{4}{27}$  (۱)

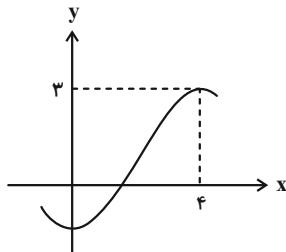
$\frac{1}{27}$  (۲)

$-\frac{4}{27}$  (۳)

$-\frac{1}{27}$  (۴)



-۱۲ اگر در دایرة مثلثاتی شکل زیر، طول نقطه B برابر  $\frac{1}{9}$  باشد، حاصل  $2\cos^3 \alpha - \cos \alpha$  چند برابر  $\sqrt{5}$  است؟



$\frac{1}{27}$  (۱)

$\frac{1}{27}$  (۲)

$-\frac{4}{27}$  (۳)

$-\frac{1}{27}$  (۴)

-۱۳ بخشی از نمودار تابع  $f(x) = a \sin(\pi(bx + \frac{\gamma}{2})) + 1$  در شکل زیر رسم شده است. مقدار  $|ab|$  کدام است؟

$6\pi$  (۴)

$5\pi$  (۳)

$3\pi$  (۲)

$\frac{5\pi}{2}$  (۱)

-۱۴ مجموع جواب‌های معادله  $\sin^2 2x + \frac{\cos 2x}{\cos 2x} = \cos^2 2x$  در بازه  $[0, 2\pi]$  کدام است؟

$6\pi$  (۴)

$5\pi$  (۳)

$3\pi$  (۲)

$\frac{5\pi}{2}$  (۱)

-۱۵ تابع  $f(x) = \frac{ax^2 + bx + 16}{\sqrt{4x - x^2} - 2}$  در تمام نقاط بازه  $(0, 4)$  حد دارد. مقدار  $ab$  کدام است؟

$-64$  (۴)

$64$  (۳)

$-32$  (۲)

$32$  (۱)

-۱۶ در تابع  $f(x) = \frac{a\sqrt{x^2 + 2x - 2} + b}{x + 3}$  اگر نمودار تابع  $f(x) = 5$  داریم  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 5$ . باشد، مقدار  $c$  کدام است؟

$-6$  (۴)

$8$  (۳)

$14$  (۲)

$1$  (۱)

-۱۷ اگر  $A(3, 2)$  محل تلاقی مجانب‌های افقی و قائم نمودار تابع  $y = f(1-x) + 1$  و  $B(a, b)$  محل تلاقی مجانب‌های افقی و قائم نمودار تابع  $y = f^{-1}(2x)$  باشد، حاصل  $a+b$  کدام است؟

$4$  (۴) صفر

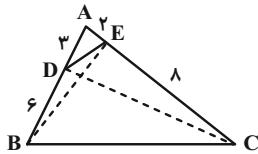
$-\frac{1}{2}$  (۳)

$-1$  (۲)

$-\frac{3}{2}$  (۱)

- ۱۸ کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟
- $$[(\sim p \wedge q) \vee (\sim (p \vee q))] \wedge p \quad (۱)$$
- $$A = \{3, 6, 9, \dots, 18\}, \quad B = \{2, 4, 6, \dots, 20\} \Rightarrow n[(A \times B) \cap (B \times A)] = 16 \quad (۲)$$
- $$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; x^y < x + y \quad (۳)$$
- $$\forall x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}; x = y^x \quad (۴)$$
- ۱۹ اگر  $A$  و  $B$  دو مجموعهٔ دلخواه باشند، مجموعهٔ  $[A \cap B] \cup [B' - (A \cap B)] \cup [(A \cap B)' - B']$ ، متمم کدام یک از مجموعه‌های زیر است؟
- $$A \cup B' \quad (۴)$$
- $$A' \cup B \quad (۳)$$
- $$B - A \quad (۲)$$
- $$A - B \quad (۱)$$
- ۲۰  $A$  و  $B$  دو پیشامد از فضای نمونه  $S$  هستند به‌طوری که  $P(B) = \frac{5}{11}$  و احتمال آن که  $A$  و  $B$  با هم رخ دهند کمترین مقدار ممکن است. اگر بدانیم که  $A$  رخ داده است احتمال آن که  $B$  رخ داده باشد چقدر است؟
- $$\frac{27}{55} \quad (۴) \text{ صفر}$$
- $$\frac{27}{77} \quad (۲)$$
- $$\frac{27}{49} \quad (۱)$$
- ۲۱ در جعبه‌ای ۳ مهره سفید و ۷ مهره آبی است. از این جعبه ۳ مهره به تصادف و بدون مشاهده بر می‌داریم و در جعبه‌ای خالی قرار می‌دهیم. اینک اگر از جعبهٔ جدید یک مهره برداریم احتمال آن که سفید باشد چقدر است؟
- $$0/39 \quad (۱)$$
- $$0/36 \quad (۲)$$
- $$0/33 \quad (۳)$$
- ۲۲ دوازده داده در اختیار داریم. اگر هر کدام از این داده‌ها را ۳ برابر کرد و سپس ۵ واحد از آن کم کنیم، آن‌گاه ضریب تغییرات داده‌های جدید دو برابر ضریب تغییرات داده‌های اولیه خواهد بود. مجموع داده‌های جدید چند واحد بیشتر از مجموع داده‌های اولیه است؟
- $$12 \quad (۱)$$
- $$40 \quad (۴)$$
- $$20 \quad (۲)$$
- $$36 \quad (۳)$$
- ۲۳ چند عدد زوج و مثبت وجود دارد که باقی‌ماندهٔ تقسیم آن‌ها بر ۲۶۳ از دو برابر مکعب خارج قسمت سه واحد کمتر باشد؟
- $$2 \quad (۱)$$
- $$5 \quad (۴)$$
- $$3 \quad (۲)$$
- $$4 \quad (۳)$$
- ۲۴ اگر عدد پنج رقمی  $A = ababa$  بر ۳۵ بخش‌پذیر باشد آن‌گاه باقی‌ماندهٔ تقسیم مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد ممکن  $A$  بر ۱۳ چقدر است؟
- $$1 \quad (۱)$$
- $$6 \quad (۴)$$
- $$3 \quad (۲)$$
- $$43 \quad (۳)$$
- ۲۵ علی به نمایشگاه کتاب رفته است و می‌خواهد کتابی به ارزش ۹۷۵۰۰۰ تومان را بخرد. اگر او بن‌های ۱۵۰۰۰ تومانی و ۱۳۰۰۰ تومانی داشته باشد، به چند حالت می‌تواند از این بن‌ها برای خرید کتاب استفاده کند؟
- $$3 \quad (۱)$$
- $$6 \quad (۴)$$
- $$42 \quad (۲)$$
- $$5 \quad (۳)$$
- ۲۶ در گراف  $G$  از مرتبه ۷، درجهٔ دو رأس ۲ و ۴ و حاصل‌ضرب درجات سایر رئوس برابر ۹۶ است. اگر عدد احاطه‌گری این گراف بزرگ‌تر از یک باشد، مکمل این گراف چند رأس از درجهٔ ۵ دارد؟
- $$1 \quad (۱)$$
- $$2 \quad (۲)$$
- $$3 \quad (۳)$$
- $$4 \quad (۴)$$
- ۲۷ در گراف ۵-منتظم ناهمبند با کمترین تعداد رئوس، عدد احاطه‌گری کدام است؟
- $$1 \quad (۱)$$
- $$2 \quad (۲)$$
- $$3 \quad (۳)$$
- $$4 \quad (۴)$$
- ۲۸ چند عضو از مجموعهٔ  $\{1, 2, 3, \dots, 50\}$  بر حداقل یک عدد از اعداد ۴، ۶، ۹ بخش‌پذیرند؟
- $$1 \quad (۱)$$
- $$46 \quad (۴)$$
- $$45 \quad (۲)$$
- $$44 \quad (۳)$$
- ۲۹ از میان زیرمجموعه‌های ۲ عضوی مجموعهٔ  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  دست کم چند مجموعه به تصادف انتخاب کنیم تا یقین داشته باشیم که اشتراک حداقل ۲ تا از آن‌ها تهی است؟
- $$8 \quad (۱)$$
- $$5 \quad (۴)$$
- $$6 \quad (۳)$$
- $$7 \quad (۲)$$

-۳۰ در مثلث زیر، نسبت مساحت مثلث  $CDE$  به مساحت مثلث  $BDE$  کدام است؟



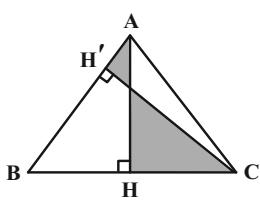
$\frac{3}{2} (1)$

$\frac{5}{3} (2)$

$2 (3)$

$3 (4)$

-۳۱ در شکل زیر مثلث  $ABC$  متساوی‌الاضلاع و مساحت قسمت رنگی برابر  $9\sqrt{3}$  واحد مربع است. طول ضلع مثلث کدام است؟



$6 (1)$

$6\sqrt{3} (2)$

$12 (3)$

$12\sqrt{3} (4)$

-۳۲ مثلث متساوی‌الساقینی که طول ساق و قاعده آن به ترتیب ۵ و ۶ واحد است را حول ارتفاع وارد بر قاعده آن دوران می‌دهیم.

مجموع مساحت‌های شکل حاصل در نمایه‌ای چپ، جلو و بالا کدام است؟

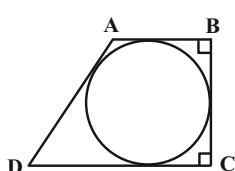
$9(\pi+8) (1)$

$9(\pi+4) (2)$

$2(3\pi+8) (3)$

$2(3\pi+4) (4)$

-۳۳ در شکل زیر اگر طول قاعده‌های ذوزنقه به ترتیب برابر ۹ و ۱۸ باشد، شعاع دایره محاطی ذوزنقه کدام است؟



$7/5 (1)$

$6/75 (2)$

$6/25 (3)$

$6 (4)$

-۳۴ دو دایره  $C(O, R)$  و  $C'(O', R')$  مماس داخلاند و دایره  $C'$  از نقطه  $O$  عبور می‌کند. از نقطه  $M$  واقع بر مماس مشترک

خارجی این دو دایره، مماس  $MT$  را بر دایره  $C'$  رسم می‌کنیم ( $T$  درون دایره  $C$  قرار دارد). اگر  $OM = 7$  و مساحت ناحیه

بین دو دایره برابر  $18\pi$  باشد، طول مماس  $MT$  کدام است؟

$5 (1)$

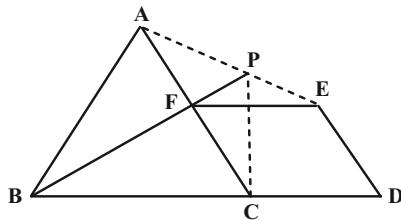
$5\sqrt{2} (2)$

$6 (3)$

$6\sqrt{2} (4)$

-۳۵ در شکل زیر، مثلث  $ABC$  متساوی‌الاضلاع و نقطه  $F$  روی ضلع  $AC$  و نقطه  $D$  روی امتداد ضلع  $BC$  طوری قرار دارند که

یک لوزی است. اگر امتداد  $BF$ ، پاره خط  $AE$  را در  $P$  قطع کند، کدام عبارت زیر نادرست است؟



$$\hat{APF} = 60^\circ \quad (1)$$

$$AE = BF \quad (2)$$

$\hat{BPC}$  نیمساز زاویه  $A\hat{P}C$  است.

(۴) میانه ضلع  $AE$  است.

-۳۶ اگر  $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $A^6 + A^8 + A^{10}$  کدام است؟

۵۶ (۴)

۳۲ (۳)

۲۸ (۲)

۱۶ (۱)

-۳۷ نقاط  $O(0, 0)$ ،  $A(2, 4)$  و  $B(-2, 4)$  را در نظر بگیرید. طول وتری که خط  $y = 2$  از دایره محیطی مثلث  $OAB$  جدا می‌کند،

کدام است؟

۶ (۴)

$4\sqrt{2}$  (۳)

$2\sqrt{6}$  (۲)

۴ (۱)

-۳۸ در شکل زیر  $F$  و  $F'$  کانون‌های بیضی هستند. اگر  $FF' = 2\sqrt{7}$  و  $MF' = 2\sqrt{7}$  باشد، خروج از مرکز بیضی

کدام است؟



$$\frac{\sqrt{7}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{7}}{4} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{14}}{6} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{14}}{4} \quad (3)$$

-۳۹ به ازای چند مقدار  $n$ ، بردارهای  $(1, 2, 3, 3-n)$  و  $\bar{b} = (2, 1, 2-n)$  و  $\bar{c} = (n+2, 3, 3-n)$  در یک صفحه واقع‌اند؟

۴) هیچ

۱ (۳)

۲ (۲)

۱) بی‌شمار

-۴۰ اگر اندازه بردارهای  $\bar{a}$  و  $\bar{b}$  به ترتیب  $2$  و  $3\sqrt{3}$  و زاویه بین آن‌ها  $30^\circ$  باشد، اندازه بردار  $(\bar{a} + \bar{b}) \times (\bar{a} \times \bar{b})$  کدام است؟

$$15\sqrt{3} \quad (2)$$

$$\frac{21\sqrt{3}}{2} \quad (1)$$

$$30\sqrt{3} \quad (4)$$

$$21\sqrt{3} \quad (3)$$

# دوازدهم ریاضی

نام: 

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

محل امضاء:

دفترچه شماره ۲۵

صبح جمعه  
۱۴۰۲/۴/۹



## آزمون جامع سوم (۹ تیر ۱۴۰۲)

آزمون اختصاصی  
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۶۵

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	مدت پاسخگویی	قا شماره
۱	فیزیک	۳۵	۴۱	۴۵ دقیقه	۷۵
۲	شیمی	۳۰	۷۶	۳۰ دقیقه	۱۰۵

تعداد سؤال‌ها و زمان پاسخ‌گویی به سؤال‌ها مطابق بخشنامه سازمان سنجش برای کنکور ۱۴۰۲ است.



# نقد و تحریج سه‌ماهی

## آزمون ۹ تیر ماه ۱۴۰۲

### دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

پذیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	شیوه
خسرو ارغوانی فرد- عبدالرضا امینی نسب- زهره آقامحمدی- محمدعلی راست پیمان- معصومه شریعت ناصری- سعید طاهری بروجنی پوریا علاقه مند- مسعود قره خانی- مصطفی کیانی- غلامرضا محبی- امیر احمد میرسعید	فیزیک	
صلاح الدین ابراهیمی- محمد رضا پور جاوید- یاسر راش- فرزاد رضایی- محمد رضا زهره وند- رسول سلیمانی- میلاد شیخ الاسلامی خیاوى مسعود طبرسا- امیرحسین طبیبی سود کلایی- رسول عابدینی زواره- محمد عظیمیان زواره- محمد پارسا فراهانی- فاضل قهرمانی فرد امیرحسین مسلمی- محمد نکو- سید رحیم هاشمی دهکردی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
امیر حاتمیان	بابک اسلامی	گزینشگر
محمدحسن محمدزاده مقدم جواد سوری لکی علیرضا گندمی	حیدر زرین کفش زهره آقامحمدی ویراستار استاد: مصطفی کیانی	گروه ویراستاری
امیرحسین مسلمی	بابک اسلامی	
سمیه اسکندری	احسان صادقی	مسئول درس مستندسازی

گروه فن و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	مدیر گروه: محیا اصغری
فرزانه فتح الهزاده	گروه مستندسازی
سوران نعیمی	حروف نگار
	ناظر چاپ

#### گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

## فیزیک

زمان پاسخگویی (مجموع فیزیک و شیمی): ۷۵ دقیقه

زمان نفاذی (مجموع فیزیک و شیمی): ۶۰ دقیقه

زمان ذخیره شده (مجموع فیزیک و شیمی): ۱۵ دقیقه

۴۱- متحرکی که با سرعت ۷ در مسیری مستقیم در حال حرکت است، در لحظه

دلخواه  $t = ۰$  با شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2}$  سرعت خود را افزایش می‌دهد.اگر اندازه جابه‌جایی این متحرک در ۲ ثانیه دوم حرکت،  $\frac{۳}{۲}$  برابر اندازه جابه‌جایی آن در ۲ ثانیه اول حرکت باشد، جابه‌جایی

متحرک در ۴ ثانیه اول حرکت چند متر است؟

۴۰ (۴)

۴۸ (۳)

۳۲ (۲)

۲۴ (۱)

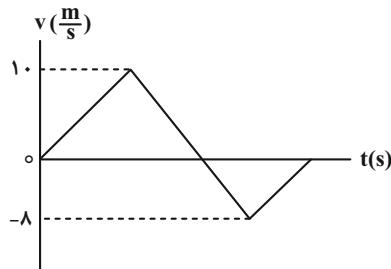
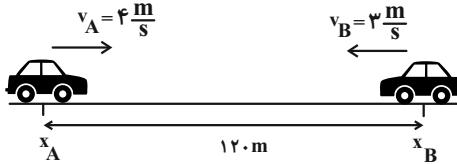
۴۲- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی که متحرک در خلاف جهتمحور  $x$  حرکت کرده است، تندی متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟

-۴ (۱)

۴ (۲)

۲ (۳)

۴) نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۴۳- مطابق شکل زیر، دو متحرک A و B به ترتیب با تندی‌های ثابت  $\frac{۴}{s}$  و  $\frac{۳}{s}$  به طرف یکدیگر در حال حرکت هستند. اختلافزمانی عبور آن‌ها از نقاط  $x_A$  و  $x_B$  چند ثانیه باشد تا دقیقاً در وسط فاصله  $x_A$  تا  $x_B$  به هم برسند؟

۱۵ (۱)

۳ (۲)

۵ (۳)

۱۰ (۴)

۴۴- در شرایط خلا، گلوله‌ای را از ارتفاع ۳۲۰ متری سطح زمین رها می‌کنیم. ۳s بعد گلوله دیگری را از همان ارتفاع رها می‌کنیم.

بیشترین فاصله بین دو گلوله چند متر است؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

۲۲۵ (۴)

۱۲۵ (۳)

۱۹۵ (۲)

۲۹۷/۵ (۱)

۴۵- در شکل زیر، جسمی به جرم  $m$  تحت تأثیر نیروی قائم  $\vec{F}$  در راستای قائم و رو به بالا در حال حرکت است و معادله سرعت-زمان آن در SI به صورت  $v = ۲t + ۶$  است. اگر اندازه نیروی  $\vec{F}$  بدون تغییر جهت، دو برابر شود، شتاب حرکت جسم چند متربر مربع ثانیه می‌شود؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ ) (از اتلاف صرف‌نظر شود).

۱۴ (۱)

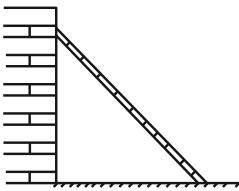
۴ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)



۴۶- مطابق شکل زیر، نرده‌بانی به جرم  $m$  به دیوار قائم و بدون اصطکاکی تکیه داده شده است. ضریب اصطکاک ایستایی بین سطح افقی و پای نرده‌بان  $4/0$  است. در آستانه سر خوردن نرده‌بان، نسبت اندازه نیرویی که دیوار به نرده‌بان وارد می‌کند، به اندازه نیروی عمودی که سطح افقی به نرده‌بان وارد می‌کند، کدام است؟



- (۱)  $\frac{2}{5}$   
 (۲)  $\frac{5}{2}$   
 (۳)  $\frac{3}{5}$   
 (۴)  $\frac{5}{3}$

۴۷- معادله نیرو-زمان متحركی در SI به صورت  $F = 2t - 2t$  است. تغییرات تکانه متحرك در بازه زمانی دو ثانیه سوم حرکت بر حسب یکای SI کدام است؟

- ۲۱ (۴)      ۴/۵ (۳)      ۱۸ (۲)      ۹ (۱)

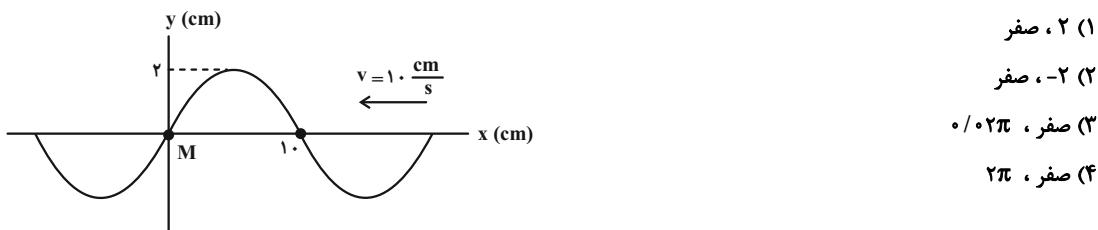
۴۸- جسمی بر روی یک مسیر دایره‌ای با تنیدی ثابت در حال حرکت است. اگر اندازه نیروی خالص وارد بر این جسم را دو برابر کنیم، دوره حرکت جسم بر روی همان دایره چند برابر خواهد شد؟

- (۱)  $\frac{1}{2}$       (۲)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       (۳)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$       (۴)  $\sqrt{2}$

۴۹- دوره تناب آونگ ساده‌ای در سطح زمین  $2s$  است. آونگ را به سیاره دیگری که جرم و شعاع آن هر کدام نصف جرم و شعاع زمین است، می‌بریم و طول آن را نصف می‌کنیم. در روی این سیاره دوره تناب آونگ ساده چند ثانیه است؟

- ۱ (۴)      (۱)  $\frac{1}{2}$       (۲)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       (۳)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$       (۴)  $\sqrt{2}$

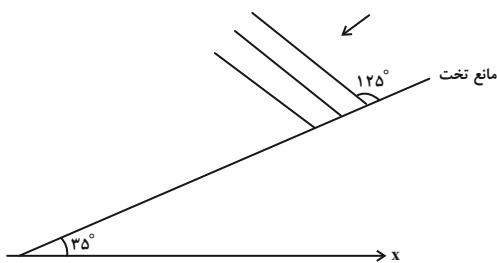
۵۰- شکل زیر، تصویر لحظه‌ای از موجی عرضی را در یک ریسمان کشیده شده نشان می‌دهد که به سمت چپ حرکت می‌کند. جزء M ریسمان  $1s$  پس از این لحظه در چه مکانی بر حسب سانتی‌متر قرار دارد و تنیدی آن چند متر بر ثانیه است؟



۵۱- در یک فضای باز، تراز شدت صوت در فاصله  $d$  از یک چشمۀ صوتی برابر  $96$  دسی‌بل است. اگر در همان راستا به اندازه  $3d$  از چشمۀ صوت دور شویم، تراز شدت صوت چند درصد کاهش می‌یابد؟ ( $3/0 = \log 2$  و اتلاف نداریم.)

