



آزمون «۲۴ شهریور ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

دفترچه اجباری

مدت پاسخ‌گویی: ۱۰۰ دقیقه

تعداد سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخگویی
اجباری	۱	۱-۱۰	۱۵'
	۱	۱۱-۲۰	۱۵'
	۱	۲۱-۳۰	۱۵'
	۱	۳۱-۴۰	۱۵'
	۱	۴۱-۵۰	۱۰'
	۱	۵۱-۶۰	۱۵'
	۱	۶۱-۷۰	۱۵'
	۷۰	۱-۷۰	۱۰۰'
جمع کل			

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	امیرحسین ابومحبوب- کاظم اجلالی- عباس اشرفی- امیرهونشگ انصاری- میلان چاشمی- عادل حسینی- آریان حیدری- امیرهونشگ خمسه وحید راحتی- میلان سجادی لاریجانی- علی شهرابی- محمد صحت کار- رضا علی نواز- مهرداد ملوندی- میلان منصوری- سروش موئینی جهانبخش نیکانم
هندسه	امیرحسین ابومحبوب- علی ایمانی- جواد حاتمی- سیدمحمد رضا حسینی فرد- افشن خاصه‌خان- فرزانه خاکپاش- محمد خندان- کیوان دارابی رضا عباسی اصل- احمد رضا فلاخ- سهام مجیدی پور- نوید مجیدی- نصیر محبی نژاد- مجید محمدی نویسی- علیرضا نصرالهی- محمد هجری سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحبوب- جواد حاتمی- سیدمحمد حسینی فرد- فرزانه خاکپاش- کیوان دارابی- سیدوحید ذوالقدری- ندا صالح‌پور محمد صحت کار- احمد رضا فلاخ- مرتضی فهیم‌علوی- نیلوفر مهدوی- محمد هجری- مهدی وقوی
فیزیک	معصومه افضلی- احسان ابرانی- زهره آقامحمدی- امیرهونشگ اعفری- امیر علی حاتم‌خانی- بهنام رستمی- محمد ساکی- مهدی سلطانی سعید شرق- مریم شیخ‌مومو- بوریلا للافه‌مند- مسعود قره‌خانی- مصطفی کیانی- غلام رضا معینی- احسان محمدی- امیر محمدی ازابی حسین مخدومی- حسام نادری- حسین ناصحی
شیمی	امیر حاتمیان- ارژنگ خانلری- حیدر ذبیحی- علی رفیعی- محمد رضا زهره‌وند- آرین شجاعی- امیرحسین طبیبی سود کلایی رسول عابدینی‌زواره- حسین ناصری ثانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خان‌بابایی مهدی مادرمانی	عادل حسینی	عادل حسینی	زهره آقامحمدی حمید زرین‌کفش	محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مسئول سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

کروه فنی و تولید

سوران نعیمی	فروغ فتح‌اله زاده	مهرداد ملوندی	مدیر گروه
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده	نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مهیا اصغری	مدیر گروه: مهیا اصغری	گروه مستندسازی
حروف فتح‌اله زاده	فرزانه فتح‌اله زاده	فرزانه فتح‌اله زاده	حروف فتح‌اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی	سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: حد و پیوستگی: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۵۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱- حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}} \frac{[\sin x] + 2}{\cos 2x - 1}$ کدام است؟

$-\frac{3}{2}$ (۴)

$\frac{3}{2}$ (۳)

۱ (۲)

-۱ (۱)

۲- اگر $f(x) = x[x]$ و حد راست f در $x = n/02$ برابر حد چپ در آن نقطه باشد، جمع ارقام عدد طبیعی n کدام است؟

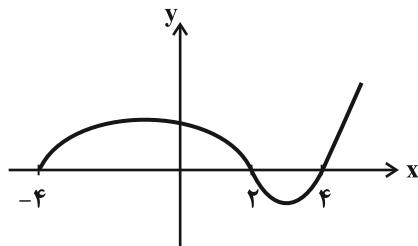
۷ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۶ (۱)

۳- نمودار تابع f مطابق شکل زیر است. تابع \sqrt{f} در چند نقطه از دامنه‌اش حد ندارد؟



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۴- اگر $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = g(0) = 0$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 0} g(x^3 - x^3 + 3)$ کدام است؟ (نماد جزء صحیح است).