- ۲۵ (۴)      ۲۴ (۳)      ۱۲/۵ (۲)      ۱۲ (۱)

۵۲- در شکل زیر، جبهه‌های موج نشان داده شده به یک مانع تخت تابیده‌اند. زاویه بین امتداد جبهه‌های موج بازتابیده از مانع با



محور x چند درجه است؟

۲۰ (۱)

۵۵ (۲)

۷۰ (۳)

۹۰ (۴)

۵۳- وقتی آزمایش یانگ در محیطی با ضریب شکست ۳ انجام می‌شود، پهنای هر کدام از نوارهای تداخلی برابر  $1/2\text{mm}$  است. اگر

این آزمایش در محیط شفافی که تنیدی نور در آن  $\frac{\text{m}}{\text{s}} = 1 \times 10^8 / 5 \times 10^8$  است، انجام گردد، پهنای هر کدام از نوارها چند میلی‌متر

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۱/۸ (۴)

۰/۴ (۳)

۳/۶ (۲)

۰/۸ (۱)

۵۴- در آزمایش فوتوالکترویک، طول موج آستانه فلز A  $200\text{nm}$  و طول موج آستانه فلز B  $600\text{nm}$  است. اگر فوتون تابش شده به

سطح فلزها دارای کوتاه‌ترین طول موج رشتۀ پاشن ( $n' = n'$ ) باشد، اثر فوتوالکترویکی در کدام یک از فلزها رخ می‌دهد؟

$$(R = 0/01\text{nm}^{-1})$$

B) فقط فلز

A) فقط فلز

۳) در هر دو فلز رخ می‌دهد.

۵۵- در اتم هیدروژن، انرژی الکترون در اولین حالت برانگیخته، چند برابر انرژی آن در سومین حالت برانگیخته است؟

۹ (۴)

۴ (۳)

۸ (۲)

۳ (۱)

۵۶- در معادله واپاشی هسته اتم زیر، به ترتیب از راست به چپ، تعداد نوترون‌ها و پروتون‌های هسته دختر کدام است؟



۸۸ ، ۱۳۷ (۴)

۹۲ ، ۱۳۷ (۳)

۸۸ ، ۲۲۵ (۲)

۹۲ ، ۲۲۵ (۱)

۵۷- نیمه عمر یک ماده پرتوزا ۸ روز است. پس از چند روز تعداد هسته‌های واپاشیده ۱۵ برابر تعداد هسته‌های فعال باقی‌مانده خواهد شد؟

۶۴ (۴)

۲۴ (۳)

۱۶ (۲)

۳۲ (۱)

۵۸- دو بار الکترویکی نقطه‌ای  $q_1 = 3\mu\text{C}$  و  $q_2 = 27\mu\text{C}$  از فاصله  $8\text{cm}$  از یکدیگر ثابت شده‌اند. اگر بار  $q$  در نقطه‌ای خاص قرار

بگیرد که نیروی خالص وارد بر آن صفر شود، با قربنیه کردن علامت یکی از بارهای  $q_1$  یا  $q_2$ ، بار  $q$  را نسبت به مکان اولیه‌اش

چند سانتی‌متر جایه‌جا کنیم تا مجدداً نیروی خالص وارد بر آن صفر شود؟

۸ (۴)

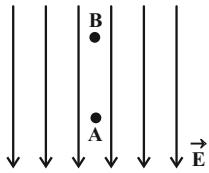
۶ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

۵۹- مطابق شکل زیر، ذره‌ای به جرم  $10\text{ g}$  و بار الکتریکی  $10 \times 10^{-3} \mu\text{C}$  را از نقطه A رها می‌کنیم و ذره به سمت نقطه B حرکت می‌کند. اگر پتانسیل الکتریکی نقطه B برابر  $15\text{ V}$  باشد، به ترتیب تندی ذره در نقطه B چند متر بر ثانیه و پتانسیل نقطه A

$$\text{چند ولت است؟ (اندازه میدان الکتریکی } 10 \frac{\text{N}}{\text{C}} \text{ و فاصله A تا B برابر } 2 \text{ متر است و } g = 10 \frac{\text{kg}}{\text{s}^2})$$



$$-5, 4\sqrt{10} \quad (1)$$

$$-20, 4\sqrt{10} \quad (2)$$

$$-20, 4\sqrt{5} \quad (3)$$

$$-5, 4\sqrt{5} \quad (4)$$

۶۰- خازن تختی را که بین صفحه‌های آن هوا قرار دارد، پس از پرشدن از باتری جدا می‌کنیم. در این حالت، مساحت صفحه‌های خازن را دو برابر نموده و دیالکتریکی با ثابت  $\kappa = 4$  بین صفحه‌های آن قرار می‌دهیم به‌طوری که فضای بین صفحه‌ها را به‌طور کامل پر کند. اندازه میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن چند برابر می‌شود؟

$$8 \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{8} \quad (1)$$

۶۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) مقاومت نوری (LDR)، نوعی مقاومت است که مقاومت الکتریکی آن به دمای محیط بستگی دارد.

ب) از ترمیستور به عنوان حسگر دما در مدارهای حساس به دما مانند زنگ خطر آتش و دمایپاها استفاده می‌شود.

پ) دیودها نوعی مقاومت نوری هستند که جریان را تنها از یک سو عبور می‌دهد.

ت) از LED‌ها بخلاف LDR‌ها می‌توان در تجهیزات چشم الکترونیکی استفاده کرد.

ث) با کاهش روشنایی، میزان مقاومت LDR افزایش می‌یابد.

$$5 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

۶۲- در مدار شکل زیر، اگر مقاومت متغیر  $R_2$  را افزایش دهیم، عددهایی که ولتسنج آرمانی و آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهند، به

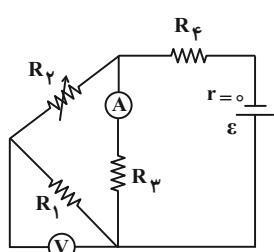
ترتیب چگونه تغییر می‌کنند؟

۱) افزایش-افزایش

۲) افزایش-کاهش

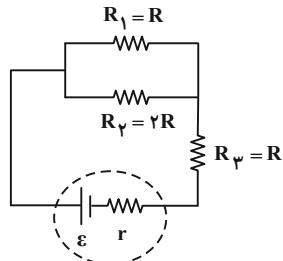
۳) کاهش-کاهش

۴) کاهش-افزایش



۶۳- در مدار نشان داده شده در شکل زیر،  $10\text{ A}$  درصد توان تولیدی باتری در مقاومت درونی آن مصرف می‌شود. در این حالت توان

مصرفی در مقاومت  $R_2$  چند درصد توان تولیدی باتری است؟



۱۲ (۱)

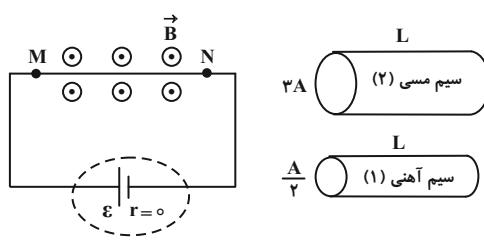
۱۸ (۲)

۱۵ (۳)

۲۵ (۴)

۶۴- در مدار شکل زیر، یک بار سیم مسی و بار دیگر سیم آهنی را به جای سیم  $MN$  قرار می‌دهیم. نیروی مغناطیسی وارد بر سیم

مسی چند برابر نیروی مغناطیسی وارد بر سیم آهنی است؟ (مقاومت ویژه آهن سه برابر مقاومت ویژه مس است).



۱ (۱)

۱۸ (۲)

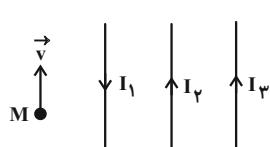
۹ (۳)

۹ (۴)

۶۵- مطابق شکل زیر، سه سیم راست و موازی حامل جریان در یک صفحه واقع‌اند و میدان مغناطیسی حاصل از جریان‌های  $I_1$ ،  $I_2$  و  $I_3$

در نقطه  $M$  به ترتیب  $20\text{ G}$ ،  $30\text{ G}$  و  $40\text{ G}$  است. اگر بار الکتریکی  $C = 5\mu\text{C}$  با تندی  $\frac{m}{s} 10^4$  در جهت نشان داده شده از

نقطه  $M$  عبور کند، در لحظه عبور، نیروی مغناطیسی وارد بر آن چند نیوتون و در چه جهتی است؟



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۶۶- مقاومت هر متر از سیمی  $2\Omega$  است. با این سیم، پیچه‌ای که شعاع سطح مقطع آن  $5\text{ cm}$  و دارای  $300$  دور است، می‌سازیم و

سطح پیچه را عمود بر میدان مغناطیسی که معادله آن در  $B = 2t + 6$  است، قرار می‌دهیم. اندازه جریان القایی

متوسط در دو ثانیه دوم چند میلی‌آمپر است؟ ( $\pi = 3$ )

۲/۵ (۴)

۲۵ (۳)

۰/۵ (۲)

۵ (۱)

۶۷- معادله جریان الکتریکی عبوری از یک سیم‌لوله در SI به صورت  $I = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t$  است. اگر بیشینه انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله  $8J$  باشد، در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه برای اولین بار، انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله  $6J$  می‌شود؟

(۴)  $\frac{1}{600}$

(۳)  $\frac{1}{900}$

(۲)  $\frac{1}{1800}$

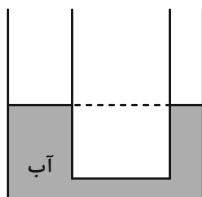
(۱)  $\frac{1}{300}$

۶۸- در شکل‌های زیر، یک دما‌سنج و یک خط‌کش نشان داده شده است. دقت اندازه‌گیری خط‌کش ..... و دقت اندازه‌گیری دما‌سنج ..... است.

 $0/1^\circ\text{C}, 0/5\text{cm}$  (۱) $1^\circ\text{C}, 0/05\text{cm}$  (۲) $0/01^\circ\text{C}, 0/5\text{cm}$  (۳) $0/01^\circ\text{C}, 1\text{cm}$  (۴)

۶۹- در شکل زیر، شعاع مقطع قسمت باریک لوله  $2\text{cm}$  و شعاع مقطع قسمت پهن آن  $3\text{cm}$  است. اگر در قسمت باریک لوله  $78\text{ g}$  رم از یک مایع بریزیم، ارتفاع سطح مایع در این قسمت از لوله  $1\text{cm}$  بیشتر از ارتفاع آب در قسمت پهن لوله می‌شود. چگالی مایع چند

$$\text{گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ } (\rho = \frac{g}{\pi r^2})$$



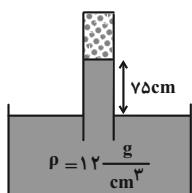
(۱)  $\frac{13}{15}$

(۲)  $0/8$

(۳)  $1/25$

(۴)  $0/7$

۷۰- در شکل زیر، فشار پیمانه‌ای گاز محبوس در انتهای لوله چند کیلوپاسکال است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



(۱)  $90$

(۲)  $10$

(۳)  $-90$

(۴)  $-10$

۷۱- از بالای یک برج جسمی به جرم  $2\text{kg}$  را رها می‌کنیم. اگر تنیدی جسم در ارتفاع  $200$  متری سطح زمین  $\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  و بر روی سطح

$$\text{زمین } 5 \text{ باشد، کار نیروی مقاومت هوا از ارتفاع } 200 \text{ متری تا سطح زمین چند زول است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

(۴)  $3910$

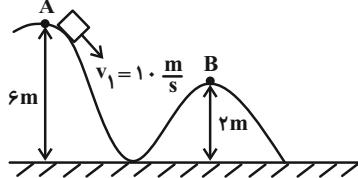
(۳)  $-3991$

(۲)  $-3910$

(۱)  $3991$

۷۲- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $2\text{kg}$  با تندی اولیه  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  از نقطه A پرتاب می‌شود. اگر این جسم با نصف تندی اولیه از نقطه

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}) \quad \text{B} \text{ عبور کند، کار نیروی اصطکاک در جایه‌جایی از A تا B چند ژول است؟}$$



۱۵۵ (۱)

-۱۵۵ (۲)

۱۴۵ (۳)

-۱۴۵ (۴)

۷۳- دمای یک میله آهنی به طول  $10\text{m}$  را  $36^\circ\text{F}$  افزایش می‌دهیم. طول این میله به چند متر می‌رسد؟ ( $\alpha = 8 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ\text{C}}$  آهن)

۱۰/۰۲ (۴)

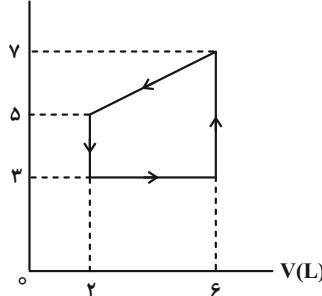
۱۰/۰۰۲ (۳)

۱۰/۱۶ (۲)

۱۰/۰۰۱۶ (۱)

۷۴- گاز داخل یک استوانه، چرخه‌ای مطابق شکل زیر را می‌بینید. در این چرخه، گاز ..... ژول گرما ..... است.

P(atm)



۱۲۰۰ ، گرفته (۱)

۱۲۰۰ ، از دست داده (۲)

۲۴۰۰ ، گرفته (۳)

۲۴۰۰ ، از دست داده (۴)

۷۵- چرخه یک ماشین گرمایی که ماده کاری آن یک گاز آرمانی است، مطابق شکل زیر است. اگر بازده این ماشین  $\frac{4}{27}$  و گاز در طی فرایند AB مقدار  $4800\text{J}$  گرمایی دریافت کرده باشد، در طی فرایند BC چند ژول گرمایی دریافت کرده است؟

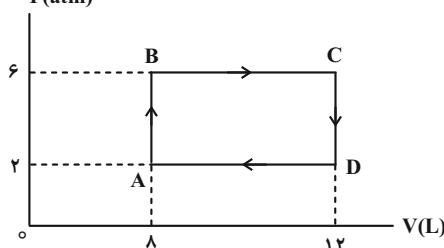
۶۰۰۰ (۱)

۱۰۸۰۰ (۲)

۵۶۰۰ (۳)

۷۲۰۰ (۴)

P(atm)



## شیمی

-۷۶- تعداد الکترون‌های موجود در ۲۰ گرم از اتم  $\text{Br}^{+}$  که مجموع دو عدد کوانتمی  $n$  و  $l$  آن‌ها برابر با ۴ است، با تعداد

$$\text{الکترون‌های موجود در چند گرم از یون } \text{SO}_4^{2-} \text{ برابر خواهد بود؟} \quad (\text{S} = ۳۲ : \text{g.mol}^{-1}, \text{O} = ۱۶)$$

$$16/46 \quad 8/78 \quad 7/2 \quad 3/84 \quad (1)$$

-۷۷- چند مورد از ویژگی‌های زیر در ایزوتوپ‌های یک عنصر یکسان نیست؟

- فعالیت شیمیایی
- نقطه ذوب و جوش
- چگالی
- پایداری در طبیعت
- موقعیت در جدول دوره‌ای
- مجموع شمار ذره‌های زیراتمی باردار
- عدد جرمی

$$4 \quad 3 \quad 2 \quad 1 \quad (1)$$

-۷۸- اگر تعداد اتم‌های اکسیژن در  $2/3$  گرم از  $\text{C}_2\text{H}_X\text{O}$  برابر با  $10^{22}$  باشد،  $0/5$  مول از این ترکیب چند اتم کربن دارد؟

$$(H = 1, C = 12, O = 16 : \text{g.mol}^{-1})$$

$$12/04 \times 10^{23} \quad 9/03 \times 10^{23} \quad 6/02 \times 10^{23} \quad 3/01 \times 10^{23} \quad (1)$$

-۷۹- در چند ردیف از جدول زیر، همه اطلاعات برای ترکیب یونی داده شده درست است؟

فرمول شیمیایی	نام ترکیب	تعداد الکtron مبادله شده	تعداد الکtron با $= 1$ در آرایش الکترونی کاتیون
$\text{Mg}_3\text{N}_4$	منیزیم نیترید	۶	۶
$\text{AlF}_3$	آلومینیوم فلورید	۳	۷
$\text{Li}_2\text{O}$	لیتیم هیدروکسید	۲	صفر
KI	پتاسیم یدید	۲	۱۲

(۱) صفر

-۸۰- ۱۰۴ گرم از مخلوط گازهای  $\text{CH}_4$  و  $\text{C}_2\text{H}_8$  با مقدار کافی از گاز  $\text{O}_2$  به طور کامل واکنش می‌دهند. اگر اختلاف حجم گاز  $\text{H}_2\text{O}$  و

تولیدشده در واکنش سوختن گاز  $\text{C}_2\text{H}_8$  برابر با  $50$  لیتر باشد، مجموع حجم گازهای تولیدشده در طی دو واکنش در شرایطی

که حجم مولی گازها برابر با  $25$  لیتر بر مول باشد، برابر چند لیتر است؟ ( $C = 12, H = 1 : \text{g.mol}^{-1}$ )

$$637/5 \quad 425 \quad 410 \quad 212/5 \quad (1)$$

-۸۱ نسبت شمار جفتالکترون‌های پیوندی به شمار جفتالکترون‌های ناپیوندی در ساختار لوویس مولکول ..... با نسبت شمار جفتالکترون‌های ناپیوندی به شمار جفتالکترون‌های پیوندی در ساختار لوویس مولکول ..... یکسان است و شمار پیوندها در ساختار لوویس مولکول کربن دی‌اکسید با شمار پیوندها در ساختار لوویس مولکول ..... یکسان است. (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).



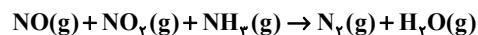
-۸۲ اگر دمای  $n$  مول گاز را از  $91^{\circ}\text{C}$  تا  $45^{\circ}\text{C}$  افزایش دهیم، باید چه مقدار شمار مول‌های گاز را تغییر دهیم تا حجم آن  $1/5$  برابر حجم اولیه شود؟ (فشار ثابت است).

$$(1) \frac{1}{4}n \text{ کاهش} \quad (2) \frac{5}{16}n \text{ افزایش} \quad (3) \frac{5}{16}n \text{ کاهش}$$

-۸۳ به ۴ لیتر محلول از متانول در آب با چگالی  $1.0525\text{ g.mL}^{-1}$  و درصد جرمی  $64\%$  چند لیتر آب مقطمر بیافزاویم، تا محلول جدیدی با چگالی  $1.072\text{ g.mL}^{-1}$  و درصد جرمی  $24\%$  حاصل شود؟ ( $H=1$ ,  $C=12$ ,  $O=16$ :  $\text{g.mol}^{-1}$ )

$$(1) 12 (4) \quad (2) 8 (3) \quad (3) 4 (2) \quad (4) 2 (1)$$

-۸۴ چند مورد از مطالب زیر درباره واکنش داده شده پس از موازنۀ نادرست است؟



- الف) یکی از فراورده‌های گازی تولید شده، در فرایند هابر به عنوان واکنش‌دهنده حضور دارد.
- ب) مجموع ضریب استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها با تعداد پیوند‌های اشتراکی در ساختار گاز SO<sub>۲</sub> برابر است.
- پ) این واکنش در مبدل کاتالیستی خودروهای دیزلی جهت حذف آمونیاک انجام می‌شود.
- ت) نصف اتم‌های نیتروژن در فرایند اکسایش شرکت می‌کنند.

$$(1) 4 (4) \quad (2) 2 (3) \quad (3) 3 (2) \quad (4) 1 (1)$$

-۸۵ چند مورد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

- میزان حرکت مولکول‌های آب از غشا نیمه تراوا در پدیده اسمز از محلول غلیظ به محلول رقیق بیشتر از محلول غلیظ است.
- در روش‌های اسمز معکوس و صافی کربن، آلاینده‌های مشابهی از آب آلوده حذف می‌شوند.
- در اسmez معکوس فشاری که بر سطح محلول غلیظ وارد می‌شود، بیش از فشار وارد شده بر سطح آب شیرین است.
- استفاده از صافی کربن برای حذف ترکیب‌های آلی فرآ مناسب است و کلرزنی نیز منجر به حذف میکروب‌ها از آب می‌شود.

$$(1) 1 (1) \quad (2) 2 (3) \quad (3) 3 (2) \quad (4) 4 (4)$$

-۸۶ کدام موارد از عبارت‌های زیر نادرست هستند؟

- الف) از واکنش فلزهای قلیایی با گاز کلر، گرما و نور تولید می‌شود.
- ب) برخی از رفتارهای شیمیایی فلزهای دسته d با فلزهای هم دوره‌شان در گروه اول و دوم تفاوت دارد.
- پ) خواص فیزیکی شبیه‌فلزها مانند نافلزها بوده و خواص شیمیایی آن‌ها مشابه فلزها می‌باشد.
- ت)  $_{21}\text{Sc}$  نخستین عنصر دوره چهارم جدول دوره‌ای بوده و در ساخت تلویزیون رنگی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

$$(1) \text{الف، پ} \quad (2) \text{الف، ت} \quad (3) \text{ب، پ} \quad (4) \text{ب، ت}$$

-۸۷- مخلوطی از گازهای اتن و اتین که در شرایط استاندارد  $6/72$  لیتر حجم دارد، با  $80$  گرم برم مایع به طور کامل واکنش می‌دهد.  
در صد مولی اتن در این مخلوط به تقریب کدام است؟ ( $\text{Br} = 80 \text{ g.mol}^{-1}$ )

۲۵ (۴)

۵۰ (۳)

۶۶/۶۶ (۲)

۳۳/۳۳ (۱)

-۸۸- همه گزینه‌ها درست‌اند به جز:

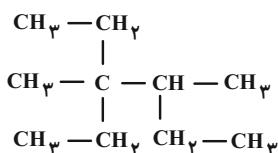
۱) به فروش منابع طبیعی بدون فراوری و به همان صورت که از طبیعت به دست می‌آید، خام فروشی می‌گویند.

۲) امروزه بسیاری از کشورهای جهان منابع خود را به همان صورتی که از طبیعت به دست می‌آورند، می‌فروشنند.

۳) فناوری به دانش یا مهارتی گفته می‌شود که برای ساختن یک ابزار یا حل یک مسئله در صنعت به صورت روزانه مورد استفاده قرار می‌گیرد.

۴) خامفروشی تنها برای نفت و منابع معدنی به کار می‌رود.

-۸۹- نام هیدروکربینی با فرمول ساختاری زیر چیست و فرمول مولکولی آن با کدام ترکیب یکسان است؟ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).



۱) ۴-اتیل-۳،۴-دی متیل هگزان / ۲-متیل هپتان

۲) ۳-اتیل-۳،۴-دی متیل هگزان / ۲-متیل هپتان

۳) ۴-اتیل-۳،۴-دی متیل هگزان / ۲-اتیل اوکتان

۴) ۳-اتیل-۳،۴-دی متیل هگزان / ۲-اتیل اوکتان

-۹۰- با توجه به نمودار زیر، چند مورد از مطالب زیر نادرست است؟

- اگر فرایند گذار از  $B$  به  $C$  با تغییرات همزمان دما و محتوای انرژی شیمیایی همراه باشد، حالت  $C$ ، دما و پایداری بیشتری نسبت به حالت  $B$  دارد.

- شکل می‌تواند مربوط به فرایند خوردن بستنی (از  $A$  تا  $C$ ) باشد.

در صورتی که هر دو فرایند  $B \rightarrow A$  و  $B \rightarrow C$  صرفاً با تغییرات دما همراه باشند، علامت  $\Delta\theta$  در  $C \rightarrow A$  مثبت است.

- اگر حالت  $A$  آنتالپی گرافیت و گاز هیدروژن را نشان دهد،  $C$  و  $B$  می‌توانند به ترتیب آنتالپی متان و فراورده‌های سوختن آن را نشان دهند.



-۹۱- مخلوطی از گازهای اتان و پروپان را به طور کامل می‌سوزانیم و در نتیجه  $1053$  کیلوژول گرما آزاد می‌شود. اگر تفاوت شمار اتم‌های هیدروژن با کربن در این مخلوط برابر  $2/45$  مول باشد، در صد جرمی اتان در این مخلوط چقدر است؟ (آنالپی سوختن اتان و پروپان به ترتیب  $1660$  و  $2220$  کیلوژول بر مول است) ( $C = 12$ ,  $H = 1: \text{g.mol}^{-1}$ )

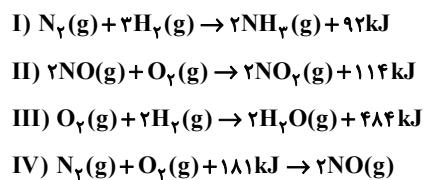
۵۵ (۴)

۸۱ (۳)

۴۵ (۲)

۱۹ (۱)

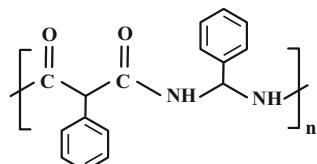
-۹۲ با توجه به اطلاعات داده شده در واکنش‌های ترموشیمیایی زیر، گرمای حاصل از انجام واکنش زیر بر حسب کیلوژول کدام است؟



-۷۵۸ (۲) -۳۷۹ (۱)

-۳۷۹۰ (۴) -۱۸۹۵ (۳)

-۹۳ تعداد پیوندهای دوگانه  $\text{C}=\text{C}$  موجود در ساختار پلیمری از پلیاستیرن به جرم ۲۴۹۶ گرم چند برابر تعداد پیوندهای دوگانه موجود در ۱۵۹۶ گرم از پلیمری با ساختار زیر است؟ ( $\text{O} = 16, \text{C} = 12, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1}$ ) (شمار زیر واحدهای هر دو پلیمر با یکدیگر برابرند).



۰/۵ (۱)

۱/۲۵ (۲)

۱/۵ (۳)

۲ (۴)

-۹۴ چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در واکنش  $\text{Fe}_2\text{O}_3 + 3\text{CO} \rightarrow 2\text{Fe} + 3\text{CO}_2$  سرعت متوسط تولید هیچ ماده‌ای با سرعت متوسط مصرف هیچ ماده‌ای با واحد مول بر ثانیه برابر نیست.

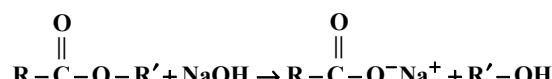
ب) اگر سرعت تولید  $\text{Br}_2$  در واکنش  $4\text{BrF}_3 + 4\text{TiO}_2 \rightarrow 2\text{Br}_2 + 3\text{TiF}_4 + 3\text{O}_2$  باشد، سرعت مصرف  $\text{BrF}_3$  برابر با  $1/2 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$  خواهد بود.

پ) در واکنش‌های شیمیایی گرماده با گذشت زمان سرعت مصرف مواد کاهش یافته و سرعت تولید فراورده‌ها افزایش می‌یابد.  
ت) فلزهای  $\text{Li}$  و  $\text{Na}$  در شرایط مشابه با آب سرد واکنش داده و در بازه زمانی یکسان، مقدار برابر گاز تولید می‌کنند.  
ث) سرعت واکنش سریع محلول پتانسیم پرمنگنات با یک اسید آلی در دمای اتاق، با افروختن کاتالیزگر بیشتر می‌شود.

۱) صفر ۲) ۱/۲ ۳) ۲/۳ ۴) ۳

-۹۵ مطابق واکنش زیر اگر درصد جرمی کربن در الکل تولیدی ۶۰٪ باشد و استر موجود در واکنش دهنده‌ها در مجموع شامل ۷ پیوند کربن-کربن باشد آن‌گاه درصد جرمی سدیم در صابون تولیدی کدام است؟ ( $\text{R}'$  و  $\text{R}$  هر دو زنجیره‌های هیدروکربنی

سیر شده‌اند و  $\text{Na} = 23, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$



۱) ۳۱ (۱) ۲) ۲۳ (۲)

۳) ۱۶/۶۷ (۳) ۴) ۳۳/۳

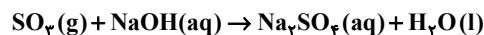
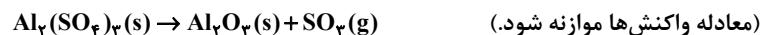
- ۹۶- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- الف) مولکول‌های صابون ذرات چربی را از سطح پارچه جدا و در آب حل می‌کنند.
- ب) میزان پخش نور در سوپسانسیون‌ها از محلول‌ها کمتر است.
- پ) در پاک‌کننده‌های غیرصابونی گروه  $\text{CO}_3^{2-}$  وجود دارد.
- ت) با جایگزین کردن صابون بدون آنزیم به جای صابون آنزیم‌دار، قدرت صابون ۱۵٪ افزایش می‌یابد.

۳ (۴)                  ۲ (۳)                  ۱ (۲)                  ۴ (۱)

- ۹۷- به تقریب جرم نمونه‌ای از آلمینیم سولفات که گاز حاصل از تجزیه آن، ۳۰۰ میلی‌لیتر محلول ۰/۰۵ مولار  $\text{NaOH}$  را خنثی می‌کند، کدام است؟ (این نمونه از آلمینیوم سولفات، ۸۰ درصد خالص و بازده درصدی واکنش تجزیه آن ۵۰ درصد است.)

$$(O=16, Al=27, S=32: \text{g.mol}^{-1})$$



۳/۴۲ (۴)                  ۱/۷۱ (۳)                  ۲/۱۳ (۲)                  ۱/۰۶ (۱)

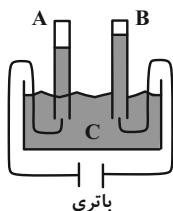
- ۹۸- در یک شیشه پاک کن دارای محلول آمونیاک، غلظت یون هیدروکسید در دمای اتاق  $16 \times 10^4$  برابر غلظت یون هیدرونیوم است.  $\text{pH}$  محلول آمونیاک، کدام است؟ ( $\log 5 = 0.7$ )

۴/۴ (۴)                  ۹/۶ (۳)                  ۸/۴ (۲)                  ۵/۶ (۱)

- ۹۹- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- ۱) هر چه غلظت یون‌های هیدرونیوم در محلولی بیشتر باشد، محلول مورد نظر  $\text{pH}$  بالاتری دارد.
- ۲) صابون باعث حل شدن چربی در آب می‌شود، چون هم بخش قطبی و هم بخش ناقطبی دارد.
- ۳) در ساختار شوینده‌های غیرصابونی حلقة بنزنی مشاهده می‌شود.
- ۴) اضافه کردن آلمینیم به شیر منیزی در برخی از داروهای ضد اسید مشاهده می‌شود.

- ۱۰۰- با توجه به شکل زیر که بر قرکافت آب را نشان می‌دهد، کدام عبارت‌ها درست‌اند؟ ( $H=1, O=16: \text{g.mol}^{-1}$ )



(۴) الف، ت

(۳) پ، ت

(۲) ب، پ

(۱) الف، ب

الف) الکترود مربوط به بخش A مثبت است.

ب) مایع موجود در قسمت C خالص است.

پ) کاغذ  $\text{pH}$  در اطراف الکترود B به رنگ قرمز درمی‌آید.

ت) جرم گاز تولید شده در قسمت B بیشتر از A است.

- ۱۰۱- در یک سلول سوختی  $\text{O}_2 - \text{H}_2$  در مجموع  $134/4$  لیتر گاز در شرایط STP مصرف شده است. چند گرم آب در این سلول تولید می‌شود و اگر به اندازه الکترون‌های عبور کرده در این سلول، الکترون برای یک فرایند آبکاری به وسیله فلز کروم از یون‌های  $\text{Cr}^{3+}$  مصرف شود چند گرم بر جرم وسیله مورد آبکاری افزوده می‌شود؟ ( $\text{Cr}=52, H=1, O=16: \text{g.mol}^{-1}$ ) (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید.)

۶۹/۳، ۳۶ (۴)                  ۱۳۸/۶، ۷۲ (۳)                  ۶۹/۳، ۷۲ (۲)                  ۱۳۸/۶، ۳۶ (۱)

- ۱۰۲- کدام یک از عبارت‌های زیر درست هستند؟

الف) مبنای اندازه‌گیری گشتاور دوقطبی، جهت‌گیری مولکول‌ها در میدان الکتریکی است.

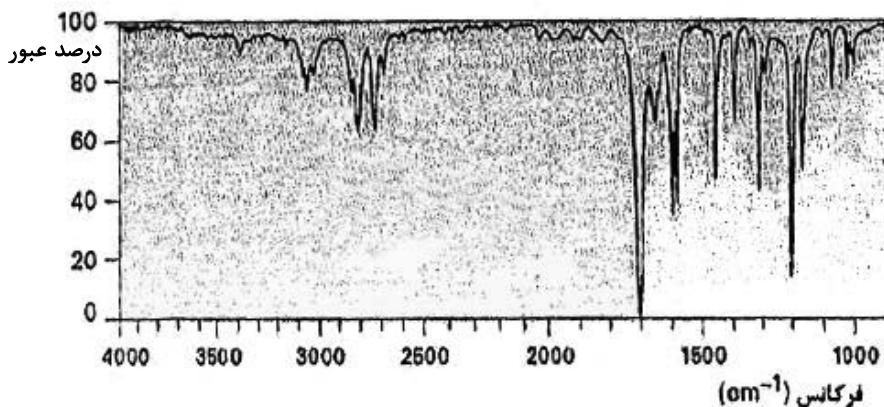
ب) مولکول‌های متان با ساختاری خمیده، در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

پ) گاز کلر در مقایسه با هیدروژن فلوئورید نقطه جوش بالاتری دارد.

ت) گشتاور دوقطبی مولکول‌های با جرم مولی بالاتر، نزدیک‌تر از مولکول‌های سبک‌تر از خود بیشتر نیست.

(۱) الف، ب (۲) الف، ت (۳) ب، پ (۴) پ، ت

- ۱۰۳- از روش طیف‌سنجی فروسرخ برای شناسایی انواع پیوندها در یک نوع ترکیب می‌توان استفاده کرد. با توجه به جدول داده شده که نشان‌دهنده فرکانس موج جذب شده توسط هر پیوند خاص است، مشخص کنید در نمونه داده شده کدام نوع پیوند وجود دارد؟



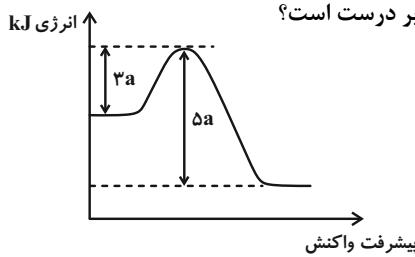
C = O (۱)

C - H (۲)

O - H (۳)

C ≡ C (۴)

- ۱۰۴- با توجه به نمودار تغییر انرژی نسبت به پیشرفت واکنش  $2A(g) + B(g) \rightarrow 3C(g)$ ، اگر تفاوت سطح انرژی واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها بر حسب  $kJ$  برابر جرم مولی اوره باشد، چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟



(O = ۱۶, N = ۱۴, C = ۱۲, H = ۱: g.mol⁻¹)

الف) ضمن تشکیل هر مول ماده C به اندازه  $150 kJ$  گرما آزاد می‌شود.

ب) انرژی فعال‌سازی واکنش با کاربرد کاتالیزگر می‌تواند  $320 kJ$  باشد.

پ) فراورده حاصل نسبت به واکنش‌دهنده‌ها پایدارتر می‌باشد.

ت) با کاربرد کاتالیزگر میزان کاهش انرژی فعال‌سازی و کاهش واکنش  $\Delta H$  با هم برابر است.

(۱) صفر

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

- ۱۰۵- با توجه به اطلاعات داده شده که به یک تعادل گازی مربوط است، چند مورد از مطالب بیان شده درست است؟

الف) واکنش گرماده است.

ب) با کاهش دما، تعادل در جهت برگشت جابه‌جا می‌شود.

پ) اگر با افزایش فشار، مقدار مول فراورده‌ها افزایش یابد، مجموع ضرایب مواد گازی در سمت راست معادله واکنش بیشتر است.

ت) با افزایش دما، غلظت فراورده‌ها کاهش می‌یابد.

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

ثابت تعادل	دما (°C)
$6 \times 10^5$	۲۵
$2/24$	۲۰۰
$6/2 \times 10^{-4}$	۴۰۰



# آزمون ۹ تیرماه ۱۴۰۲

## اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

**پذیدآورندگان**

نام طراحان	نام درس	شیوه آموزش
کاظم اجلالی- سیدرضا اسلامی- محسن بهرامپور- عادل حسینی	حسابات ۲ و ریاضی پایه	
امیرحسین ابومحبوب- حنانه اتفاقی- محمد خندان- سوگند روشنی- محمد صحت کار- احمد رضا فلاخ- مهرداد ملوندی	هندرسه و آمار و ریاضیات گستته	
حسرو ارغوانی فرد- عبدالرضا امینی نسب- زهره آقامحمدی- محمدعلی راست بیمان- معصومه شریعت ناصری- سعید طاهری بروجنی پوریا علاقه مند- مسعود قره خانی- مصطفی کیانی- غلامرضا محبی- امیر احمد میرسعید	فیزیک	
صلاح الدین ابراهیمی- محمد رضا پور جاوید- یاسر راش- فرزاد رضایی- محمد رضا زهره وند- رضا سلیمانی- میلاد شیخ‌الاسلامی خیابوی مسعود طبرسا- امیرحسین طبیبی سود کلایی- رسول عابدینی زواره- محمد عظیمیان زواره- محمد پارسا فراهانی- فاضل قهرمانی فرد امیرحسین مسلمی- محمد نکو- سید رحیم هاشمی دهکردی	شیمی	

**گزینشگران و ویراستاران**

نام درس	حسابات ۲ و ریاضی پایه	هندرسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کاظم اجلالی- سیدرضا اسلامی	امیرحسین ابو محبوب	سوگند روشنی	بابک اسلامی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	مهدی ملار رمضانی	عادل حسینی	زهرا آقامحمدی	حمدی زربن کفش	جواد سوری لکی
	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	مهدی ملار رمضانی	مهدی ملار رمضانی	علیرضا گندمی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب	بابک اسلامی	امیر حسین مسلمی	
مسئول مستندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری	

**گروه فنی و تولید**

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: مجیا اصغری	گروه مستندسازی
فرزانه فتح‌الهزاده	حروف‌نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

### گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۶۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱۱-۶۴۶۳



$$\Rightarrow f'(-1) = 2 - \frac{1}{\sqrt{2}}$$

(سیدرضا اسلامی)

$$g(x) = 2x - \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow g'(x) = 2 - \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + 1}}$$

$$\Rightarrow g'(0) = 2$$

در نهایت داریم:

$$(f \circ g)'(0) = 2\left(2 - \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 4 - \sqrt{2}$$

(مسابقات ۷- مشتق: صفحه‌های ۸۰ و ۹۴)

(سیدرضا اسلامی)

## گزینه «۱» - ۳

از این‌که خط  $y = 3x - 1$  در  $x = 1$  بر نمودار  $f$  مماس است، نتیجه

می‌گیریم:

$$\begin{cases} x = 1 \\ y = 2 \\ m = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f(1) = 2 \\ f'(1) = 3 \end{cases}$$

در این مرحله، محاسبه شیب مماس بر نمودار تابع  $y = 2f(x^3) - 7$ 

ضروری است:

$$y' = 2(3x^2)f'(x^3 - 7) \xrightarrow{x=1} y' = 24f'(1) = 24 \times 3 = 72$$

از آنجا که طول نقطه  $B$ ،  $25/0$  کمتر از  $A$  است، از عرض نقطه  $A$  بهاندازه  $18 = 25/0$  کم می‌کنیم تا به جواب برسیم:

$$y_A = 2f(2^3 - 7) = 2f(1) = 4$$

$$\Rightarrow y_B = 4 - 18 = -14$$

(مسابقات ۳- مشتق: صفحه ۹۶)

## ریاضیات

## گزینه «۲» - ۱

از مساحت نیم‌دایره‌ها هر بار  $75\%$  کم می‌شود، یعنی مساحت نیم‌دایره  $25\%$ یعنی  $\frac{1}{4}$  مرحله قبل است، پس قطر نیم‌دایره‌ها، دنباله هندسی با قدر نسبت $\frac{1}{2}$  می‌سازند:

$$\text{مساحت نیم‌دایره اول} = 2\pi \Rightarrow 4\pi = \pi r^2$$

$$\Rightarrow r = 2 \Rightarrow 2r = 4$$

اگر فاصله متوجه تا محور  $y$  را در برخورد  $n$  ام،  $S_n$  در نظر بگیریم:

$$S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n = 4\left(\frac{\frac{1}{2^n}}{1 - \frac{1}{2}}\right) = 8\left(1 - \frac{1}{2^n}\right)$$

از  $7/99 > S_n$  محدوده  $n$  را می‌یابیم:

$$8\left(1 - \frac{1}{2^n}\right) > 7/99 \Rightarrow 1 - \frac{1}{2^n} > \frac{7/99}{8}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2^n} < \frac{1}{800} \Rightarrow 2^n > 800 \Rightarrow n \geq 10$$

(مسابقات ۲- پیر و مغارل: صفحه‌های ۵ و ۶)

## گزینه «۴» - ۲

با توجه به تعریف مشتق، مقدار حد مورد نظر همان مشتق تابع  $f \circ g$  در نقطه

است. از طرف دیگر داریم:

$$(f \circ g)'(0) = g'(0)f'(g(0)) \xrightarrow{g(0) = -1} g'(0)f'(-1)$$

حال مقادیر  $g'(0)$  و  $f'(-1)$  را حساب می‌کنیم:

$$f(x) = 2x + \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow f'(x) = 2 + \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + 1}}$$



(کاظم اجلالی)

گزینه «۲» -۶

توجه کنید که  $\sqrt[3]{3} < 2 < \sqrt[3]{9}$ ، بنابراین داریم:

$$\log_3 \sqrt{3} < \log_3 2 < \log_3 \sqrt[3]{9} \Rightarrow \frac{1}{2} < \log_3 2 < \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow -\frac{2}{3} < -\log_3 2 < -\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{3} < 1 - \log_3 2 < \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 2 < \frac{1}{1 - \log_3 2} < 3 \Rightarrow -3 < -\frac{1}{1 - \log_3 2} < -2$$

$$\Rightarrow \left| \frac{-1}{1 - \log_3 2} \right| = -3$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه ۱۸۶)

(عادل مسینی)

گزینه «۳» -۷

 $x = \log_3 \frac{3}{4}$  صفر تابع است:

$$\Rightarrow a \times 3^{b \log_3 \frac{3}{4}} - 1 = a \left( 3^{\log_3 \frac{3}{4}} \right)^b - 1 = 0$$

طبق ویژگی  $m^{\log_m n} = n$  داریم:

$$3^{\log_3 \frac{3}{4}} = \frac{3}{4} \Rightarrow a \left( \frac{3}{4} \right)^b - 1 = 0 \Rightarrow a = \left( \frac{4}{3} \right)^b \quad (*)$$

مختصات نقطه (۱، ۱) هم در ضابطه تابع صدق می‌کند:

$$\Rightarrow a(3^b) - 1 = 1 \xrightarrow{*} \left( \frac{4}{3} \right)^b \times 3^b = 2$$

$$\Rightarrow 4^b = 2 \Rightarrow b = \frac{1}{2} \xrightarrow{*} a = \sqrt{\frac{4}{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

در نهایت داریم:

$$ab = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۷۵ و ۷۷)

(مسنون بهرام پور)

گزینه «۴» -۴

$$f'(x) = \sqrt[3]{x} + \frac{x - 1}{\sqrt[3]{x^2}} = \frac{4}{3} \sqrt[3]{x} - \frac{1}{3 \sqrt[3]{x^2}} = \frac{4}{3} \left( \frac{x - 1}{\sqrt[3]{x^2}} \right)$$

در تابع صعودی  $f'(x) \geq 0$  است:

$$\Rightarrow x - 1 \geq 0 \Rightarrow x \geq 1 \quad (1)$$

$$f''(x) = \frac{4}{9 \sqrt[3]{x^2}} + \frac{16}{9x \sqrt[3]{x^2}} = \frac{4}{9 \sqrt[3]{x^2}} \left( 1 + \frac{4}{x} \right)$$

تعقر نمودار رو به پایین است، پس  $f''(x) < 0$  است.

$$\xrightarrow{f'' < 0} 1 + \frac{4}{x} < 0 \Rightarrow \frac{4}{x} < -1 \Rightarrow -4 < x < 0 \quad (2)$$

اشتراک دو بازه (۱) و (۲) تهی است.

(مسابان ب- کاربردهای مشتق؛ صفحه‌های ۱۲۱ و ۱۲۹)

(مسنون بهرام پور)

گزینه «۳» -۵

تابع  $g$  در  $x = -2$  مماس قائم دارد، پس طول نقطه عطف نمودار این تابعبرابر ۲ است، این یعنی طول نقطه عطف نمودار تابع  $f$  نیز ۲ است. ازطرفی طول نقطه عطف نمودار  $f$  برابر  $x = -\frac{a}{3}$  است، پس داریم:

$$-\frac{a}{3} = -2 \Rightarrow a = 6$$

عرض نقطه عطف تابع  $f$  برابر  $f(-2) = f(-2)$  است:

$$f(-2) = (-2)^3 + 6(-2)^2 + 2(-2) - 4 = 8$$

 $g(-2)$  هم باید برابر همین مقدار باشد:

$$g(-2) = b = 8$$

$$\Rightarrow a - b = 6 - 8 = -2$$

(مسابان ب- مشتق و کاربردهای مشتق؛ صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۱۳)



از طرفی از رابطه  $P = \alpha\beta = -2$  استفاده می‌کنیم و می‌توانیم بنویسیم:

$$\frac{1}{\alpha} = -\frac{\beta}{2} \Rightarrow \frac{1}{\alpha} = \frac{\beta^2}{4} \Rightarrow \frac{64}{(\beta^2 - 4)^2} = \alpha^2$$

$$\text{به طریق مشابه } \frac{64}{(\beta^2 - 4)^2} = \alpha^2 \text{ است.}$$

پس هدف پیدا کردن معادله‌ای است که جواب‌های آن  $\alpha' = \alpha^2$  و  $\beta' = \beta^2$  باشد:

$$\begin{cases} S' = \alpha' + \beta' = \alpha^2 + \beta^2 = S^2 - 2P = 20 \\ P' = \alpha'\beta' = \alpha^2\beta^2 = P^2 = 4 \end{cases}$$

پس معادله مورد نظر به صورت زیر است:

$$x^2 - S'x + P' = 0 \Rightarrow x^2 - 20x + 4 = 0 \Rightarrow x^2 + 4 = 20x$$

(مسابان ا- بیبر و معادله: صفحه‌های ۷ تا ۹)

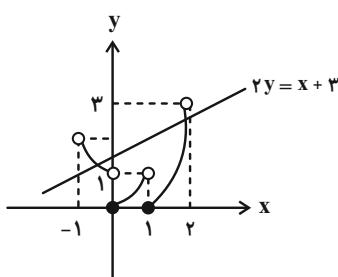
(عارل مسین)

«گزینه ۳» - ۱۰.