۱ (۲)

۰ (۰)

. وجود ندارد. -۱ (۳)

۵- دامنه تابع $f(x) = \frac{\sqrt{1-x^2}}{x - \frac{1}{2}[2x]}$ در نقطه $x = m$ دارای همسایگی محدود و در نقطه $x = n$ دارای همسایگی یک‌طرفه است.

۱ (۴)

$-\frac{1}{2}$ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

۰ (۰)

کدامیک از مقادیر زیر نمی‌تواند باشد؟



۶- اگر $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x - \sqrt{x+b}}{x-3}$ برابر عدد حقیقی $a+b$ باشد، حاصل $a+b$ کدام است؟

$$\frac{47}{6} \quad (4)$$

$$\frac{41}{6} \quad (3)$$

$$\frac{35}{6} \quad (2)$$

$$\frac{37}{6} \quad (1)$$

۷- حاصل $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1-\cos x}}{\sin x}$ کدام است؟

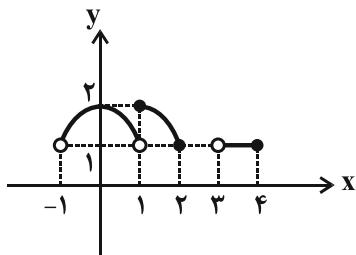
$$-\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

۸) حاصل حد وجود ندارد.

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (3)$$

۸- با توجه به نمودار تابع f ، کدام جمله درست است؟



(۱) تابع f در بازه $[1, 2]$ پیوسته است.

(۲) تابع f در بازه $[3, 4]$ پیوسته است.

(۳) تابع f در هر نقطه از بازه $[1, 2]$ پیوسته است.

(۴) تابع f بر بازه $[0, 2]$ پیوسته است.

۹- کدام تابع زیر در $x = 1$ فقط پیوستگی چپ دارد؟ ([] ، نماد جز صحیح است.)

$$g(x) = [x^3 - 2x] \quad (2)$$

$$f(x) = [x^3 + x] \quad (1)$$

$$k(x) = [-\frac{1}{x}] \quad (4)$$

$$h(x) = [\cos \frac{\pi x}{2}] \quad (3)$$

۱۰- به ازای کدام مقدار a ، تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{\cos \pi x + \cos 2\pi x}{\sin^2 \pi x} & ; x \neq 1 \\ a & ; x = 1 \end{cases}$ در نقطه $x = 1$ پیوسته است؟

$$\frac{-1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{-3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: روابط طولی در مثلث: صفحه های ۶۱ تا ۷۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- اگر a عددی صحیح باشد، چند مثلث حاده‌الزاویه به طول اضلاع ۸، ۱۵ و a وجود دارد؟

۴ (۲)

۱۵ (۱)

۶ (۴)

۵ (۳)

۱۲- در مثلث ABC ، $AB = 7$ ، $AC = 9$ و $BC = 10$ است. طول میانه AM کدام است؟ $\sqrt{30}$ (۲) $\sqrt{15}$ (۱) $4\sqrt{10}$ (۴) $2\sqrt{10}$ (۳)

۱۳- مساحت مثلثی با طول اضلاع ۱۲، ۱۷ و ۲۵ کدام است؟

۹۰ (۲)

۷۵ (۱)

۱۲۰ (۴)

۱۰۵ (۳)

۱۴- در مثلث ABC ، اگر $AC = 5$ و $sin(\hat{A} + \hat{C}) = \frac{1}{3}$ باشد، طول شعاع دایره محیطی مثلث کدام است؟

۷/۵ (۲)

۵ (۱)

۱۵ (۴)

۱۰ (۳)

۱۵- مساحت هشت ضلعی منتظم محاط در دایره‌ای به شعاع $\sqrt[4]{2}$ کدام است؟ $2\sqrt{2}$ (۲)

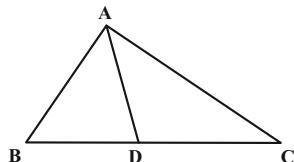
۲ (۱)

 $4\sqrt{2}$ (۴)

۴ (۳)



۱۶- در شکل زیر اگر $DC = 5$ باشد، طول پاره خط AD کدام است؟



$$\frac{\sqrt{34}}{2} \quad (1)$$

$$\sqrt{34} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{17}}{2} \quad (3)$$

$$\sqrt{17} \quad (4)$$

۱۷- در یک لوزی طول قطر کوچک برابر $3\sqrt{2} - \sqrt{3}$ و اندازه زاویه حاده 30° است. مساحت این لوزی کدام است؟

$$3 \quad (2)$$

$$\frac{9}{4} \quad (1)$$

$$6 \quad (4)$$

$$\frac{9}{2} \quad (3)$$

۱۸- در مثلث ABC ، نیمساز زاویه داخلی A ، ضلع BC را در نقطه D قطع می‌کند. اگر $AB = 7/5$ ، $AC = 8$ و $BC = 7$ باشد،

طول AD کدام است؟

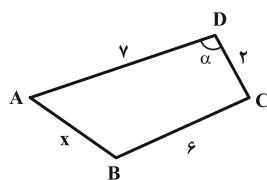
$$\sqrt{42} \quad (2)$$

$$3\sqrt{5} \quad (1)$$

$$5\sqrt{2} \quad (4)$$

$$2\sqrt{10} \quad (3)$$

۱۹- در چهارضلعی محاطی زیر، طول ضلع AB کدام است؟ (۱۲۵)



$$4 \quad (1)$$

$$4/5 \quad (2)$$

$$4\sqrt{3} \quad (3)$$

$$3 \quad (4)$$

۲۰- در مثلث ABC ، میانه AM و نیمسازهای دو زاویه AMB و AMC را رسم می‌کنیم تا به ترتیب اضلاع AB و AC را در

نقاط P و Q قطع کنند. اگر $AB = 9$ ، $AC = 8$ و $AQ = 2$ باشد، آنگاه طول AP کدام است؟

$$6/25 \quad (2)$$

$$5/4 \quad (1)$$

$$7/2 \quad (4)$$

$$6/75 \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۲۷

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۲۱- به هر یک از افراد یا اشیا که داده‌های مربوط به آنها در یک بررسی آماری گردآوری می‌شود، و به مجموعه کل آنها گفته می‌شود.

- (۲) متغیر - جامعه آماری
- (۳) واحد آماری - نمونه
- (۴) واحد آماری - نمونه

۲۲- اگر برای نظرسنجی در مورد کتاب درسی آمار و احتمال از دانش‌آموزان پایهٔ یازدهم ریاضی شهر تهران، از تمامی مناطق آموزش و پژوهش، به تعداد یکسان دانش‌آموز انتخاب کنیم، از کدام روش نمونه‌گیری استفاده کرده‌ایم؟

- (۱) تصادفی ساده
- (۲) خوشای
- (۳) طبقه‌ای
- (۴) سامانمند

۲۳- روش گردآوری داده‌ها در کدام گزینه با دیگر گزینه‌ها متفاوت است؟

- (۱) رضایت مردم تهران از وسائل نقلیه عمومی
- (۲) تعداد دستگاه‌های عابر بانک موجود در یک خیابان
- (۳) وضعیت آب گرفتگی معابر
- (۴) وضعیت آلودگی هوای

۲۴- چند مورد از تعاریف زیر صحیح است؟

الف) مشخصه‌ای عددی را که توصیف کننده جنبه‌ای خاص از نمونه است و از داده‌های نمونه به دست می‌آید، آماره می‌گویند.

ب) فرآیند نتیجه‌گیری درباره تغییرات یک جامعه را آمار استنباطی می‌گوییم.

پ) در بررسی یک جامعه، نمونه‌گیری اریب ارزش بالایی دارد.

ت) هر زیرمجموعه از یک جامعه آماری را که با روش خاصی انتخاب شده باشد، نمونه می‌گوییم.