تابع  $[x] = x^2 - [x]$  را در بازه  $(-1, 2)$  و همچنین خط

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & ; -1 < x < 0 \\ x^2 & ; 0 \leq x < 1 \\ x^2 - 1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$$



با توجه به نمودارهای بالا، دو تابع در بازه  $(-1, 2)$  دو نقطه مشترک دارند.

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(کاظم اجلان)

«گزینه ۳» - ۸

معادله را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$\sqrt[3]{kx+1} = x+1 \rightarrow kx+1 = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$

$$\Rightarrow x^3 + 3x^2 + (3-k)x = x(x^2 + 3x + 3 - k) = 0$$

یک جواب معادله  $x = 0$  است. در حالت‌های زیر معادله فقط یک جواب

دیگر دارد:

الف) معادله  $x^2 + 3x + 3 - k = 0$  جواب مضاعف داشته باشد:

$$\Rightarrow \Delta = 9 - 4(3-k) = 4k - 3 = 0 \Rightarrow k = \frac{3}{4}$$

در این حالت جواب دیگر معادله  $x = -\frac{3}{2}$  است.

ب) یکی از جواب‌های معادله  $x^2 + 3x + 3 - k = 0$  باشد:

$$\Rightarrow 3 - k = 0 \Rightarrow k = 3$$

در این حالت نیز جواب دیگر معادله  $x = -3$  است. پس مجموع مقادیر

$$\text{قابل قبول برای } k \text{ برابر } \frac{3}{4} + \frac{15}{4} = \frac{18}{4} = \frac{9}{2} \text{ است.}$$

(مسابقات ا- بیبر و معادله: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(عارل مسین)

«گزینه ۳» - ۹

در معادله داده شده داریم:

$$S = \alpha + \beta = 4, P = \alpha\beta = -2$$

حال چون جواب‌های یک معادله در خود معادله صدق می‌کنند، داریم:

$$\alpha^2 - 4\alpha - 2 = 0 \Rightarrow \alpha^2 - 2 = 4\alpha$$

$$\Rightarrow \frac{64}{(\alpha^2 - 2)^2} = \frac{64}{16\alpha^2} = \frac{4}{\alpha^2}$$



(کاظم اجلالی)

## گزینه «۲» - ۱۳

ابتدا ضابطه تابع را ساده می کنیم:

$$f(x) = a \sin(b\pi x + \frac{\pi}{2}) + 1 = -a \cos(b\pi x) + 1$$

از روی نمودار معلوم است که نصف دوره تناوب (فاصله بین یک ماکریم با

مینیم متوالی اش) تابع برابر ۴ و ماکریم آن برابر ۳ است. پس:

$$\frac{1}{2}T = 4 \Rightarrow T = 8 \Rightarrow \frac{2\pi}{|b\pi|} = 8 \Rightarrow |b| = \frac{1}{4}$$

$$1 + |-a| = 3 \Rightarrow |a| = 2$$

$$\text{بنابراین } |ab| = \frac{1}{2}$$

(مسابقات ۳ - مثلثات: صفحه ۵۷)

(مسنون بهرامی)

## گزینه «۳» - ۱۴

$$\frac{\cos 2x}{\cos x} = \cos^2 x - \sin^2 x = \cos 2x \quad ; \quad \cos 2x \neq 0$$

$$\Rightarrow \cos 2x = \cos 2x \cos 2x$$

با نوشتن  $\cos(2x+2x)$  به صورت  $\cos 2x$  داریم:

$$\cos 2x \cos 2x - \sin 2x \sin 2x = \cos 2x \cos 2x$$

$$\Rightarrow \sin 2x \sin 2x = 0$$

$$\Rightarrow \sin 2x(\sin 2x \cos 2x) = 2 \sin^2 2x \cos 2x = 0$$

$$\xrightarrow{\cos 2x \neq 0} \sin 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} \quad ; \quad k \in \mathbb{Z}$$

جواب‌های بازه  $[0, 2\pi]$  عبارتند از: صفر،  $\frac{\pi}{2}$  و  $2\pi$  کهمجموع آنها برابر  $5\pi$  است.

(مسابقات ۳ - مثلثات: صفحه‌های ۵۳۵ و ۵۳۶)

(سیدرضا اسلامی)

## گزینه «۱» - ۱۱

برای محاسبه  $(f^{-1})'(1)$ ، مقدار تابع  $f$  را برابر ۱ قرار می‌دهیم:

$$5x - 9 = 1 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow f(2) = 1 \Rightarrow f^{-1}(1) = 2$$

برای محاسبه  $(g^{-1})'(3)$ ، فرض نخست را به صورت ساده‌تر می‌نویسیم:

$$(f^{-1} \circ g)(\frac{5x+1}{2x+1}) = 2x^3 + x$$

$$\xrightarrow{f} g(\frac{5x+1}{2x+1}) = f(2x^3 + x) \quad (\text{I})$$

برای این‌که حاصل  $g$  و در نتیجه حاصل  $f$  برابر ۴ شود، داریم:

$$5x - 9 = -4 \Rightarrow x = 1 \Rightarrow f(3) = -4$$

حال در رابطه  $I$ ،  $x = 1$  را قرار می‌دهیم:

$$g(2) = f(3) = -4 \Rightarrow g(2) = -4 \Rightarrow g^{-1}(-4) = 2$$

پس حاصل نهایی برابر  $2 + 2 = 4$  است.

(مسابقات ۱ - تابع: صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

(سیدرضا اسلامی)

## گزینه «۴» - ۱۲

در این دایرة مثلثاتی، طول نقطه  $B$  همان  $\cos 2\alpha$  است، پس:

$$\cos 2\alpha = \frac{1}{9} \Rightarrow 2 \cos^2 \alpha - 1 = \frac{1}{9}$$

$$\Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{5}{9} \xrightarrow{\text{در ربع دوم } \alpha} \cos \alpha = \frac{-\sqrt{5}}{3}$$

در نتیجه جواب نهایی برابر است با:

$$2 \cos^2 \alpha - \cos \alpha = \cos \alpha(2 \cos^2 \alpha - 1)$$

$$= \cos \alpha \cdot \cos 2\alpha = -\frac{\sqrt{5}}{3} \left(\frac{1}{9}\right) = -\frac{\sqrt{5}}{27}$$

(مسابقات ۱ - مثلثات: صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)



با توجه به پیوستگی تابع  $g$  در  $x = -3$  خواهیم داشت:

$$\lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5\sqrt{x^2 + 2x - 2} + b}{x + 3} = \lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{12}{x} + c = -4 + c$$

برای این که این حد وجود داشته باشد، لازم است که حد صورت صفر باشد.

پس:

$$-5\sqrt{9 - 6 - 2} + b = 0 \Rightarrow -5 + b = 0 \Rightarrow b = 5$$

حال حاصل حد را به دست می‌آوریم تا مقدار  $c$  مشخص شود:

$$\lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5(\sqrt{x^2 + 2x - 2} - 1)}{x + 3} \times \frac{\sqrt{x^2 + 2x - 2} + 1}{\sqrt{x^2 + 2x - 2} + 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5(x^2 + 2x - 3)}{2(x + 3)} = \lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5(x - 1)}{2} = 10$$

از  $10 = -4 + c$  مقدار  $c$  برابر با  $14$  به دست می‌آید.

(مسابان ا- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۳۵ تا ۱۳۶)

-----

### گزینه «۱»

(سیر، رضا اسلامی) - ۱۷

$y = f(1-x) + 1$  و  $y = 2$   $x = 3$  و  $y = f(1-x) + 1$  است. با قرینه

کردن نسبت به محور  $y$  ها، مجانب‌های  $y = f(x+1)+1$  به صورت  $y = f(x+1)+1$  و سپس با انتقال به راست به اندازه یک واحد،

مجانب‌های  $y = f(x)+1$  به صورت  $y = f(x)+1$  و  $x = -2$   $y = 2$  مشخص

می‌گردد. در نهایت با انتقال یک واحدی به پایین به مجانب‌های  $y = f(x)$  می‌رسیم.

یعنی  $y = 1$  و  $x = -2$ .

برای مشخص شدن مجانب‌های تابع  $f^{-1}$ ، جای  $x$  و  $y$  را عوض می‌کنیم

یعنی  $1 = y$  و  $-2 = x$  مجانب‌ها هستند. در گام آخر طول نقاط را نصف

کرده تا به مجانب‌های  $(2x)^{-1}$  برابر باشد.  $y = -2$  و  $x = \frac{1}{2}$  برسیم:

$$\begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ y = -2 \end{cases} \Rightarrow B\left(\frac{1}{2}, -2\right) \Rightarrow a + b = \frac{-2}{2}$$

(مسابقات تابع و مدهای تامنه‌ی مر در بی‌نویت: صفحه‌های ۱۳۳، ۱۳۴، ۱۳۵، ۱۳۶، ۱۳۷)

(کاظم اجلالی)

### گزینه «۴»

- ۱۵

تابع‌های  $y = \sqrt{4x - x^2} - 2$  و  $y = ax^2 + bx + 16$  در تمام نقاط

بازه  $(4, 0)$  حد دارند، پس تابع  $f$  در تمام نقاطی از این بازه که حد

خرج صفر نشود، حد دارد. پس باید نقاطی که مخرج  $f(x)$  صفر می‌شود را

معین کنیم:

$$\sqrt{4x - x^2} - 2 = 0 \Rightarrow \sqrt{4x - x^2} = 2 \Rightarrow 4x - x^2 = 4$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0 \Rightarrow (x - 2)^2 = 0 \Rightarrow x = 2$$

پس تابع  $f$  باید در  $x = 2$  حد داشته باشد:

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax^2 + bx + 16}{\sqrt{4x - x^2} - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax^2 + bx + 16}{4x - x^2 - 4} \times (\sqrt{4x - x^2} + 2)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax^2 + bx + 16}{-(x - 2)^2} \times (\sqrt{4x - x^2} + 2)$$

حد بالا فقط در صورتی می‌تواند وجود داشته باشد که صورت کسر عامل

$(x - 2)$  را داشته باشد. پس:

$$ax^2 + bx + 16 = a(x - 2)^2 = ax^2 - 4ax + 4a$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4a = 16 \Rightarrow a = 4 \\ -4a = b \Rightarrow b = -16 \end{cases} \Rightarrow ab = -64$$

(مسابقات تابع و مدهای تامنه‌ی مر در بی‌نویت: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۷)

-----

(سیر، رضا اسلامی)

### گزینه «۲»

- ۱۶

حد تابع  $f$  وقتی که  $x \rightarrow -\infty$  برابر است با:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{a\sqrt{x^2}}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-ax}{x} = -a = 5 \Rightarrow a = -5$$



طبق قانون دمورگان داریم:

$$A' \cup B = (A \cap B')' = (A - B)'$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۵۷ تا ۵۳)

(ممدر صفت‌کار)

«گزینه ۱۰»

نکته: اگر  $P(A) \leq P(B)$  آن‌گاه:

$$P(A) + P(B) - 1 \leq P(A \cap B) \leq P(A)$$

$$P(A) + P(B) = \frac{7}{11} + \frac{5}{7} = \frac{49 + 55}{77} = \frac{104}{77}$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) \geq \frac{104}{77} - 1 \Rightarrow P(A \cap B) \geq \frac{27}{77}$$

$$\Rightarrow P(B | A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{27}{77}}{\frac{7}{11}} = \frac{27}{49}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۵)

(ممدر صفت‌کار)

«گزینه ۱۱»

روش اول: برای مهره‌های جعبه‌جديد، ۴ حالت زیر امکان‌پذیر است:



بنابراین براساس قانون احتمال کل، احتمال مطلوب به صورت زیر محاسبه

می‌شود:

$$\left( \binom{3}{3} \times \frac{3}{3} \right) + \left( \binom{3}{2} \binom{2}{1} \times \frac{2}{3} \right)$$

(سوکنر روشن)

-۱۸ «گزینه ۱۱»

به بررسی گزاره‌های داده شده می‌پردازیم:

$$[(\sim p \wedge q) \vee (\sim p \wedge \sim q)] \wedge p \quad (۱)$$

$$\equiv [\sim p \wedge (\underbrace{q \vee \sim q}_T)] \wedge p \equiv \sim p \wedge p \equiv F$$

$$n((A \times B) \cap (B \times A)) = n(A \cap B)^t \quad (۲)$$

$$A \cap B = \{6, 12, 18\} \Rightarrow n(A \cap B)^t = 3^t = 9$$

بنابراین گزاره داده شده نادرست است.

(۳) این گزاره درست است. مثلاً اگر  $x = 1$  انتخاب شود، آن‌گاه داریم:

$$(\frac{1}{3})^2 < \frac{1}{3} + y^2 \Rightarrow y^2 > \frac{1}{4} - \frac{1}{3} \Rightarrow y^2 > -\frac{1}{4}$$

رابطه اخیر به ازای تمام مقادیر حقیقی  $y$  بدیهی است.

(۴) این گزاره نادرست است. مثلاً اگر  $x = -1$  باشد، آن‌گاه هیچ عدد

حقیقی مانند  $y$  وجود ندارد که  $-1 = y^2$  باشد.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۶ و ۱۵)

(هزاره اتفاقی)

-۱۹ «گزینه ۱۲»

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$(A \cap B)' - B' = (A' \cup B') \cap B$$

$$= (A' \cap B) \cup (\underbrace{B' \cap B}_{\emptyset}) = A' \cap B$$

بنابراین عبارت صورت سؤال به شکل زیر درآمده و ساده می‌شود:

$$|(A \cap B) \cup (B' \cap A')| \cup (A' \cap B)$$

$$= (A \cap B) \cup [(A' \cap B') \cup (A' \cap B)]$$

$$= (A \cap B) \cup [(A' \cap \underbrace{(B' \cup B)}_U)] = (A \cap B) \cup A'$$

$$= (\underbrace{A \cup A'}_U) \cap (B \cup A') = B \cup A' = A' \cup B$$



(امیرحسین غلاج)

## گزینه «۱» - ۲۳

با توجه به اطلاعات صورت سؤال می‌توانیم قضیه تقسیم را به صورت زیر بنویسیم:

$$a = 263q + 2q^3 - 3$$

$$0 \leq r < b \Rightarrow 0 \leq 2q^3 - 3 < 263 \Rightarrow 3 \leq 2q^3 < 266$$

$$2 \leq q^3 < 133 \Rightarrow q = 2, 3, 4, 5$$

با توجه به این که  $a$  عددی زوج است،  $q$  باید فرد باشد (دقیق کنید که

$$2q^3 - 3 \text{ حتماً عددی فرد است. پس باید } 263q \text{ عددی فرد باشد.}$$

بنابراین  $q$  فقط می‌تواند ۳ و ۵ باشد یعنی  $a$  دو مقدار را اختیار کند.

(ریاضیات گستره - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۱۰)

(محمد صحت‌کار)

## گزینه «۲» - ۲۴

$$\overline{ababa} \equiv 0 \Rightarrow \overline{ababa} \equiv 0 \text{ و } \overline{ababa} \equiv 0.$$

$$\overline{ababa} \equiv 0 \Rightarrow a \equiv 0 \Rightarrow a = 0 \text{ یا } a = 5$$

رقم ده هزارگان است پس نمی‌تواند صفر باشد بنابراین  $a = 5$  است.

$$\Rightarrow \overline{\delta b \delta b \delta} \equiv 0 \Rightarrow \delta + 10b + \delta 00 + 1000b + \delta 0000 \equiv 0$$

$$\Rightarrow \delta + 3b + 3 + (-1)b + (-1) \equiv 0 \Rightarrow 2b \equiv -3 \equiv 0 \Rightarrow b \equiv 0.$$

$$\Rightarrow b = 0 \text{ یا } b = 5 \Rightarrow 57575$$

$$\Rightarrow \delta + 7 + \delta + 7 + \delta = 29 \Rightarrow 29 = (13 \times 2) + 3$$

(ریاضیات گستره - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

$$+ \left( \frac{3}{10} \times \frac{7}{3} \right) + \left( \frac{7}{10} \times 0 \right)$$

$$= \left( \frac{1}{120} \times \frac{3}{3} \right) + \left( \frac{21}{120} \times \frac{2}{3} \right) + \left( \frac{63}{120} \times \frac{1}{3} \right)$$

$$= \frac{3 + 42 + 63}{360} = \frac{108}{360} = \frac{3}{10}$$

روش دوم: در شرایط این مسئله، احتمال سفید بودن مهره خارج شده از جعبه

جدید با احتمال این که یک مهره از جعبه اصلی برداریم و سفید باشد برابر

است. این احتمال برابر با  $\frac{3}{10}$  است.

(آمار و احتمال - احتمال؛ صفحه‌های ۵۱ تا ۶۲)

(امیرحسین ابومنوب)

## گزینه «۲» - ۲۲

اگر داده‌های اولیه را با  $x_1, x_2, \dots, x_n$  نمایش دهیم، داده‌های جدیدبه صورت  $\bar{x}_1 - 5, \bar{x}_2 - 5, \dots, \bar{x}_n - 5$  خواهند بود و در این

صورت داریم:

$$\frac{CV_{\gamma}}{CV_1} = \frac{\frac{\sigma_{\gamma}}{\bar{x}_{\gamma}}}{\frac{\sigma_1}{\bar{x}_1}} = \frac{\sigma_{\gamma}}{\sigma_1} \times \frac{\bar{x}_1}{\bar{x}_{\gamma}}$$

$$\gamma = \frac{3\sigma_1}{\sigma_1} \times \frac{\bar{x}_1}{3\bar{x}_1 - 5} \Rightarrow 6\bar{x}_1 - 10 = 3\bar{x}_1$$

$$\Rightarrow \bar{x}_1 = \frac{10}{3} \Rightarrow \bar{x}_{\gamma} = 3\left(\frac{10}{3}\right) - 5 = 5$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{مجموع داده‌های اولیه} = \frac{10}{3} \times 12 = 40 \\ \text{مجموع داده‌های جدید} = 5 \times 12 = 60 \end{array} \right\} \Rightarrow 60 - 40 = 20$$

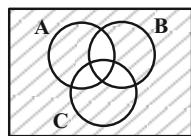
(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷)



(امدرخت خلاج)

## گزینه «۲» -۲۸

عضویایی که بر حداکثر یک عدد از میان اعداد ۶، ۴ و ۹ بخش پذیرند به شکل زیر در نمودار ون قرار دارند.



نواحی مورد نظر به شکل زیر محاسبه می‌گردد:

تعداد عضویایی که بر حداکثر یک عدد بخش پذیرند

$$= |S| - (تعداد عضویایی که بر حداقل دو تا عدد بخش پذیر باشند)$$

$$= |S| - (|A \cap B| + |A \cap C| + |B \cap C| - 2|A \cap B \cap C|)$$

$$= 50 - \left( \left[ \frac{50}{[4, 6]} \right] + \left[ \frac{50}{[4, 9]} \right] + \left[ \frac{50}{[6, 9]} \right] - 2 \times \left[ \frac{50}{[4, 6, 9]} \right] \right)$$

$$= 50 - \left( \frac{50}{12} + \frac{50}{36} + \frac{50}{18} - 2 \times \frac{50}{36} \right)$$

$$= 50 - (4 + 1 + 2 - 2) = 50 - 5 = 45$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبات، صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

(ممدر صفت‌گر)

## گزینه «۴» -۲۹

زیرمجموعه‌های دو عضوی مجموعه  $A$  عبارتند از:

$$\{\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\},$$

$$\{\{2, 3\}, \{2, 4\}, \{2, 5\}, \{3, 4\}, \{4, 5\}\}$$

هر عضو دلخواه از مجموعه  $A$  در ۴ تا از این زیرمجموعه‌های ۲ عضوی

هست. به عنوان مثال، عدد ۱ در ۴ مجموعه  $\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}$

$\{1, 5\}$  وجود دارد. بنابراین با انتخاب تصادفی ۴ مجموعه، امکان دارد که

این ۴ مجموعه انتخاب شوند که اشتراک هیچ دو تای آن‌ها تهی نیست. اما با

انتخاب تصادفی مجموعه پنجم از میان ۶ مجموعه دیگر، مجموعه‌ای خواهد

داشت که اشتراکش حداقل با یکی از این‌ها تهی خواهد بود. بنابراین با

انتخاب تصادفی حداقل ۵ مجموعه ۲ عضوی یقیناً اشتراک ۲ تا از آن‌ها تهی

است.