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

۲۵- اگر انحراف معیار برآورده میانگین نمونه‌ای ۲۵ تایی از یک جامعه برابر $1/8$ باشد، انحراف معیار برآورده میانگین نمونه‌ای ۲۲۵ تایی از این جامعه کدام است؟

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

۲۶- برای انتخاب ۲۰ عدد از بین اعداد ۱ تا ۲۴۰ به روش سامانمند، یکی از اعداد انتخاب شده ۱۱۵ است. در این صورت چهارمین عدد انتخاب شده کدام است؟

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

۲۷- بازه اطمینان ۹۵ درصدی برای برآورده میانگین در یک جامعه آماری براساس یک نمونه‌گیری به صورت $[11/97, 12/05]$ بدست آمده است، چه تعداد از گزاره‌های زیر الزاماً درست است؟

الف) برآورده نقطه‌ای از میانگین این جامعه برابر $12/01$ است.

ب) انحراف معیار جامعه برابر $5=0/08$ است.

پ) انحراف معیار میانگین در این نمونه‌گیری $\frac{1}{50}=\sigma_{\bar{x}}$ است.

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴) هیچ

۲۸- اگر برآورده بازه‌ای با اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه‌ای با واریانس ۱۲۱ به صورت $[46/8, 47/6]$ باشد، مجموع اعضای نمونه کدام است

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

۲۹- فرض کنید جامعه‌ای از ۵ نفر که درآمد ماهیانه آن‌ها بر حسب میلیون تومان به صورت ۹، ۷، ۴، ۳ و ۲ است، تشکیل شده باشد. اگر بخواهیم میانگین درآمد اعضای این جامعه را به کمک نمونه‌ای به اندازه ۳ برآورده کنیم، احتمال آنکه میانگین نمونه کمتر از میانگین جامعه باشد، کدام است؟

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

۳۰- ۱۲ عدد از میان اعداد صحیح $0 \leq N$ به تصادف انتخاب شده است. اگر اعداد انتخابی به صورت

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

$2596 \times 11^3 = 47/2 \times 55$

$1180 \times 11^2 = 236 \times 11^3$

$29 = 28/2$

$29 = 27/1$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الایکترومغناطیسی و جریان متناوب: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۳۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

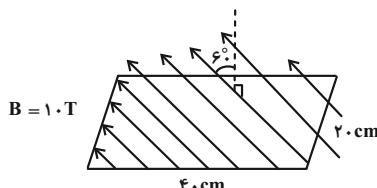
۳۱- شار مغناطیسی کمیتی و یکای آن در SI است.

۴) برداری، $T \cdot m^2$

$\frac{T}{m^2}$ برداری،

۲) نردهای، $T \cdot m^2$

$\frac{T}{m^2}$



۳۲- اندازه شار مغناطیسی گذرنده از قاب مستطیلی شکل زیر چند ویراست؟

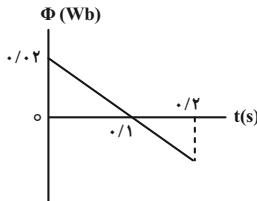
۴)

$0/4$ (۲)

40 (۳)

$0/2\sqrt{3}$ (۴)

۳۳- در شکل زیر، نمودار شار مغناطیسی که از یک حلقه می‌گذرد، نشان داده شده است. در لحظه $t = 0.5s$ ، نیروی حرکة القایی متوسط ایجاد شده در حلقه چند ولت است؟



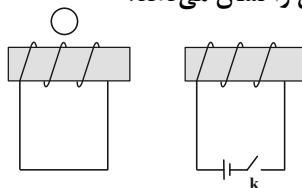
$0/4$ (۱)

$0/2$ (۲)

$-0/4$ (۳)

$-0/2$ (۴)

۳۴- در شکل زیر، اگر کلید k را وصل کنیم قطب‌نمای موجود در بالای سیم‌لوله سمت چپ چه جهتی را نشان می‌دهد؟



\uparrow (۱)

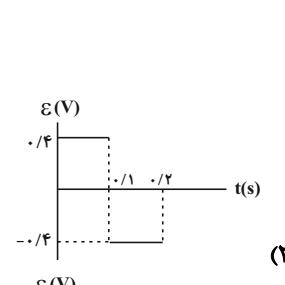
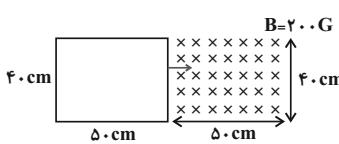
\downarrow (۲)

\leftarrow (۳)

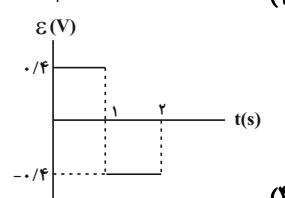
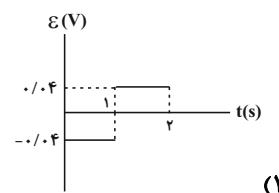
\rightarrow (۴)

۳۵- مطابق شکل زیر، حلقه‌ای رسانا و مربع شکل که ابعاد آن دقیقاً برابر با ابعاد میدان مغناطیسی حاکم بر فضا است، از یک طرف با تندي

ثابت $\frac{m}{s}$ وارد میدان شده و از طرف دیگر با همین تندي خارج می‌شود. کدام نمودار، تغییرات نیروی حرکة القایی در قاب را به درستی نشان می‌دهد؟



درستی نشان می‌دهد؟



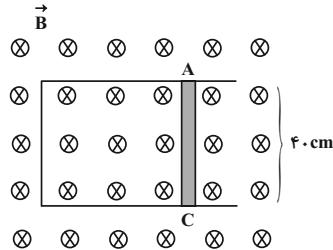
(۱)

(۲)

(۳)



۳۶- در شکل زیر، سطح رسانای \mathbf{U} شکلی عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواخت و درونسوی \vec{B} به بزرگی 5000 G قرار دارد. میله فلزی AC را با تندی $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ به سمت راست حرکت می‌دهیم. اگر جریان القایی عبوری از این میله 2 A باشد، مقاومت الکتریکی مدار چند



اهم است؟

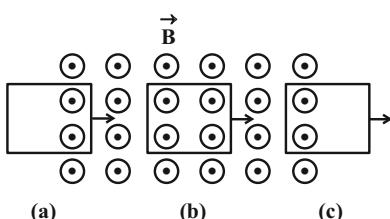
۴۰ (۱)

۴×10^۳ (۲)

۰/۴ (۳)

۴ (۴)

۳۷- حلقه رسانای مربعی شکلی، مطابق شکل وارد میدان مغناطیسی برونسوی شده و سپس از آن خارج می‌شود. در کدام مرحله شار عبوری در حال افزایش و در کدام مرحله جهت جریان القایی پادساعتگرد است؟



a , b (۱)

c , a (۲)

a , c (۳)

b , c (۴)

۳۸- از سیم‌لوله‌ای به ضریب القاوری $H/2$ جریان متناوب $I = 6 \sin 100\pi t$ در SI می‌گذرد. بیشینه انرژی ذخیره شده در میدان مغناطیسی سیم‌لوله چند ژول است؟

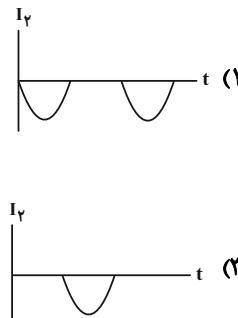
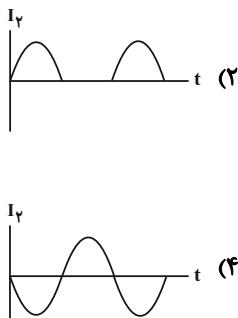
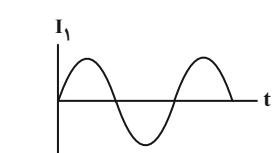
۰/۳ (۴)

۱/۸ (۳)

۳/۶ (۲)

۰/۶ (۱)

۳۹- نمودار زیر، تغییرات جریان I_1 بر حسب زمان را برای مدار (الف) نشان می‌دهد. کدام گزینه نمودار تغییرات جریان I_2 بر حسب زمان برای مدار (ب) را به درستی نمایش می‌دهد؟ (مولد جریان‌ها، برای هر دو مدار یکسان است).