(ریاضیات گسسته - ترکیبات، صفحه‌های ۸۰ تا ۸۳)

(سوکنر روشن)

## گزینه «۴» -۲۵

با توجه به توضیحات صورت سوال می‌توانیم معادله زیر را برای استفاده از

بن‌های خرید کتاب بنویسیم:

$$13000x + 15000y = 975000 \xrightarrow{+1000} 13x + 15y = 975$$

$$15y \equiv 975 \xrightarrow{(13, 15)=1} y \equiv 65 \equiv 0 \Rightarrow y = 13k \quad (1)$$

$$13x + 15(13k) = 975 \xrightarrow{+13} x = -15k + 75 \quad (2)$$

$$\begin{cases} (1): 13k \geq 0 \Rightarrow k \geq 0 \\ (2): -15k + 75 \geq 0 \Rightarrow k \leq 5 \end{cases} \Rightarrow 0 \leq k \leq 5$$

(ریاضیات گسسته - آشنازی با نظریه اعداد، صفحه ۳۶)

(امدرخت خلاج)

## گزینه «۳» -۲۶

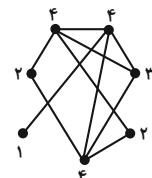
درجات رأس‌های این گراف به فرم  $4, 2, a, b, c, d, e$  می‌باشد که

طبق فرض  $abcde = 96$  است. از طرفی چون عدد احاطه‌گری بزرگ‌تر از یک

است، پس گراف رأسی از درجه ۶ ندارد و تنها حالت ممکن به صورت زیر است:

$$96 = 4 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$$

$$\Rightarrow 4, 4, 4, 3, 2, 2, 1 : \text{درجات رئوس}$$



گراف  $G$  سه رأس از درجه  $4 = \Delta$  دارد و در نتیجه گراف  $\bar{G}$  دارای ۳

رأس از درجه  $8$  است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل‌سازی، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(امدرخت خلاج)

## گزینه «۲» -۲۷

گراف ۵-منتظم حداقل ۶ رأس دارد که  $K_6$  است. چون گراف ناهمبند است،

پس این گراف از دو گراف کامل مرتبه ۶ تشکیل شده است. در هر گراف کامل

عدد احاطه‌گری ۱ و در نتیجه عدد احاطه‌گری گراف  $2 = \gamma$  است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل‌سازی، صفحه ۳۴)



$$S_{\text{ریگی}} = S_{\triangle AGH'} + S_{\triangle CGH} = \frac{2}{9} S_{\triangle ABC} = 9\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow S_{\triangle ABC} = 27\sqrt{3}$$

اگر طول ضلع مثلث متساوی‌الاضلاع برابر  $a$  باشد، مساحت مثلث از رابطه

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 \quad \text{به دست می‌آید، بنابراین داریم:}$$

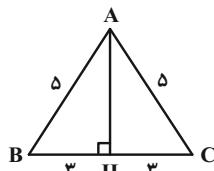
$$\frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 27\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 108 \Rightarrow a = 6\sqrt{3}$$

(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(امیرحسین ابومحبوب)

«گزینه ۳» - ۳۲

$$\Delta AHB : AH^2 = AB^2 - BH^2 = 25 - 9 = 16 \Rightarrow AH = 4$$



شکل حاصل از دوران این مثلث حول ارتفاع وارد بر قاعده آن، یک مخروط به ارتفاع ۴ و شعاع قاعده ۳ است. تصویر این مخروط در نمای بالا، دایره‌ای به شعاع ۳ و در نمای جلو و چپ، همان مثلث متساوی‌الساقین است. در نتیجه داریم:

$$\pi \times 3^2 = 9\pi \quad \text{مساحت نمای بالا}$$

$$\frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \quad \text{مساحت نمای جلو و نمای چپ}$$

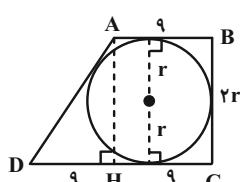
$$9\pi + 2 \times 12 = 9\pi + 24 = 3(3\pi + 8) \quad \text{مجموع مساحت ها}$$

(هنرسه ۱ - ت Prism خوبی؛ صفحه‌های ۸۷ تا ۹۶)

(محمد شفیان)

«گزینه ۴» - ۳۳

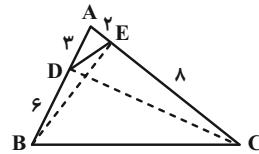
اگر شعاع دایره محاطی ذوزنقه را با  $r$  نمایش دهیم، آن‌گاه مطابق شکل  $BC = 2r$  است.



(معبردار ملومندی)

«گزینه ۳» - ۳۰

نسبت مساحت مثلث‌های  $AEB$  و  $ADC$  به مساحت مثلث  $ABC$  به صورت زیر است:



$$\begin{cases} \frac{S_{\triangle ADC}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{AD}{AB} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \\ \frac{S_{\triangle AEB}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{AE}{AC} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \end{cases}$$

دو مثلث  $AEB$  و  $ADC$  در مثلث  $ADE$  مشترکند. نسبت مساحت مثلث  $ADE$  به مساحت مثلث  $ABC$  براساس رابطه سینوسی مساحت مثلث برابر است با:

$$\frac{S_{\triangle ADE}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{\frac{1}{2} AD \times AE \times \sin A}{\frac{1}{2} AB \times AC \times \sin A} = \frac{3 \times 2}{9 \times 10} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{S_{\triangle CDE}}{S_{\triangle BDE}} = \frac{\frac{1}{2} S_{\triangle ADE} - S_{\triangle ACD}}{\frac{1}{2} S_{\triangle ADE} - S_{\triangle ABE}}$$

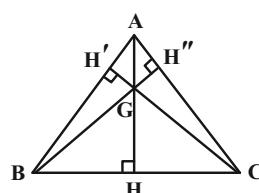
$$= \frac{\frac{1}{2} S_{\triangle ABC} - \frac{1}{15} S_{\triangle ABC}}{\frac{1}{2} S_{\triangle ABC} - \frac{1}{15} S_{\triangle ABC}} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{15}}{\frac{1}{2} - \frac{1}{15}} = \frac{\frac{4}{15}}{\frac{2}{15}} = 2$$

(هنرسه ۱ - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(امیرحسین ابومحبوب)

«گزینه ۴» - ۳۱

در مثلث متساوی‌الاضلاع، ارتفاع و میانه وارد بر ضلع بر هم منطبق‌اند. از طرفی می‌دانیم از تقاطع میانه‌های هر مثلث، ۶ مثلث هم مساحت ایجاد می‌شود، بنابراین داریم:





قطر  $CE$  در لوزی نیمساز زاویه  $\hat{FCD} = 120^\circ$  است. مطابق شکل نقاط  $E$  و  $A$  دوران یافته نقاط  $B$  و  $F$  تحت دوران به مرکز  $C$  و زاویه  $60^\circ$  هستند. لذا  $AE$  دوران یافته  $BF$  تحت دوران به مرکز  $C$  و زاویه  $60^\circ$  بوده و زاویه حاده بین آنها  $60^\circ$  است، پس:

$$\begin{cases} \hat{APF} = 60^\circ & \text{(گزینه ۱)} \\ AE = BF & \text{(گزینه ۲)} \end{cases}$$

مثلثهای  $ACE$  و  $BFC$  به حالت تساوی دو ضلع و زاویه بین (ض زض) همنهشت بوده و در نتیجه  $\hat{A}_1 = \hat{B}_1$  و به همین دلیل چهارضلعی  $APCB$  محاطی است و داریم:

$$\begin{cases} \hat{B} + \hat{APC} = 180^\circ \\ \hat{B} = 60^\circ \quad \hat{APF} = 60^\circ \end{cases} \Rightarrow \hat{CPF} = 60^\circ$$

$\Rightarrow$  (گزینه ۳)  $BP$  نیمساز زاویه  $APC$  است.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(امیرحسین ابومحبوب)

«۳» - ۳۶

ابتدا ماتریس  $A^2$  را محاسبه می‌کنیم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

با توجه به فرم ماتریس  $A^2$ ، به جای محاسبه  $A^3$ ، ماتریس  $A^4$  را پیدا می‌کنیم:

$$A^4 = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 0 \\ 0 & -4 \end{bmatrix} = -4I$$

بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} A^6 + A^8 + A^{10} &= A^4 \times A^2 + (A^4)^2 + (A^4)^2 \times A^2 \\ &= -4I \times A^2 + (-4I)^2 + (-4I)^2 \times A^2 \\ &= -4A^2 + 16I + 16A^2 = 12A^2 + 16I \end{aligned}$$

با توجه به این‌که مجموع درایه‌های ماتریس  $A^2$ ، برابر صفر است، پس کافی است مجموع درایه‌های ماتریس  $16I$  را محاسبه کنیم که برابر است  $16 \times 2 = 32$  با:

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

طبق رابطه چهارضلعی محیطی داریم:

$$AB + CD = AD + BC \Rightarrow 9 + 18 = AD + 2r$$

$$\Rightarrow AD = 27 - 2r$$

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث قائم‌الزاویه  $AHD$  داریم:

$$AD^2 = AH^2 + HD^2 \Rightarrow (27 - 2r)^2 = (2r)^2 + 81$$

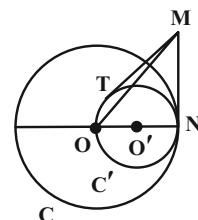
$$\Rightarrow 729 - 108r + 4r^2 = 4r^2 + 81$$

$$\Rightarrow 108r = 648 \Rightarrow r = 6$$

(هنرسه ۲ - دایره؛ صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

«۴» - ۳۴

با توجه به شکل داریم:



$$2R' = R \Rightarrow R' = \frac{R}{2}$$

$\pi R^2 - \pi R'^2 = \pi R^2 - \pi \left(\frac{R}{2}\right)^2$  مساحت ناحیه بین دو دایره

$$= \pi R^2 - \frac{\pi R^2}{4} = \frac{3\pi R^2}{4} \Rightarrow \frac{3\pi R^2}{4} = 18\pi \Rightarrow R^2 = 24$$

مطابق شکل اگر  $N$  نقطه تماس دو دایره باشد، آن‌گاه  $ON \perp MN$  و در مثلث قائم‌الزاویه  $OMN$  داریم:

$$MN^2 = OM^2 - ON^2 = 49 - 24 = 25 \Rightarrow MN = 5$$

می‌دانیم طول مماس‌های رسم شده بر دایره از یک نقطه خارج آن برابر

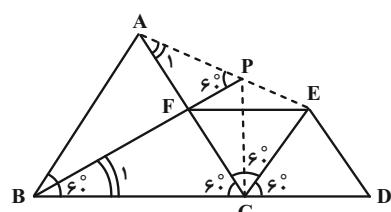
یکدیگر است، پس برای دایرة  $C'$  داریم:

$$MT = MN = 5$$

(هنرسه ۲ - دایره؛ صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

«۴» - ۳۵

(معبردار ملونی)





$$\Rightarrow ۲۸ = x^2 + ۹x^2 - ۳x^2 \Rightarrow ۷x^2 = ۲۸$$

$$\Rightarrow x^2 = 4 \quad \xrightarrow{x > 0} \quad x = 2$$

بنابراین  $2$  و  $MF = 6$  است. می‌دانیم مجموع فواصل هر نقطهٔ واقع بر بیضی از دو کانون آن برابر طول قطر بزرگ بیضی است، پس داریم:

$$2a = MF + MF' = 2 + 6 = 8 \Rightarrow a = 4$$

$$2c = FF' = 2\sqrt{7} \Rightarrow c = \sqrt{7}$$

$$\frac{c}{a} = \frac{\sqrt{7}}{4} \quad \text{خروج از مرکز بیضی}$$

(هنرسه ۳۹ تا ۴۷ – آشنایی با مقاطع مفروతی؛ صفحه‌های ۴۹ تا ۵۷)

(مهندسی امداد ملودی)

### «۱» گزینه

باید حجم متوازی السطوح ساخته شده توسط این سه بردار برابر صفر باشد:

$$V = \begin{vmatrix} n & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2-n \\ n+2 & 3 & 3-n \end{vmatrix} = 0 \quad \xrightarrow{\text{دستور ساروس}}$$

$$(n(3-n) + 2(4-n) + 6) - (n+2 + 4(3-n) + 3n(2-n)) = 0$$

$$\Rightarrow \underbrace{(-3n^2 + 3n + 14)}_{\text{صفر}} - \underbrace{(-3n^2 + 3n + 14)}_{\text{صفر}} = 0$$

بنابراین به ازای هر مقدار  $n$ ، سه بردار هم صفحه‌اند.

توجه: بردار  $\vec{c}$  مجموع دو بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  است.

(هنرسه ۳۹ – بردارها؛ صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(امیرحسین ابومهوب)

### «۳» گزینه

بردار  $\vec{a} \times \vec{b}$  بر دو بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  عمود است، پس بر هر بردار موجود در صفحه‌این دو بردار از جمله  $\vec{a} + \vec{b}$  نیز عمود خواهد بود. بنابراین داریم:

$$|\vec{a} + \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b}$$

$$= 2^2 + (3\sqrt{2})^2 + 2 \times 2 \times 3\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}|^2 = 49 \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}| = 7$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| |\vec{b}| \sin 30^\circ = 2 \times 3\sqrt{3} \times \frac{1}{2} = 3\sqrt{3}$$

$$|(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{a} \times \vec{b})| = |\vec{a} + \vec{b}| |\vec{a} \times \vec{b}| \sin 90^\circ$$

$$= 2 \times 3\sqrt{3} \times 1 = 21\sqrt{3}$$

(هنرسه ۳۹ – بردارها؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۷۸)

(امیرحسین ابومهوب)

### «۴» گزینه

-۳۷

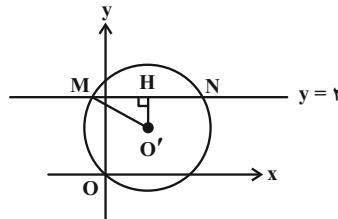
ابتدا مرکز و شعاع دایرة محیطی مثلث  $OAB$  را به دست می‌آوریم. اگر معادله این دایره را به صورت  $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$  در نظر بگیریم، آن‌گاه داریم:

$$O(0, 0) \Rightarrow 0 + 0 + 0 + 0 + c = 0 \Rightarrow c = 0$$

$$\left. \begin{array}{l} A(2, 4) \Rightarrow 4 + 16 + 2a + 4b = 0 \\ \Rightarrow a + 2b = -10 \\ B(4, -2) \Rightarrow 16 + 4 + 4a - 2b = 0 \\ \Rightarrow 4a - 2b = -16 \\ \Rightarrow 2a - b = -8 \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} a = -6 \\ b = -2 \end{cases}$$

$$O'(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}) = (3, 1) \quad \text{مرکز دایره}$$

$$R = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = \frac{1}{2}\sqrt{(-6)^2 + (-2)^2} = \sqrt{10}$$



مطابق شکل فاصله نقطه  $O'(3, 1)$  از خط  $y = 2$  برابر  $1$  است و داریم:

$$O'H : MH^2 = O'M^2 - O'H^2$$

$$= (\sqrt{10})^2 - 1^2 = 9 \Rightarrow MH = 3$$

می‌دانیم قطر عمود بر یک وتر، آن وتر را نصف می‌کند، پس طول وتر  $MN$  برابر است با:

$$MN = 2MH = 2 \times 3 = 6$$

(هنرسه ۳۹ – آشنایی با مقاطع مفروతی؛ صفحه‌های ۴۶ تا ۴۷)

(امیرحسین ابومهوب)

### «۱» گزینه

-۳۸

فرض کنید  $MF = x$  باشد. در این صورت طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث  $MFF'$ :

$$FF'^2 = MF^2 + MF'^2 - 2MF \times MF' \times \cos(\hat{F}MF')$$

$$\Rightarrow (2\sqrt{7})^2 = x^2 + (3x)^2 - 2x \times 3x \times \frac{1}{2}$$



$$\Delta x_n = \Delta x_1 + (n-1)at^2 \xrightarrow[n=2]{a=\frac{m}{s^2}, t=2s}$$

$$\Delta x_2 = \Delta x_1 + (2-1) \times 2 \times 4 \xrightarrow{\Delta x_2 = \frac{3}{2} \Delta x_1}$$

$$\frac{3}{2} \Delta x_1 = \Delta x_1 + \lambda \Rightarrow \Delta x_1 = 16m$$

$$\Delta x_2 = \frac{3}{2} \times 16 = 24m$$

$$\Delta x_{\text{کل}} = \Delta x_1 + \Delta x_2 = 16 + 24 = 40m$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

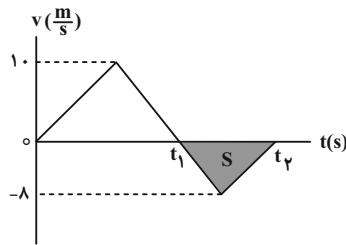
(عبدالرضا امینی نسب)

#### گزینه «۲»

می‌دانیم سطح بین نمودار  $v-t$  و محور  $t$  برابر جایه‌جایی است. از طرف

دیگر، در بازه زمانی که سرعت منفی است، متحرک در خلاف جهت محور  $x$  حرکت کرده است. بنابراین با محاسبه مساحت مثلث رنگ شده، مسافت

طبی شده را می‌یابیم و به دنبال آن تندی متوسط را حساب می‌کنیم:



$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \xrightarrow{\ell=|S|=|\frac{-\lambda x(t_2-t_1)}{2}|}$$

$$s_{av} = \frac{\frac{1}{2} \times \lambda \times (t_2 - t_1)}{t_2 - t_1} = 4 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۶ و ۱۷)

(محمدومه شریعت‌ناصری)

#### گزینه «۳»

چون دو متحرک در وسط مسیر به هم می‌رسند، هر کدام از آن‌ها

جایه‌جا می‌شوند. بنابراین، کافی است، زمان جایه‌جایی هر یک از متحرک‌ها را بیابیم و اختلاف آن‌ها را حساب کنیم. چون سرعت متحرک‌ها ثابت است،

با استفاده از معادله حرکت با سرعت ثابت داریم:

#### فیزیک

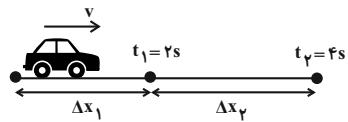
#### «۴» گزینه

(ممدرعلی راست‌پیمان)

روش اول: مطابق شکل زیر، متحرک با سرعت اولیه  $v$  و با شتاب

$a = \frac{m}{s^2}$  دارای حرکت تندشونده است. با توجه به شکل زیر، معادله

جایه‌جایی - زمان را یک بار برای ۲ ثانية اول و بار دیگر برای ۴ ثانية اول می‌نویسیم و به صورت زیر  $v$  را می‌یابیم.



$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} at_1^2 + v_0 t_1 \xrightarrow[v_0=v, t_1=2s]$$

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 + v \times 2 = 4 + 2v$$

$$\Delta x_1 + \Delta x_2 = \frac{1}{2} at_2^2 + v_0 t_2 \xrightarrow[t_2=4s]$$

$$\Delta x_1 + \Delta x_2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 16 + v \times 4$$

$$\Rightarrow \Delta x_1 + \Delta x_2 = 16 + 4v \xrightarrow{\Delta x_1 = 4 + 2v}$$

$$4 + 2v + \Delta x_2 = 16 + 4v \Rightarrow \Delta x_2 = 12 + 2v$$

از طرف دیگر طبق صورت سؤال داریم:

$$\Delta x_2 = \frac{3}{2} \Delta x_1 \Rightarrow 12 + 2v = \frac{3}{2} \times (4 + 2v)$$

$$\Rightarrow 12 + 2v = 6 + 3v \Rightarrow v = 6 \frac{m}{s}$$

در آخر، با داشتن  $v$ ، جایه‌جایی در ۴ ثانية اول حرکت برابر است با:

$$\Delta x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t \xrightarrow[t=4s, a=\frac{m}{s^2}, v=6\frac{m}{s}]$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} \times 2 \times 16 + 6 \times 4 = 40m$$

روش دوم: چون در حرکت شتابدار با شتاب ثابت، جایه‌جایی در  $t$  ثانیه‌های متوالی تشکیل یک دنباله عددی با قدرنسبت  $d = at^2$  را می‌دهد، می‌توان

نوشت:



$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow F - mg = ma \Rightarrow F = m(g + a) \quad (1)$$

اکنون برای حالت اول و دوم و با توجه به معادله سرعت  $v = 2t + 6$

$$\text{شتاب حرکت در مرحله اول } a_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \text{ است، داریم:}$$

$$\xrightarrow{(1)} \frac{F_1}{F_1} = \frac{m(g + a_1)}{m(g + a_2)} \xrightarrow{F_1 = 2F_2} a_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\frac{2F_1}{F_1} = \frac{10 + a_2}{10 + 2} \Rightarrow 10 + a_2 = 24 \Rightarrow a_2 = 14 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

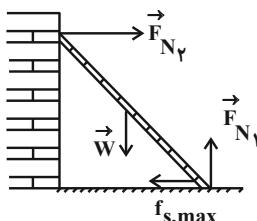
(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶ و ۴۴)

(عبدالرضا امینی نسب)

#### «۱» گزینه

مطابق شکل زیر، نخست، نیروهای وارد بر نردبان را رسم می‌کنیم. چون نردبان در آستانه حرکت قرار دارد، بنابراین، نیروی خالص در راستای افقی و

قائم صفر است. در این حالت می‌توان نوشت:



$$(F_{\text{net}})_y = 0 \Rightarrow F_{N_x} - W = 0 \Rightarrow F_{N_x} = W = mg$$

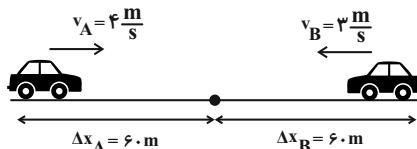
$$(F_{\text{net}})_x = 0 \Rightarrow F_{N_y} - f_{s,\max} = 0 \Rightarrow F_{N_y} = f_{s,\max}$$

$$\frac{F_{N_y}}{F_{N_x}} = \frac{f_{s,\max}}{W} = \frac{\mu_s F_{N_x}}{W} = \mu_s$$

$$\Rightarrow \frac{F_{N_y}}{F_{N_x}} = 0 / 4 = \frac{2}{5}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

در آخر داریم:



$$\Delta x_A = v_A t_A \xrightarrow{v_A = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}} 6 = 4 t_A \Rightarrow t_A = 1.5 \text{ s}$$

$$\Delta x_B = v_B t_B \xrightarrow{v_B = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}}} 6 = 3 t_B \Rightarrow t_B = 2 \text{ s}$$

در آخر داریم:

$$t = t_B - t_A = 2 - 1.5 = 0.5 \text{ s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

«۲» گزینه (همطفی کیانی)

بیشترین فاصله دو گلوله در حالتی است که گلوله اول به سطح زمین برسد.

بنابراین، ابتدا زمان رسیدن گلوله اول به سطح زمین را می‌یابیم. جهت بالا را

ثبت و مبدأ مکان را محل رها شدن گلوله فرض می‌کنیم. در این حالت

داریم:

$$y_1 = -\frac{1}{2} g t_1^2 + y_0 \xrightarrow{y_0 = 0, y_1 = -320} -320 = -\frac{1}{2} \times 10 \times t_1^2 + 0$$

$$t_1^2 = 64 \Rightarrow t_1 = 8 \text{ s}$$

چون گلوله دوم ۳ s دیرتر رها شده است، در لحظه‌ای که گلوله اول به

زمین می‌رسد، گلوله دوم  $t_2 = 8 - 3 = 5 \text{ s}$  در حال حرکت بوده است.

بنابراین، در لحظه  $t = 5 \text{ s}$ ، مکان گلوله دوم برابر است با:

$$y_2 = -\frac{1}{2} g t_2^2 + y_0 \Rightarrow y_2 = -\frac{1}{2} \times 10 \times 5^2 + 0 = -125 \text{ m}$$

در آخر، بیشترین فاصله دو گلوله از یکدیگر برابر است با:

$$d = |y_1| - |y_2| = 320 - 125 = 195 \text{ m}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

«۱» گزینه (غلامرضا ممی)

ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون و شکل زیر و با توجه به این که جهت

حرکت در راستای قائم و رو به بالا است، می‌توان نوشت:



(عبدالرضا امینی نسب)

## گزینه «۴» - ۴۹

ابتدا شتاب گرانشی را در سطح سیاره دیگر بر حسب  $g_e$  می‌یابیم:

$$g = \frac{GM}{R^2} \Rightarrow \frac{g_e}{g_p} = \frac{M_e}{M_p} \times \left(\frac{R_p}{R_e}\right)^2 \xrightarrow{M_p = \frac{1}{\gamma} M_e} \frac{g_e}{g_p} = \frac{\frac{1}{\gamma} M_e}{\frac{1}{\gamma} M_e} = \frac{1}{\gamma}$$

$$\frac{g_e}{g_p} = \frac{M_e}{\frac{1}{\gamma} M_e} \times \left(\frac{\frac{1}{\gamma} R_e}{R_e}\right)^2 = 2 \times \frac{1}{\gamma} \Rightarrow \frac{g_e}{g_p} = \frac{1}{2}$$

اکنون، با استفاده از رابطه دوره تناوب آونگ ساده می‌توان نوشت:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}} \Rightarrow \frac{T_p}{T_e} = \sqrt{\frac{\ell_p}{\ell_e} \times \frac{g_e}{g_p}} = \sqrt{\frac{\frac{1}{\gamma} \ell_e}{\ell_e} \times \frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{T_p}{2} = \sqrt{\frac{\frac{1}{\gamma} \ell_e}{\ell_e} \times \frac{1}{2}} \Rightarrow \frac{T_p}{2} = \sqrt{\frac{1}{4}} \Rightarrow \frac{T_p}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow T_p = 1s$$

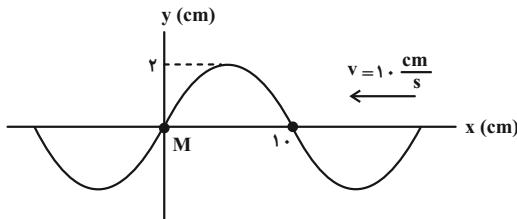
(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶ و ۶۷ و ۶۸)

(عبدالرضا امینی نسب)

## گزینه «۳» - ۵۰

ابتدا طول موج و سپس دوره تناوب موج را می‌یابیم. با توجه به شکل زیر،

داریم:



$$\frac{\lambda}{v} = 10 \Rightarrow \lambda = 20 \text{ cm}$$

$$\lambda = vT \xrightarrow{v=10 \text{ cm/s}} 20 = 10 \times T \Rightarrow T = 2s$$

اکنون تعیین می‌کنیم  $\Delta t = 1s$  چه کسری از دوره تناوب است.

$$\frac{\Delta t}{T} = \frac{1}{2} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{2} T$$

چون  $\Delta t = 1s$  نصف دوره تناوب است، با توجه به جهت انتشار موج، در این مدت ذره  $M$  به طرف نقطه بازگشته  $A = 2\text{cm}$  می‌رود و مجدداً به نقطه تعادل (مرکز نوسان خودش) بازمی‌گردد. بنابراین، مکان آن بعد از  $\Delta t = 1s$  برابر  $x = 0$  است و تندی آن در این مکان بیشینه است که از رابطه زیر بدست می‌آید:

(مفهومه شریعت‌ناصری)

## گزینه «۲» - ۴۷

دو ثانیه سوم، همان بازه زمانی  $t_1 = 4s$  تا  $t_2 = 6s$  است. بنابراین، ابتدانیروی وارد بر متحرک را در لحظه‌های  $t_1$  و  $t_2$  پیدا می‌کنیم:

$$F = 2t - 1 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 4s \Rightarrow F_1 = 2 \times 4 - 1 = 7N \\ t_2 = 6s \Rightarrow F_2 = 2 \times 6 - 1 = 11N \end{cases}$$

اکنون نیروی متوسط در بازه زمانی فوق را می‌یابیم. دقت کنید، چون  $F$  تابع

درجه یک از زمان است، نیروی متوسط برابر است با:

$$F_{av} = \frac{F_1 + F_2}{2} = \frac{7+11}{2} = 9N$$

در آخر از رابطه زیر تغییرات تکانه را پیدا می‌کنیم:

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} \xrightarrow{F_{av}=9N} 9 = \frac{\Delta p}{\Delta t} \Rightarrow \Delta p = 18 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}}$$

به عنوان روش دوم می‌توان نمودار  $F-t$  را با توجه به رابطه $F = 2t - 1$ . رسم نمود و سپس از مساحت سطح زیر نمودار،  $\Delta p$  را

به دست آورد.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایرگاهی: صفحه‌های ۴۸ تا ۴۹)

(مسعود قره‌فان)

## گزینه «۲» - ۴۸

چون جسم با تندی ثابت بر مسیر دایرگاهی در حال حرکت است، حرکت آن

دایرگاهی یکنواخت است. بنابراین، ابتدا با استفاده از رابطه  $F = m \frac{v^2}{r}$  و باتوجه به این‌که  $m$  و  $r$  ثابت‌اند، می‌توان نوشت:

$$F = m \frac{v^2}{r} \xrightarrow{m=\text{ثابت}, r=\text{ثابت}} \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\xrightarrow{F_2=2F_1} \frac{2F_1}{F_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{2} \Rightarrow v_2 = \sqrt{2}v_1$$

اکنون با استفاده از رابطه  $T = \frac{2\pi r}{v}$ ، می‌توان نوشت:

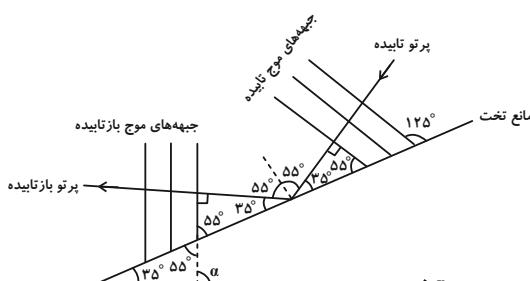
$$T = \frac{2\pi r}{v} \xrightarrow{r=\text{ثابت}} \frac{T_2}{T_1} = \frac{v_1}{v_2} \xrightarrow{v_2=\sqrt{2}v_1} \frac{T_2}{T_1} = \frac{v_1}{\sqrt{2}v_1} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{v_1}{\sqrt{2}v_1} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایرگاهی: صفحه‌های ۴۸ تا ۴۹)



بنابراین، چون جبهه‌های موج بر پرتوهای تابیده و بازتابیده عموداند، در نتیجه، زاویه بین جبهه‌های موج تابیده و مانع تخت برابر زاویه بین جبهه‌های موج بازتابیده و مانع خواهد بود. در این حالت داریم:

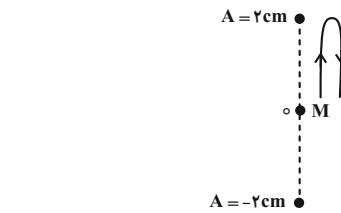


$$\alpha = 35^\circ + 55^\circ = 90^\circ$$

(فیزیک ۳ - برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۰ تا ۹۲)

(مفهوم شریعت‌ناصری)

#### گزینه ۴



$$v_{\max} = A\omega \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} v_{\max} = A \times \frac{2\pi}{T}$$

$$\frac{A=2\text{cm}=0.2\text{m}}{T=2\text{s}} \xrightarrow{} v_{\max} = 0.2 \times \frac{2\pi}{2} = 0.2\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۶۷ تا ۷۴)

#### گزینه ۵۱

ابتدا باید مشخص کنیم با افزایش فاصله از چشم صوت، شدت صوت چند برابر می‌شود:

$$\frac{I_2}{I_1} = \left( \frac{f_2 \times A_2 \times r_1}{f_1 \times A_1 \times r_2} \right)^2 \xrightarrow[r_1=d, f_1=f_2, A_1=A_2]{r_2=d+2d=3d} \frac{I_2}{I_1} = (1 \times 1 \times \frac{d}{3d})^2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{1}{16} = \frac{1}{2^4}$$

$$\frac{I_2}{I_1} = (1 \times 1 \times \frac{d}{3d})^2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{1}{16} = \frac{1}{2^4}$$

اکنون، تغییر تراز شدت صوت را حساب می‌کنیم:

$$\Delta\beta = \beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \Delta\beta = 10 \log \frac{1}{16} = -40 \log 2$$

$$\log 2 = 0.3 \xrightarrow{} \Delta\beta = -40 \times 0 / 3 = -12 \text{dB}$$

در آخر، درصد تغییر تراز شدت صوت را می‌یابیم:

$$\frac{\Delta\beta}{\beta_1} \times 100 = \frac{-12}{10} = -120 \text{dB}$$

$$\frac{-12}{96} \times 100 = -12 / 5\% = -12\%$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

#### گزینه ۵۲

با توجه به شکل زیر، زاویه بین جبهه‌های موج تابیده به مانع تخت برابر است، لذا، زاویه بین جبهه‌های موج بازتابیده و مانع نیز  $55^\circ$  می‌باشد.

چراکه طبق قانون بازتاب عمومی زاویه تابش برابر زاویه بازتابش است.

$$v_1 = \frac{c}{n_1} \xrightarrow{n_1=3} v_1 = \frac{3 \times 10^8}{3} = 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\lambda_1 = \frac{v}{f} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} \xrightarrow{v_2=10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{10^8}{10^8} = 1$$

$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{10^8}{10^8} = 1 \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{3}{2}$$

از طرف دیگر،  $\lambda \propto a$  است، لذا داریم:

$$\frac{a_2}{a_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} \xrightarrow{a_1=1/2\text{mm}} \frac{a_2}{1/2} = \frac{3}{2} \Rightarrow a_2 = 1.5\text{mm}$$

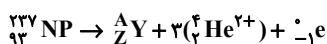
(فیزیک ۳ - برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۷، ۹۸، ۹۹ و ۱۰۰)

(امیر احمد میرسعید)

#### گزینه ۵۴

ابتدا کوتاهترین طول موج رشتة پاشن را می‌یابیم. کوتاهترین طول موج رشتة پاشن، در گذار الکترون از تراز  $n = \infty$  به تراز  $n' = 3$  به دست می‌آید.

بنابراین داریم:



$$\begin{cases} 237 = A + (3 \times 4) + 0 \Rightarrow A = 225 \\ 93 = Z + (3 \times 2) - 1 \Rightarrow Z = 88 \end{cases}$$

می‌بینیم، تعداد پروتون‌ها  $Z = 88$  و تعداد نوترون‌ها برابر

$N = 225 - 88 = 137$  می‌باشد. دقت کنید،  $A = N + Z$  است.

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه‌های ۵۱۳ و ۵۱۴)

(مسعود قره‌فانی)

#### «گزینه ۱»

ابتدا تعداد هسته‌های باقی‌مانده را می‌یابیم. چون تعداد هسته‌های واپاشیده

$N' = N_0 - N$  برابر تعداد هسته‌های فعلی باقی‌مانده ( $N$ ) است.

می‌توان نوشت:

$$N' = 15N \xrightarrow{N'=N_0-N} N_0 - N = 15N$$

$$\Rightarrow N_0 = 16N \Rightarrow N = \frac{1}{16}N_0$$

اکنون، با استفاده از رابطه زیر، تعداد نیمه‌عمرهای سپری شده را پیدا می‌کنیم:

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \xrightarrow{N=\frac{1}{16}N_0} \frac{1}{16}N_0 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$\Rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^n = \frac{1}{16} \Rightarrow \frac{1}{2^n} = \frac{1}{16} \Rightarrow 2^n = 16 = 2^4 \Rightarrow n = 4$$

در آخر داریم:

$$n = \frac{t}{T_1} = \frac{T_1 = 8 \text{ روز}}{\frac{n=4}{2}} \Rightarrow 4 = \frac{t}{8} \Rightarrow t = 32 \text{ روز}$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه‌های ۵۱۶ و ۵۱۷)

(مفهوم شرایط نااصری)

#### «گزینه ۳»

در حالت اول، نقطه‌ای را که نیروی خالص وارد بر بار  $q$  صفر می‌شود، پیدا می‌کنیم. چون بارهای  $q_1$  و  $q_2$  هم علامت‌اند، نقطه موردنظر بین دو بار و نزدیک باری است که اندازه آن کوچک‌تر است. بنابراین، با فرض  $q_1 > q_2$  داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow{n=\infty, n'=3} \frac{1}{R = 100 \text{ nm}}$$

$$\frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{100} \times \left( \frac{1}{9} - \frac{1}{\cancel{100}^1} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{900}$$

$$\Rightarrow \lambda_{\min} = 900 \text{ nm}$$

چون طول موج فوتون تابش شده ( $\lambda_0 = 900 \text{ nm}$ ) بزرگ‌تر از طول موج آستانه فلزها ( $\lambda_{\min} = 200 \text{ nm}$  و  $\lambda_{\max} = 600 \text{ nm}$ ) است، اثر فتوالکتریک برای هیچ کدام از فلزها رخ نمی‌دهد.

دقت کنید اگر طول موج نور تابشی از طول موج آستانه فلز ( $\lambda_0$ ) بزرگ‌تر باشد، انرژی فوتون فرودی کمتر از تابع کار فلز ( $W_0$ ) می‌شود، لذا پدیده فتوالکتریک رخ نمی‌دهد.

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۵۱۶ و ۵۱۷)

(مسعود قره‌فانی)

#### «گزینه ۳»

می‌دانیم برای اولین حالت برانگیخته، الکترون در تراز ۲  $n = 2$  و برای سومین حالت برانگیخته، الکترون در تراز ۴  $n = 4$  قرار دارد. از طرف دیگر، انرژی الکترون در هر تراز از رابطه  $E_n = -\frac{E_R}{n^2}$  بدست می‌آید. بنابراین،

می‌توان نوشت:

$$\left\{ \begin{array}{l} E_2 = -\frac{E_R}{2^2} = -\frac{E_R}{4} \\ E_4 = -\frac{E_R}{4^2} = -\frac{E_R}{16} \end{array} \right.$$

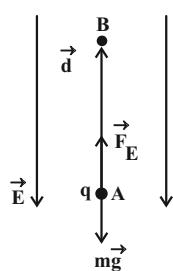
$$\frac{E_2}{E_4} = \frac{-\frac{E_R}{4}}{-\frac{E_R}{16}} = \frac{16}{4} \Rightarrow \frac{E_2}{E_4} = 4$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۵۱۶ و ۵۱۷)

(زهره عقام‌مدمری)

می‌دانیم در معادله واپاشی هسته‌یک اتم، باید مجموع عدددهای جرمی دو طرف معادله با هم و مجموع عدددهای اتمی دو طرف معادله نیز با هم برابر باشند. بنابراین، با توجه به معادله واپاشی زیر، تعداد نوترون‌ها و تعداد پروتون‌های هسته دختر را می‌یابیم. دقت کنید، ذره  $\alpha$  از جنس هسته هلیم

$\beta^-$  و  $\gamma$  از جنس الکترون  $e^-$  است.



$$W_E = F \cos \theta d \xrightarrow{F=|q|E} W_E = |q| |E| \cos \theta \times d$$

$$\frac{|q|=2 \times 10^{-6} \mu C=2 \times 10^{-6} \times 10^{-6} C}{E=10^6 \frac{N}{C}}, \theta=90^\circ, d=2m$$

$$W_E = 2 \times 10^{-6} \times 10^{-6} \times 10 \times \cos(90^\circ) \times 2$$

$$\Rightarrow W_E = 0 / 6 J$$

اکنون کار نیروی وزن را می‌یابیم:

$$W_{mg} = -mg h \xrightarrow{h=d=2m} W_{mg} = -10 \times 10^{-6} \times 2 = -0 / 2 J$$

با توجه به اینکه کار برایند نیروهای وارد بر جسم برابر تغییر انرژی جنبشی آن است، داریم:

$$W_{کل} = \Delta K \Rightarrow W_E + W_{mg} = \frac{1}{2} m(v_B^2 - v_A^2)$$

$$\xrightarrow{v_A=0} 0 / 6 - 0 / 2 = \frac{1}{2} \times 0 / 0 \times (v_B^2 - 0)$$

$$\Rightarrow 0 / 8 = 0 / 0 \times v_B^2 \Rightarrow v_B^2 = 80 = 16 \times 5$$

$$\Rightarrow v_B = \sqrt{5} \frac{m}{s}$$

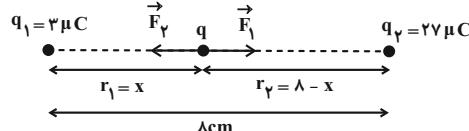
برای محاسبه پتانسیل نقطه B از رابطه  $\Delta V = \frac{\Delta U}{q}$  استفاده می‌کنیم. در

این رابطه علامت  $q$  را وارد می‌کنیم:

$$V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q} \xrightarrow{\Delta U = -W_E = -0 / 6 J} V_B = 15 V$$

$$15 - V_A = \frac{-0 / 6}{-2 \times 10^{-6} \times 10^{-6}} \Rightarrow 15 - V_A = 20 \Rightarrow V_A = -5 V$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۷)



$$F_1 = F_2 \xrightarrow{F=k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}} k \frac{|q_1||q_2|}{r_1^2} = k \frac{|q_2||q_1|}{r_2^2}$$

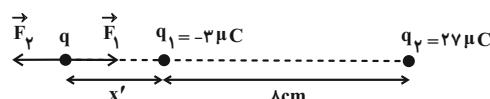
$$\Rightarrow \frac{3}{x^2} = \frac{27}{(\lambda-x)^2} \Rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{9}{(\lambda-x)^2} \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{3}{\lambda-x}$$

$$\Rightarrow 3x = \lambda - x \Rightarrow 4x = \lambda \Rightarrow x = 2 \text{ cm}$$

برای حالت دوم، با قرینه کردن علامت بار  $q_2$  یا بار  $q_1$ ، نقطه موردنظر به

خارج از فاصله بین دو بار و روی امتداد آنها و نزدیک به بار کوچکتر

( $q_1$ ) منتقل می‌شود. بنابراین، با توجه به شکل زیر داریم:



$$F_1 = F_2 \Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r_1^2} = k \frac{|q_2||q_1|}{r_2^2} \xrightarrow{r_1=x', r_2=\lambda+x'} \frac{3}{x'^2} = \frac{27}{(\lambda+x')^2} \Rightarrow \frac{1}{x'^2} = \frac{9}{(\lambda+x')^2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{x'} = \frac{3}{x'+\lambda} \Rightarrow x' = 4 \text{ cm}$$

می‌بینیم نقطه موردنظر از ۲ سانتی‌متری سمت راست بار  $q_1$  به ۴

سانتی‌متری سمت چپ آن، یعنی  $d = 2+4 = 6 \text{ cm}$  جایه‌جا می‌شود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(مسئله‌ی کیانی)

- ۵۹ «گزینه ۴»

بر ذره باردار  $10^{-3} \mu C = -3 \times 10^{-6} C$  در خلاف جهت میدان الکتریکی و رو به

بالا نیرو وارد می‌شود. بنابراین، چون نیروی الکتریکی و جایه‌جایی هم جهت‌اند،

$\theta = 0^\circ$  می‌باشد. در این حالت کار نیروی الکتریکی برابر است با:



(زهره آقامحمدی)

## «گزینه ۴»

-۶۲

با افزایش مقاومت  $R_2$ ، مقاومت معادل مدار افزایش می‌یابد، در نتیجه، بنابراین

$$\text{رابطه } I = \frac{\epsilon}{R_{\text{eq}} + r} \text{ و با توجه به اینکه } \epsilon = \text{ ثابت و } r = 0 \text{ است، جریان}$$

اصلی مدار که از مقاومت  $R_4$  نیز می‌گذرد، کاهش می‌یابد. با کاهش

جریان مقاومت  $R_4$ ، بنابراین  $R_4 I = R_4 V$ ، چون  $R_4$  ثابت است،

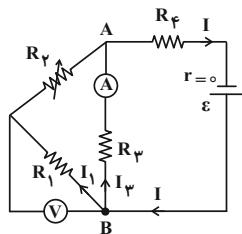
$V = \epsilon$  نیز کاهش می‌یابد. اختلاف پتانسیل دو سر باتری ثابت و برابر

می‌یاشد. بنابراین، با توجه به اینکه  $V = V_4 + V_{AB}$  است، با کاهش  $V$

و ثابت بودن  $V_{AB}$ ،  $V$  افزایش می‌یابد. با افزایش  $V_{AB}$ ، طبق رابطه

ثابت است، جریان  $R_3$  نیز می‌یابد، چون  $R_3 I_3 = R_3 V$  که از آمپرسنج عبور

می‌کند، افزایش پیدا خواهد کرد.



در آخر، چون  $I = I_1 + I_3$  است، با کاهش کل  $I$  و افزایش  $I_3$ .

جریان  $I_1$  نیز کاهش می‌یابد، لذا بنابراین  $V_1 = R_1 I_1$ ، اختلاف پتانسیل

دو سر مقاومت  $R_1$  که ولتسنج نشان می‌دهد، کاهش خواهد یافت.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰ و ۷۷ تا ۷۷)

(ممکن‌پذیر، استپیمان)

## «گزینه ۱»

-۶۳

طبق شکل زیر، ابتدا جریان الکتریکی مقاومت  $R_2$  را بر حسب جریان

اصلی مدار ( $I$ ) می‌یابیم. اگر جریان مقاومت  $R_2$  را  $I_2$  فرض کنیم، چون

مقاومت  $R_2$  موازی مقاومت  $R_1$  است، اختلاف پتانسیل مقاومت معادل

آنها با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_2$  یکسان است. با توجه به اینکه

از مقاومت  $R_{1,2}$ ، جریان اصلی مدار عبور می‌کند، می‌توان نوشت:

(پوریا علاقه‌مند)

## «گزینه ۱»

چون خازن را پس از پر شدن از باتری جدا کرده‌ایم، بار الکتریکی آن ثابت

$$\text{می‌ماند. بنابراین، با استفاده از رابطه } C = \frac{Q}{V} \text{ داریم:}$$

$$C = \kappa \epsilon \cdot \frac{A}{d} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2 \times A_2}{\kappa_1 \times A_1}$$

$$\xrightarrow{\kappa_2 = 4, \kappa_1 = 1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{4 \times 2A_1}{A_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = 8$$

$$C = \frac{Q}{V} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{V_1}{V_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = 8 \Rightarrow V_1 = 8V_2$$

از طرف دیگر،  $E = \frac{V}{d}$  است. بنابراین داریم:

$$E = \frac{V}{d} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \xrightarrow{V_1 = 8V_2} \frac{E_2}{E_1} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{8V_2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{1}{8}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته سکون: صفحه‌های ۳۸ تا ۳۲)

(ممکن‌پذیر، کیانی)

## «گزینه ۱»

بررسی موارد:

الف) نادرست؛ مقاومت مقاومت‌های نوری به نور تابیده شده به آنها بستگی دارد و به دمای محیط بستگی ندارد.

ب) درست

پ) نادرست؛ دیودها از انواع مقاومت‌های نوری نیستند.

ت) نادرست؛ از LDR ها می‌توان در تجهیزات چشم الکترونیکی، دزدگیرها، کنترل کننده‌های خودکار و چراغ‌های روشنایی خیابان استفاده کرد.

ث) درست؛ میزان مقاومت LDR با میزان نور تابیده به آن، رابطه عکس دارد.

می‌بینیم تعداد ۳ عبارت نادرست است.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۱ تا ۶۰)



$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{3\rho_1} \times 1 \times \frac{A}{3A} \Rightarrow R_1 = 18R_2$$

اکنون با استفاده از قانون اهم نسبت  $\frac{I_2}{I_1}$  را پیدا می کنیم. دقت کنید، چون

مقاومت درونی باتری  $r = 0$  است. بنابراین رابطه  $V = \epsilon - rI$  ، اختلاف

پتانسیل دو سر باتری ثابت و همواره برابر  $\epsilon$  است. در نتیجه  $V_{MN} = \epsilon$  نیز ثابت می ماند.

$$I = \frac{V}{R} \xrightarrow[V=0]{} I_2 = \frac{R_1}{R_2} \xrightarrow[R_1=18R_2]{} I_2 = 18$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{18R_2}{R_2} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 18$$

در آخر با استفاده از رابطه  $F = ILB \sin \theta$  و با توجه به اینکه در هر دو

حالت سیمها بر میدان مغناطیسی عمودند ( $\theta = 90^\circ$ )، نسبت  $\frac{F_2}{F_1}$  را

می یابیم:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{I_2}{I_1} \times \frac{\ell_2}{\ell_1} \times \frac{B_2}{B_1} \times \frac{\sin 90^\circ}{\sin 90^\circ} \xrightarrow[\ell_2=\ell_1]{B_2=B_1}$$

$$\frac{F_2}{F_1} = 18 \times 1 \times 1 \times 1 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = 18$$

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه های ۵۱، ۵۲، ۵۳ تا ۵۶)

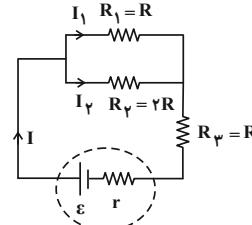
(ممدر عن راست پیمان)

- ۶۵ - گزینه «۱»

ابتدا با استفاده از قاعدة دست راست، جهت میدان مغناطیسی هر یک از سیمها را تعیین می کنیم و سپس با توجه به جهت و اندازه میدان ها در نقطه  $M$ ، اندازه میدان مغناطیسی خالص را در این نقطه می یابیم. با توجه به جهت جریان ها، میدان مغناطیسی حاصل از جریان های  $I_2$  و  $I_3$  در نقطه  $M$  برونو سو و میدان مغناطیسی حاصل از جریان  $I_1$  درون سو است. از طرف دیگر، چون  $B_2 + B_3 > B_1$  است، جهت میدان مغناطیسی خالص در نقطه  $M$  برونو سو خواهد بود. بنابراین داریم:

$$B_M = B_2 + B_3 - B_1 \xrightarrow[B_1=20G]{B_2=30G, B_3=40G}$$

$$B_M = 30 + 40 - 20 = 50G$$



$$V_{1,2} = V_2 \Rightarrow R_{1,2}I = R_2I_2$$

$$\frac{R_{1,2}}{R_1+R_2} = \frac{R_1R_2}{3R} \xrightarrow[3R]{RI=2RI_2} I_2 = \frac{1}{3}I$$

توان مصرفی در مقاومت  $R_2$  برابر است:

$$P_{R_2} = R_2 I^2 = 2R \times \frac{1}{9}I^2 \Rightarrow P_{R_2} = \frac{2}{9}RI^2$$

اکنون مقاومت معادل مدار را می یابیم و توان مصرفی در مقاومت معادل را

حساب می کنیم:

$$R_{eq} = R_{1,2} + R_3 \Rightarrow R_{eq} = \frac{2}{3}R + R = \frac{5}{3}R$$

$$P_{R_{eq}} = R_{eq} I^2 \Rightarrow P_{R_{eq}} = \frac{5}{3}RI^2$$

از طرف دیگر، چون  $10$  درصد توان تولیدی  $P_E$  در مقاومت درونی باتری مصرف می شود، لذا،  $90$  درصد آن در مقاومت معادل مدار مصرف خواهد شد. در این حالت با یک تناسب ساده می توان نوشت:

$$\frac{P_{R_{eq}}}{P_{R_2}} = \frac{0/90P_E}{x} \Rightarrow \frac{\frac{5}{3}RI^2}{\frac{2}{9}RI^2} = \frac{0/9P_E}{x} \Rightarrow \frac{45}{6} = \frac{0/9P_E}{x}$$

$$\Rightarrow x = \frac{6 \times 0/9P_E}{45} = 0/12P_E \Rightarrow x = 12\% P_E$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه های ۶۶ تا ۷۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

- ۶۴ - گزینه «۲»

ابتدا با استفاده از رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  را می یابیم. اندیس (۲)

مربوط به سیم مسی و اندیس (۱) مربوط به سیم آهنی است.

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow[A_1=\frac{A}{\gamma}, A_2=\gamma A]{\rho_1=3\rho_2, L_1=L_2}$$



$$L = N(2\pi r) = 300 \times (2 \times 3 \times 5 \times 10^{-2}) = 90 \text{ m}$$

$$R = 90 \times 2\Omega = 180\Omega$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{E}}{R} = \frac{4/5}{180} = \frac{1}{45} \text{ A} \xrightarrow{1 \text{ A} = 1000 \text{ mA}}$$

$$\bar{I} = \frac{1}{45} \times 1000 \text{ mA} = 25 \text{ mA}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(نمطی کلاین)

«۳- گزینه»

می‌دانیم بیشینه انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله به ازای بیشینه جریان

الکتریکی است. از طرف دیگر، طبق رابطه  $I = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t$ ، بیشینه

جریان برابر  $I_m = 2\sqrt{3} A$  می‌باشد. بنابراین، با توجه به رابطه انرژی

ذخیره شده در سیم‌لوله، جریان الکتریکی لحظه‌ای را که انرژی ذخیره شده

در آن  $J / 6^o$  می‌شود، می‌باییم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \xrightarrow{L=2} \frac{U_m}{U} = \left(\frac{I_m}{I}\right)^2$$

$$\frac{U_m = 6J}{U = 6J} \xrightarrow{I_m = 2\sqrt{3}A} \frac{6}{6} = \left(\frac{2\sqrt{3}}{1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{4}{3} = \left(\frac{2\sqrt{3}}{1}\right)^2 \Rightarrow \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{1} \Rightarrow I = 3A$$

اکنون لحظه‌ای را می‌باییم که  $I = 3A$  است.

$$I = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t \Rightarrow 3 = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t$$

$$\Rightarrow \sin 30^\circ \pi t = \frac{\sqrt{3}}{2} \xrightarrow{\sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}} \sin 30^\circ \pi t = \sin \frac{\pi}{3}$$

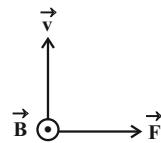
$$\Rightarrow 30^\circ \pi t = \frac{\pi}{3} \Rightarrow t = \frac{1}{90^\circ} \text{ s}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۰)

اکنون با توجه به جهت  $\vec{v}$  و  $\vec{B}$  و اندازه آن‌ها، اندازه نیروی مغناطیسی وارد

بر بار  $q$  و جهت آن را می‌باییم. دقت کنید برای تعیین جهت نیروی

مغناطیسی از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم.



$$F = |q| v B \sin \theta \xrightarrow{v = 10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, |q| = 5 \times 10^{-9} \text{ C}, B = 5 \times 10^{-4} \text{ T}, \theta = 90^\circ} F = 5 \times 10^{-9} \times 10^4 \times 5 \times 10^{-4} \times \sin 90^\circ = 2.5 \times 10^{-4} \text{ N}$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۰ و ۹۴ تا ۹۶)

(پورا علاقه‌مند)

«۳- گزینه»

دو ثانیه دوم همان بازه زمانی  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 4s$  است. بنابراین، ابتدا

اندازه میدان مغناطیسی را در لحظه‌های فوق، می‌باییم:

$$B = 2t + 6 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 2s \Rightarrow B_1 = 2 \times 2 + 6 = 10 \text{ T} \\ t_2 = 4s \Rightarrow B_2 = 2 \times 4 + 6 = 14 \text{ T} \end{cases}$$

اکنون تغییر شار مغناطیسی در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  را پیدا می‌کنیم. در این

مرحله، ابتدا مساحت سطح مقطع پیچه را حساب می‌کنیم:

$$A = \pi r^2 \xrightarrow{r = \Delta cm = 5 \times 10^{-2} \text{ m}} A = 3 \times 25 \times 10^{-4} = 75 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\Delta \Phi = A \cos \theta (B_2 - B_1) \xrightarrow{\theta = 90^\circ, \cos(90^\circ) = 1}$$

$$\Delta \Phi = 75 \times 10^{-4} \times 1 \times (14 - 10) = 3 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

در آخر  $\bar{E}$  را می‌باییم و به دنبال آن جریان القای را حساب می‌کنیم:

$$\bar{E} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{N = 300, \Delta \Phi = 3 \times 10^{-4} \text{ Wb}, \Delta t = 4 - 2 = 2s} \bar{E} = -300 \times \frac{3 \times 10^{-4}}{2} = -4.5 \text{ V} \Rightarrow |\bar{E}| = 4.5 \text{ V}$$

دقت کنید چون مقاومت هر متر از سیم  $2\Omega$  است، لازم است، طول سیمی

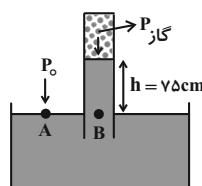
که از آن پیچه را ساخته‌ایم، به دست آوریم:



(مسعود قره‌فانی)

## گزینه «۳» - ۷۰

می‌دانیم فشار پیمانه‌ای برابر اختلاف فشار گاز با فشار هوا است. بنابراین، با توجه به شکل زیر، برای نقطه‌های هم‌تراز A و B در مایع که فشار یکسانی دارند، می‌توان نوشت:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{\text{gas}} + \rho gh \Rightarrow P_{\text{gas}} - P_0 = -\rho gh$$

$$\frac{\rho = ۱۲ \frac{\text{g}}{\text{cm}^۳} = ۱۲۰۰ \frac{\text{kg}}{\text{m}^۳}}{h = ۷۵ \text{cm} = ۰,۷۵ \text{m}} \rightarrow P_{\text{gas}} - P_0 = -12000 \times 10 \times 0,75 = -90000 \text{ Pa}$$

$$\xrightarrow{\text{پیمانه‌ای}} P_{\text{gas}} = -90000 \text{ Pa}$$

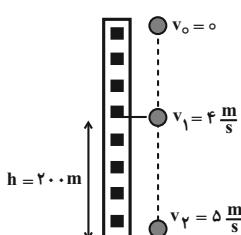
$$\Rightarrow P_{\text{gas}} = -90 \text{ kPa}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۰)

(فسرو ارغوانی فرد)

## گزینه «۳» - ۷۱

طبق قضیه کار - انرژی جنبشی، کار برایند نیروهای وارد بر جسم برابر تغییر انرژی جنبشی آن است. با توجه به اینکه بر جسم نیروی مقاومت هوا و نیروی وزن وارد می‌شود، می‌توان نوشت:



$$W_t = \Delta K \xrightarrow{\frac{W_t = W_{mg} + W_{fd}}{\Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)}}$$

$$W_{mg} + W_{fd} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \xrightarrow{W_{mg} = +mgh}$$

$$mgh + W_{fd} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

(مفهومه شریعت‌ناصری)

## گزینه «۳» - ۶۸

با توجه به شکل‌های داده شده، کمترین مقداری که خطکش می‌تواند اندازه بگیرد  $\frac{1}{2} \text{ cm}$  و کمترین مقداری که دماسنچ اندازه می‌گیرد برابر  $۰/۰۱^\circ\text{C}$  است. بنابراین:

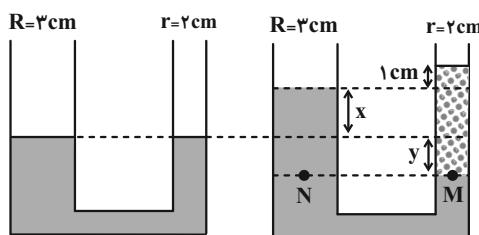
$$\frac{۱}{۲} \text{ cm} = ۰/۰۱^\circ\text{C} \quad \text{دقت اندازه گیری خطکش}$$

$$۰/۰۱^\circ\text{C} = \text{دقت اندازه گیری دماسنچ}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های اندازه‌گیری: صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(سعید طاهری برومن)

## گزینه «۱» - ۶۹



با توجه به اینکه حجم آب جابه‌جا شده در دو لوله یکسان است، داریم:

$$\pi R^2 = y \pi r^2 \Rightarrow y = \frac{R^2}{r^2} x = ۴x \Rightarrow y = ۲/۲۵x \quad (*)$$

از طرفی برای مایع اضافه شده به شاخه سمت راست داریم:

$$m_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} V_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} (x + y + 1) \pi r^2$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{مایع}} (x + y + 1) = \frac{m_{\text{مایع}}}{\pi r^2} = \frac{۷۸}{۳ \times ۴} = ۶/۵ \frac{\text{g}}{\text{cm}^۳} \quad (**)$$

حال با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{مایع}} (x + y + 1) = \rho_{\text{آب}} (x + y)$$

$$\frac{(*)}{(**)} \frac{۶}{۵} = ۱ \times ۳ / ۲۵x \Rightarrow x = ۲\text{cm} \Rightarrow y = ۴/۲۵\text{cm}$$

بنابراین:

$$\rho_{\text{مایع}} = \frac{۶/۵}{۲+۴/۵+۱} = \frac{۶/۵}{۷/۵} = \frac{۱۳}{۱۵} \frac{\text{g}}{\text{cm}^۳}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۰)



(مسعود قره‌فانی)

## گزینه «۲» - ۷۴

چون جهت چرخه پادساعتگرد است  $W > 0$  در نتیجه  $Q > 0$  می‌باشد.

بنابراین، گاز گرما از دست داده است. (گزینه‌های «۱» و «۳» نادرست است).

از طرف دیگر، در چرخه  $W = \Delta U$  برابر مساحت داخل چرخه (دراینجا مساحت ذوزنقه) است. بنابراین ابتدا  $W$  را می‌یابیم. دقت کنید، باید اتمسفر به پاسکال و لیتر به مترمکعب تبدیل شود.

$$W = \frac{[(5-3)+(7-3)] \times 10^5}{2} \times (6-2) \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow W = \frac{6 \times 10^5 \times 4 \times 10^{-3}}{2} = 1200 \text{ J}$$

اکنون با استفاده از قانون اول ترمودینامیک،  $Q$  را می‌یابیم:

$$\Delta U = W + Q \xrightarrow[W=1200 \text{ J}]{} = 1200 + Q \Rightarrow Q = -1200 \text{ J}$$

یادآوری:  $1 \text{ L} = 10^{-3} \text{ m}^3$  و  $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$ 

(فیزیک ۱ - ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۳۰)

(محمدی کیانی)

## گزینه «۱» - ۷۵

ابتدا مساحت داخل چرخه را که برابر اندازه کار انجام شده بر روی گاز

است، می‌یابیم. دقت کنید باید  $m$  به  $\text{kg}$  و  $L$  به  $\text{m}^3$  تبدیل شود.

$$|W| = S_{\text{چرخه}} = (6-2) \times 10^5 \times (12-\lambda) \times 10^{-3} = 1600 \text{ J}$$

اکنون گرمای داده شده به ماشین را با استفاده از رابطه بازده می‌یابیم:

$$\eta = \frac{|W|}{Q_H} \xrightarrow[|W|=1600 \text{ J}]{\eta = \frac{4}{12}} \frac{4}{12} = \frac{1600}{Q_H} \Rightarrow Q_H = 10800 \text{ J}$$

در آخر، با توجه به اینکه  $Q_H = Q_{AB} + Q_{BC}$  است، به صورت زیررا می‌یابیم:  $Q_{BC}$ 

$$Q_H = Q_{AB} + Q_{BC} \xrightarrow[Q_H=10800 \text{ J}]{Q_{AB}=4800 \text{ J}} Q_{BC} = 6000 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۲۶ تا ۱۲۸)

$$v_1 = \frac{m}{s}, v_f = \frac{m}{s} \xrightarrow[m=2 \text{ kg}, h=20 \text{ m}]{} 2 \times 10 \times 20 + W_{fD} = \frac{1}{2} \times 2 \times (25-16)$$

$$\Rightarrow W_{fD} = 9 - 400 = -3991 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۵۶ تا ۶۵)

(محمدی کیانی)

## گزینه «۲» - ۷۲

کار نیروی اصطکاک در مسیر  $AB$  برابر تغییر انرژی مکانیکی جسم است.بنابراین، چون در نقطه‌های  $A$  و  $B$ ، جسم هم انرژی جنبشی و هم انرژی

پتانسیل گرانشی دارد، می‌توان نوشت:

$$W_f = E_B - E_A \xrightarrow[E=K+U]{} W_f = (K_B + U_B) - (K_A + U_A)$$

$$\Rightarrow W_f = \left( \frac{1}{2} mv_B^2 + mgh_B \right) - \left( \frac{1}{2} mv_A^2 + mgh_A \right)$$

$$\xrightarrow[m=2 \text{ kg}, v_A=10 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h_A=9 \text{ m}]{v_B=\frac{1}{2} v_A=\frac{1}{2} \times 10 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h_B=7 \text{ m}} W_f = \left( \frac{1}{2} \times 2 \times 25 + 2 \times 10 \times 7 \right) - \left( \frac{1}{2} \times 2 \times 100 + 2 \times 10 \times 9 \right)$$

$$\Rightarrow W_f = 65 - 220 = -155 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

(پوریا علاوه‌مند)

## گزینه «۱» - ۷۳

ابتدا افزایش دمای جسم را از درجه فارنهایت به درجه سلسیوس تبدیل

می‌کنیم:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta \xrightarrow[\Delta F=36^\circ F]{\Delta F=36^\circ F} 36 = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 20^\circ C$$

اکنون طول جدید میله را می‌یابیم:

$$L_\gamma = L_1 + \alpha L_1 \Delta \theta \xrightarrow[\alpha=1 \times 10^{-5} \frac{1}{C}]{L_1=1 \text{ m}} L_\gamma = 1 + 1 \times 10^{-5} \times 1 \times 20$$

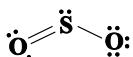
$$\Rightarrow L_\gamma = 1 + 16 \times 10^{-5} = 1 + 0.0016 = 1.0016 \text{ m}$$

(فیزیک ۱ - دما و گرمای؛ صفحه‌های ۱۷۹ تا ۱۸۷)

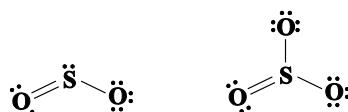




در ساختار لوویس مولکول  $\text{SO}_2$  نسبت شمار جفتالکترون‌های پیوندی به ناپیوندی برابر با  $\frac{1}{2}$  است.



در ساختار لوویس مولکول‌های  $\text{SO}_2$  و  $\text{SO}_3$  نسبت شمار جفتالکترون‌های ناپیوندی به پیوندی برابر با ۲ است.



در ساختار لوویس هر کدام از مولکول‌های  $\text{CO}_2$ ,  $\text{HCN}$  و  $\text{SO}_3$  چهار پیوند کووالانسی وجود دارد.



(شیمی ا- رده‌ای گازها در زندگی: صفحه‌های ۶۳ و ۶۵)

(ممدرضا؛ هردوبر)

گزینه «۲» - ۸۲

$$T_1 = 45 / 5 + 273 = 318 / 5 \text{ K}$$

$$T_2 = 91 + 273 = 364 \text{ K}$$

$$\Rightarrow V_2 = 1 / 5 V_1$$

براساس قانون گازها می‌توان نوشت:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1 n_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2 n_2} \xrightarrow{\text{فشار ثابت}} \frac{V_1}{318 / 5 \times n_1} = \frac{1 / 5 V_1}{364 \times n_2}$$

$$n_2 = \frac{21}{16} n_1 \Rightarrow \Delta n = n_2 - n_1 = \frac{21}{16} n_1 - n_1 = \frac{5}{16} n_1$$

بنابراین شمار مول‌های گاز باید به اندازه  $\frac{5}{16}$  افزایش یابد.

(شیمی ا- رده‌ای گازها در زندگی: صفحه‌های ۷۵ و ۷۷)

(ممدرضا؛ پورجاویر)

گزینه «۲» - ۸۳

ابتدا می‌توان غلظت مولی هر دو محلول  $\text{CH}_3\text{OH}$  را طبق رابطه

$$M = \frac{10 \times a \times d}{\text{جرم مولی}}$$

به دست آورد:

$$M_1 = \frac{10 \times 64 \times 0 / 525}{32} = 10 / 5 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$M_2 = \frac{10 \times 24 \times 0 / 7}{32} = 5 / 25 \text{ mol.L}^{-1}$$

فرض کردیم در واکنش سوختن پروپان،  $n_2$  مول  $\text{C}_3\text{H}_8$  را وارد واکنش کرده باشیم، در این حالت  $3n_2$  مول  $\text{CO}_2$  و  $4n_2$  مول  $\text{H}_2\text{O}$  تولید می‌شود، از آنجایی که طبق گفته سوال اختلاف حجم  $\text{CO}_2(g)$  و  $\text{H}_2\text{O}(g)$  تولیدی در واکنش سوختن گاز  $\text{C}_3\text{H}_8$  برابر با  $50 \text{ لیتر}$  در شرایط واکنش است، داریم:

$$\text{مول ۲} = \frac{1 \text{ mol}}{25 \text{ لیتر}} \times 50 \text{ لیتر} = \text{اختلاف شمار مول گازهای تولیدی}$$

$$4n_2 - 3n_2 = n_2 = 2 \text{ mol}$$

$$16n_1 + 44n_2 = 104$$

$$16n_1 + 44 \times 2 = 104 \Rightarrow n_1 = 1 \text{ mol}$$

با توجه به این که  $n_1 = 1$  می‌باشد، در واکنش سوختن  $\text{CH}_4$  داریم:

$$? \text{ mol CO}_2 = 1 \text{ mol CH}_4 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol CH}_4} = 1 \text{ mol CO}_2$$

$$? \text{ mol H}_2\text{O} = 1 \text{ mol CH}_4 \times \frac{4 \text{ mol H}_2\text{O}}{1 \text{ mol CH}_4} = 4 \text{ mol H}_2\text{O}$$

همچنین در واکنش  $\text{C}_3\text{H}_8$  داریم:

$$? \text{ mol CO}_2 = 2 \text{ mol C}_3\text{H}_8 \times \frac{4 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol C}_3\text{H}_8} = 8 \text{ mol CO}_2$$

$$? \text{ mol H}_2\text{O} = 2 \text{ mol C}_3\text{H}_8 \times \frac{4 \text{ mol H}_2\text{O}}{1 \text{ mol C}_3\text{H}_8} = 8 \text{ mol H}_2\text{O}$$

مجموع شمار مول گازهای تولید شده در طی دو واکنش:

$$17 \text{ مول گاز} = 8 \text{ مول CO}_2 + \text{H}_2\text{O} + 6 \text{ مول CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$$

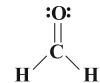
$$? \text{ mol L} = \frac{25 \text{ لیتر}}{1 \text{ مول گاز}} \times 17 = 425 \text{ L}$$

(شیمی ا- رده‌ای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۴، ۵۶ و ۵۷)

(ممدرضا؛ عظیمیان؛ وزارت)

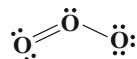
گزینه «۱» - ۸۱

در ساختار لوویس مولکول  $\text{CH}_2\text{O}$  نسبت شمار جفتالکترون‌های پیوندی به ناپیوندی برابر با ۲ است.



در ساختار لوویس مولکول  $\text{O}_3$  نسبت شمار جفتالکترون‌های پیوندی به

ناپیوندی برابر با  $\frac{1}{2}$  است.





(ممدرضا پورچاود)

## گزینه «۴» - ۸۶

شبه‌فلزها از نظر شیمیایی خواصی مشابه نافلزها دارند و خواص فیزیکی آنها به فلزها شباهت دارد.

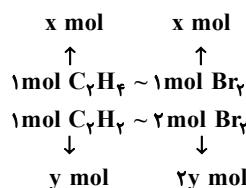
۲۱ Sc اولین عنصر دوره چهارم جدول دوره‌ای نیست بلکه K<sub>۱۹</sub> اولین عنصر این دوره به شمار می‌رود.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۶ تا ۱۲ و ۱۶)

(یاسر راشن)

## گزینه «۱» - ۸۷

هر مول اتن با یک مول برم و هر مول اتین با ۲ مول برم واکنش می‌دهد.



$$\Rightarrow \begin{cases} x + y = \frac{6/72}{22/4} = 0/3 \\ x + 2y = \frac{8/16}{16/0} = 0/5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 0/3 \\ x + 2y = 0/5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 0/1 \text{ mol} \\ y = 0/2 \text{ mol} \end{cases}$$

$$\frac{0/1}{0/1+0/2} \times 100 \approx 50\% \text{ درصد مولی اتن}$$

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(مسعود طبرس)

## گزینه «۴» - ۸۸

خامفروشی تنها برای نفت و منابع معدنی به کار نمی‌رود بلکه برای محصولات کشاورزی نیز به کار می‌رود.

(شیمی ۳ - شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۱)

با توجه به رابطه  $M_1 V_1 = M_2 V_2$  می‌توان حجم نهایی محلول ثانویه و

مقدار آب لازم برای تولید آن را به صورت زیر محاسبه کرد:

$$10/5 \times 4 = 5/25 \times V_2 \Rightarrow V_2 = 8L$$

$$8 - 4 = 4L \text{ حجم آب مورد نیاز}$$

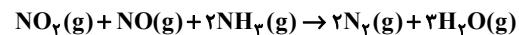
(شیمی ۱ - آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸ و ۱۰۰)

(ممدرضا پورچاود)

## گزینه «۴» - ۸۴

عبارت‌های «الف»، «ب» و «ت» صحیح هستند.

واکنش موازن شده به صورت زیر می‌باشد:



بررسی عبارت‌ها:

الف) گاز نیتروژن واکنش‌دهنده فرایند هابر است.

ب) ساختار لیوویس گاز SO<sub>۳</sub> به صورت  $\begin{array}{c} :O: \\ || \\ S \\ || \\ :O: \end{array}$  بوده و مجموعضریب استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها بیز برابر ۴ می‌باشد. پس با تعداد پیوند اشتراکی در SO<sub>۳</sub> برابر است.پ) هدف از انجام این واکنش حذف گازهای NO و NO<sub>۲</sub> می‌باشد نه آمونیاک

ت) در سمت واکنش‌دهنده‌ها ۴ اتم نیتروژن داریم که ۲ اتم نیتروژن متعلق به آمونیاک می‌باشند و ضمن اکسایش از عدد اکسایش ۳ - به صفر می‌رسند.

(شیمی ۳ - شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه ۱۰۰)

(ممدرضا پورچاود)

## گزینه «۳» - ۸۵

تنهای عبارت نادرست مورد اول است.

در پدیده اسمز مولکول‌های آب در هر دو جهت غشا نیمه تراوا حرکت می‌کنند اما میزان این حرکت از محلول رقیق به محلول غلیظ بیشتر است.

(شیمی ۱ - آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)



(امیرحسین مسلمی)

## «۲» - ۹۱

فرض می‌کنیم  $a$  مول اتان و  $b$  مول پروپان در مخلوط یاد شده وجود دارد:

$$? \text{kJ} = a \text{ mol C}_2\text{H}_6 \times \frac{166 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6} = 166a \text{ kJ}$$

$$? \text{kJ} = b \text{ mol C}_3\text{H}_8 \times \frac{222 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}_3\text{H}_8} = 222b \text{ kJ}$$

گرمای تولید شده برابر جمع گرمایهای تولید شده به ازای سوختن هر ماده

$$166a + 222b = 1053 \quad (*)$$

حال تعداد مول اتمهای هیدروژن و کربن این مخلوط را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} ? \text{ mol H} = a \text{ mol C}_2\text{H}_6 \times \frac{6 \text{ mol H}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6} \\ \text{هیدروژن} \quad \quad \quad = 6a \text{ mol H} \\ ? \text{ mol H} = b \text{ mol C}_3\text{H}_8 \times \frac{8 \text{ mol H}}{1 \text{ mol C}_3\text{H}_8} \Rightarrow 6a + 8b \\ \text{کربن} \quad \quad \quad = 8b \text{ mol H} \\ ? \text{ mol C} = a \text{ mol C}_2\text{H}_6 \times \frac{2 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6} \\ \text{کربن} \quad \quad \quad = 2a \text{ mol C} \\ ? \text{ mol C} = b \text{ mol C}_3\text{H}_8 \times \frac{2 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_3\text{H}_8} \Rightarrow 2a + 3b \\ \text{کربن} \quad \quad \quad = 3b \text{ mol C} \end{cases}$$

اکنون می‌توان مقادیر  $a$  و  $b$  را محاسبه کرد:

$$(6a + 8b) - (2a + 3b) = 4a + 5b = 2/45 \quad (**)$$

$$\xrightarrow{(*), (**)} a = 0/3, \quad b = 0/25$$

در نهایت برای درصد جرمی اتان داریم:

$$\% \text{C}_2\text{H}_6 = \frac{\text{C}_2\text{H}_6 \text{ جرم}}{\text{C}_2\text{H}_6 \text{ جرم مخلوط}} \times 100 = \frac{0/3 \times 30}{0/3 \times 30 + 0/25 \times 44} \times 100 = \% 45$$

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم؛ صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

(ممدرضا پورچاودر)

## «۲» - ۹۲

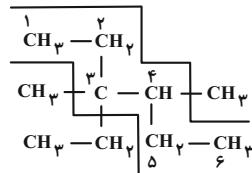
برای به دست آوردن معادله واکنش مورد نظر و  $\Delta H$  آن باید واکنش‌های (I) و (IV) را معکوس کنیم و واکنش‌های (II) و (III) نیز به ترتیب

$$\text{در } -\frac{1}{2} \text{ ضرب کنیم:}$$

(ممدرضا پورچاودر)

## «۴» - ۸۹

نام ترکیب داده شده به صورت زیر تعیین می‌شود:



-۳- اتیل-۳ و -۴- دی متیل هگزان

با توجه به فرمول شیمیایی آن ( $C_{10}H_{22}$ )، باید با آلکانی ۱۰ کربنه دارای

فرمول یکسانی باشد که -۲- اتیل اوکتان چنین شرایطی دارد.

(شیمی ۳ - قدرهای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(امیرحسین مسلمی)

## «۳» - ۹۰

عبارت‌های اول، دوم و چهارم نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

مورد اول: اگر طی فرایند  $C \rightarrow B$  هر دو تغییرات دما و محتوای انرژی شیمیایی رخ دهد، با توجه به نمودار دمای  $C$  پایین‌تر و پایداری آن بالاتر خواهد بود.

مورد دوم: پس از خوردن بستنی، فرایند هم دما شدن آن با بدن رخ می‌دهد (A → B) سپس فرایند آزاد شدن انرژی پتانسیل شیمیایی آن صورت می‌گیرد (B → C). دقت کنید تغییرات انرژی هم دما شدن بستنی با بدن، بسیار کمتر از فرایند تبدیل آن به فراورده‌های دیگر و آزاد شدن انرژی شیمیایی آن است. بنابراین تفاوت سطح انرژی A با C، بسیار بیشتر از A با B خواهد بود.

مورد سوم: با توجه به بالاتر بودن سطح انرژی A از C، علامت  $\Delta\theta$  در  $C \rightarrow A$  مثبت خواهد بود.

مورد چهارم: محتوای انرژی  $CO_2$  و  $H_2O$  از (گرافیت، C(s) و  $H_2$ ) کمتر است.

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم؛ صفحه‌های ۵۹ تا ۶۲)



(ممدرضا پورقاویر)

## گزینه «۱»

(الف) در واکنش  $\text{Fe}_2\text{O}_3 + 3\text{CO} \rightarrow 2\text{Fe} + 3\text{CO}_2$  با توجه به ضریب مواد موجود در واکنش سرعت متوسط تولید  $\text{CO}_2$  با سرعت متوسط مصرف  $\text{CO}$  برابر خواهد بود.

(ب) سرعت متوسط مصرف  $\text{BrF}_3$  در واکنش  $\text{BrF}_3 + 4\text{TiO}_2 \rightarrow 2\text{Br}_2 + 3\text{TiF}_4 + 3\text{O}_2$  دو برابر سرعت تولید  $\text{Br}_2$  خواهد بود. بنابراین اگر  $\text{Br}_2$  با سرعت  $4 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$  تولید شود، سرعت مصرف  $\text{BrF}_3$  برابر با  $8 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$  خواهد بود.

(پ) در مورد تمام واکنش‌ها (گرماده یا گرمگایر) به مرور زمان سرعت مصرف واکنش‌دهنده‌ها و سرعت تولید فراورده‌ها کاهش خواهد یافت. (ت) از آنجا که واکنش‌پذیری فلزهای  $\text{Li}$  و  $\text{Na}$  با یکدیگر متفاوت است، واکنش آن‌ها با آب سرد در زمان یکسان منجر به تولید مقابله‌گر مختلفی گاز می‌شود (چرا که سرعت انجام واکنش در آن‌ها با یکدیگر متفاوت است).

(ث) واکنش محلول پتاسیم پرمگنتات با یک اسید آبی در دمای اتاق به کندی انجام می‌شود و سریع نیست؛ اما با افزودن کاتالیزگر سرعت آن افزایش خواهد یافت.

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(فرزاد رضایی)

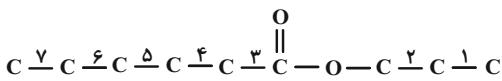
## گزینه «۳»

ابتدا شمار کربن‌های الكل را تعیین می‌کنیم. یعنی:

جرم مولی الكل:  $14n + 18$ 

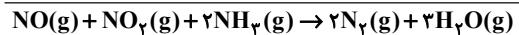
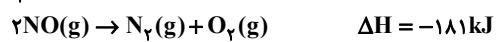
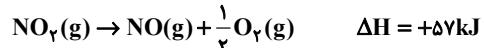
$$\frac{12n}{14n + 18} \times 100 = 60 \Rightarrow n = 3$$

پس  $\text{R}'$  شامل ۳ اتم کربن است، اکنون شمار کربن‌های استر و بعد صابون را به دست می‌آوریم. استر باید به صورت زیر باشد تا شامل ۷ پیوند کربن-کربن باشد یعنی  $\text{R}'_5\text{COONa}$ .

پس صابون حاصل به صورت  $\text{C}_5\text{H}_{11}\text{COONa}$  است.

$$\frac{23}{138} \times 100 \approx 16 / 67\%$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴ و ۱۵ و ۱۶)

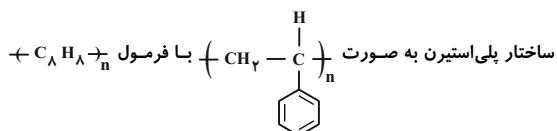


$$\Delta H = -758 \text{ kJ}$$

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۷۵ تا ۷۲)

(امیرحسین مسلمی)

## گزینه «۳»

است که در هر واحد آن ۳ پیوند دوگانه  $\text{C}=\text{C}$  در حلقه بنزن آن وجوددارد. با توجه به این که جرم مولی یک واحد آن  $104 \text{ g/mol}$  است؛ داریم:

$$n = \frac{2496}{104} = 24$$

پس تعداد پیوندهای دوگانه  $\text{C}=\text{C}$  پلی استیرن برابر است با:

$$\text{C}=\text{C} \quad 24 \times 3 N_A$$

از طرفی فرمول مولکولی پلی‌آمید نمایش داده شده به صورت

$$(\text{C}_{16}\text{H}_{14}\text{N}_2\text{O}_2)_n \quad \text{است و اگر جرم مولی هر واحد آن را } 266 \text{ g/mol در}$$

$$n = \frac{1596}{266} = 6 \quad \text{نظر بگیریم؛ داریم:}$$

پس تعداد پیوندهای دوگانه موجود در ساختار پلی‌آمید داده شده برابر است با:

$$6 \times 8 \times N_A = \text{تعداد پیوندهای دوگانه}$$

در نهایت خواسته مسئله برابر است با:

$$\text{تعداد پیوندهای دوگانه } \text{C}=\text{C} \quad 2496 \text{ g/mol در } 2496 \text{ g/mol در پلی استیرن}$$

$$\text{تعداد پیوندهای دوگانه موجود در } 1596 \text{ g/mol پلی آمید}$$

$$= \frac{24 \times 3 \times N_A}{6 \times 8 \times N_A} = 1/5$$

(شیمی ۳ - پوشک، نیازی پایان تاپنیر؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴ و ۱۵ و ۱۶)



(محمد پارسا فراهانی)

## گزینه «۳»

طبق گفته سوال:

$$\frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = 16 \times 10^{-4} \Rightarrow [\text{OH}^-] = 16 \times 10^{-4} [\text{H}^+]$$



$$10^{-14} = 16 \times 10^{-4} [\text{H}^+]^2 \Rightarrow [\text{H}^+]^2 = \frac{10^{-18}}{16} \xrightarrow{\sqrt{\quad}} [\text{H}^+] = \frac{10^{-9}}{4}$$

$$= 25 \times 10^{-11} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\begin{aligned} \text{pH} &= -\log(25 \times 10^{-11}) = 11 - \log 5^2 = 11 - 2 \log 5 \\ &= 11 - (2 \times 0.7) = 9.6 \end{aligned}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

(رضا سلیمانی)

## گزینه «۳»

بررسی عبارت‌های نادرست:

گزینه «۱»: هر چه غلظت یون‌های  $\text{H}^+$  در محلولی بیشتر باشد، محلول اسیدی است و  $\text{pH}$  کمتری دارد.

گزینه «۲»: صابون باعث پخش شدن چربی در آب می‌شود، نه حل شدن آن.

گزینه «۴»: در برخی از داروهای ضد اسید از مخلوط آلومینیوم هیدروکسید و منزیم هیدروکسید استفاده می‌شود.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۱۱، ۱۵، ۲۸ تا ۲۶ و ۳۲)

(غاضل قهرمانی فردا)

## گزینه «۳»

گاز تولید شده در پخش  $\text{A}$  بیشتر از  $\text{B}$  است. در نتیجه می‌توان گفت کاتد و گاز جمع شده در آن  $\text{H}_2$  می‌باشد.

بررسی موارد:

الف)  $\text{A}$  کاتد بوده و علامت منفی دارد.

ب) مایع  $\text{C}$  آب و اندکی الکتروولیت حل شده است و در نتیجه خالص نیست.

پ) در قسمت  $\text{B}$  از اکسایش آب، یون  $\text{H}^+$  تولید شده و محلول را اسیدی می‌کند و کاغذ  $\text{pH}$  نیز در محلول اسیدی به رنگ قرمز درمی‌آید.

ت) به ازای تولید دو مول  $\text{H}_2$  (۴ گرم) در کاتد، یک مول  $\text{O}_2$  (۳۲ گرم) در آند تولید می‌شود.

(شیمی ۳- اکسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه ۵۵)

(صلاح الدین ابراهیمی)

## گزینه «۱»

همه موارد نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) مولکول‌های صابون ذرات چربی را در آب پخش می‌کنند، نه حل و نوعی کلرید ایجاد می‌کنند.

ب) ذرات سوسپانسیون از محلول‌ها درشت‌تر است و نور را پخش می‌کنند.

پ) در پاک‌کننده‌های غیرصابونی گروه  $\text{SO}_4^{2-}$  وجود دارد.

ت) با توجه به جدول صفحه ۹ کتاب درسی درصد لکه باقی‌مانده با صابون

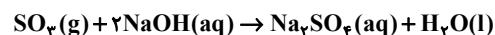
بدون آنزیم ۲۵٪ و با صابون آنزیم‌دار ۱۰٪ است که نشان می‌دهد ۱۵٪

قدرت صابون افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۷ تا ۹)

## گزینه «۲»

(سیدریم هاشمی‌رهکری)



ابتدا، محاسبه مقدار عملی

$$300 \text{ ml NaOH} \times \frac{1 \text{ L NaOH}}{1000 \text{ ml NaOH}} \times \frac{0.05 \text{ mol NaOH}}{1 \text{ L NaOH}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol SO}_4^{2-}}{2 \text{ mol NaOH}} \times \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{3 \text{ mol SO}_4^{2-}}$$

$$\times \frac{342 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3}{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} \times \frac{100 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3}{80 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3}$$

$$= 1.068 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3$$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 = \frac{\text{بازده درصدی}}{\text{مقدار نظری}}$$

$$\Rightarrow 50 = \frac{1.068}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \Rightarrow \text{جرم نمونه} \approx 2.13 \text{ g}$$

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برآینم: صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)



موارد (ب) و (پ) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) به ازای تشکیل سه مول ماده  $C$ ،  $30\text{ kJ}$  گرمای آزاد می‌شود پس گرمای آزاد شده ضمن تشکیل هر مول ماده  $C$  برابر  $10\text{ kJ}$  می‌باشد.

(ب) انرژی فعال‌سازی در غیاب کاتالیزگر  $45\text{ kJ}$  بوده که با استفاده از کاتالیزگر کاهش می‌یابد و می‌تواند  $32\text{ kJ}$  باشد.

(پ) در واکنش‌های گرماده فراورده‌ها سطح انرژی پایین‌تر و پایداری بالاتری دارند.

ت) حتی با وجود کاربرد کاتالیزگر آنتالبی واکنش ثابت می‌ماند.

(شیمی ۳-شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌نامه؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

(رسول عابدین‌زواره)

«گزینه ۲» - ۱۰۵

بررسی عبارت‌ها:

(الف) درست؛ با افزایش دما، ثابت تعادل کاهش یافته است. بنابراین واکنش گرماده است.

(ب) نادرست؛ با کاهش دما تعادل در جهت تولید گرمای معنی در جهت رفت جایه‌جا می‌شود.

(پ) نادرست؛ افزایش فشار باعث جایه‌جایی تعادل در جهت تعداد مول گاز کمتر می‌شود. اگر مقدار مول فراورده‌ها افزایش یابد معنی به سمت راست جایه‌جا می‌شود پس مجموع ضرایب مواد گازی سمت راست کمتر است.

(ت) درست؛ با افزایش دما، تعادل در جهت مصرف گرمای معنی برگشت جایه‌جا می‌شود پس غلظت فراورده‌ها کم می‌شود.

(شیمی ۳-شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌نامه؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

(فاضل قوه‌مانی فرر)



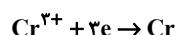
(الکترون مبادله شده = ۴)

«گزینه ۳» - ۱۰۱

قسمت اول:

$$\text{؟ g H}_2\text{O} = ۱۳۴ / ۴ \text{ L} \times \frac{۱ \text{ mol}}{\text{گاز}} \times \frac{۲ \text{ mol H}_2\text{O}}{۲۲ / ۴ \text{ L}} \times \frac{۳ \text{ mol}}{\text{گاز}}$$

$$\times \frac{۱۸ \text{ g H}_2\text{O}}{۱ \text{ mol H}_2\text{O}} = ۷۲ \text{ g آب}$$



قسمت دوم:

$$\text{？ g Cr} = ۱۳۴ / ۴ \text{ L} \times \frac{۱ \text{ mol}}{\text{گاز}} \times \frac{۴ \text{ mol e}^-}{۲۲ / ۴ \text{ L}} \times \frac{۳ \text{ mol}}{\text{گاز}}$$

$$\frac{۱ \text{ mol Cr}}{۳ \text{ mol e}^-} \times \frac{۵۲ \text{ g Cr}}{۱ \text{ mol Cr}} = ۱۳۸ / ۶ \text{ g کروم}$$

(شیمی ۳-آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۵۲ و ۶۰)

(محمد رضا پور پاچایر)

«گزینه ۲» - ۱۰۲

مولکول‌های متان دارای ساختاری چهاروجهی بوده و در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

گاز کلر مولکولی ناقطبی است و نقطه جوش آن در مقایسه با  $HF$  که امکان تشکیل پیوند هیدروژنی را دارد، کمتر است.

(شیمی ۱-آب، آهنج زنگی؛ صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۰)

(میلان شیخ‌الاسلامی فیاضی)

«گزینه ۱» - ۱۰۳

با توجه به نمونه داده شده، موج با فرکانس حدود  $۱۷۰۰$ ، کاملاً جذب شده پس با توجه به جدول صورت سؤال، پیوند  $C = O$  در نمونه ماده می‌شود.

(شیمی ۳-شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌نامه؛ صفحه‌های ۹۳ و ۹۵)

(محمد نکو)

«گزینه ۳» - ۱۰۴

جرم مولی اوره با فرمول مولکولی  $CO(NH_2)_2$  برابر  $\frac{g}{mol} ۶۰$  بوده و واکنش برابر  $30\text{ kJ}$  می‌باشد و به علت گرماده بودن واکنش  $\Delta H = -30\text{ kJ}$  خواهد بود و آنتالبی واکنش در روی نسودار برابر  $2a$  می‌باشد پس  $a = 15\text{ kJ}$  است.