(الف)

(ب)

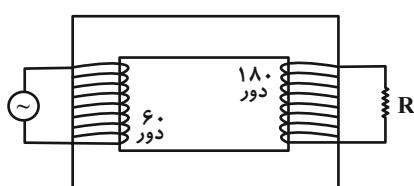
(۴)

(۲)

(۱)

(۳)

۴۰- در مبدل آرمانی شکل زیر، اگر حداکثر ولتاژ دو سر مقاومت $5V/4$ باشد، بیشینه ولتاژ مولد چند ولت است؟



۱۳/۵ (۱)

۴/۵ (۲)

۱/۵ (۳)

۳ (۴)



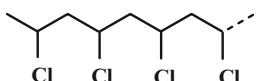
وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: پوشک، نیازی پایان ناپذیر؛ صفحه‌های ۹۷ تا ۱۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۴۱- کدام گزینه درباره بسیارش وینیل کلرید درست است؟

- ۱) فراورده به دست آمده برخلاف مونومر آن، یک هیدروکربن سیرشده است.
- ۲) شمار اتم‌های متصل به هر اتم کربن در این فرایند ثابت می‌ماند.
- ۳) فرمول ساختاری بخشی از فراورده آن را می‌توان به صورت زیر نشان داد.



۴) از بسیار حاصل در تهیه ظروف یک بار مصرف استفاده می‌شود.

۴۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد پلی‌اتن شاخه‌دار (A) و پلی‌اتن بدون شاخه (B) درست است؟ ($C = 12$, $H = 1$: g.mol⁻¹)

* B به پلی‌اتن سنگین معروف است و درصد جرمی کربن در آن بیشتر از A است.

* تعداد اتم‌ها در ۱ گرم A کمتر از تعداد اتم‌ها در همان مقدار B است.

* چگالی A کمتر از ۱ و چگالی B بیشتر از ۱ گرم بر سانتی‌متر مکعب است.

* وجود شاخه‌ها باعث افزایش سطح تماس بین زنجیرها و نیروی بین مولکولی بیشتر در A می‌شود.

- ۱) صفر
- ۲) ۱
- ۳) ۲
- ۴) ۳

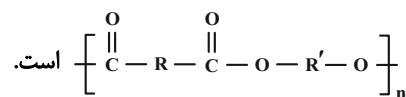
۴۳- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

۱) پلی‌اتن شاخه‌دار نسبت به پلی‌اتن بدون شاخه چگالی بیشتر و نقطه جوش بالاتری دارد و از آن در ساخت بطری آب استفاده می‌شود.

۲) در واکنش استری شدن، الکل‌ها OH، کربوکسیلیک اسیدها H از دست می‌دهند، تا همراه استر مولکول‌های H₂O نیز تولید شوند.

۳) در ساختار مونومر سازنده پلیمر ()، ۷ پیوند یگانه وجود دارد.

۴) بخشی از ساختار پلیمر سازنده کولار که از فولاد هم جرم خود پنج برابر مقاوم‌تر می‌باشد، به صورت

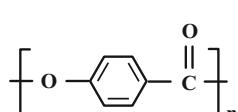


۴۴- در نمونه‌ای به جرم ۴۰ گرم تفلون که هر زنجیره پلیمر آن دارای ۳۲۰۰ اتم فلور است، چه تعداد درشت مولکول وجود دارد؟

(درشت مولکول‌ها از نظر جرم یکسان فرض شوند). ($F = 19$, $C = 12$: g.mol⁻¹)

- ۱) $7/5 \times 10^{19}$
- ۲) $1/5 \times 10^{20}$
- ۳) $3/01 \times 10^{20}$
- ۴) $6/02 \times 10^{19}$

۴۵- پلی‌هیدروکسی بنزووات یک نوع رزین است که در تهیه چسب‌های ساختمانی کاربرد دارد، با توجه به ساختار آن، کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟



۱) یک نوع پلی‌استر است.

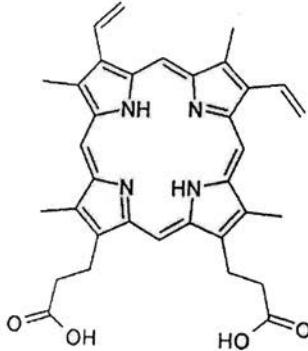
۲) فرمول مولکولی مونومر سازنده آن $C_7H_6O_3$ است.

۳) در هر مونومر آن ۱۹ پیوند اشتراکی وجود دارد.

۴) به ازای تشکیل ۲۰۰ واحد تکرارشونده، ۱۹۹ مولکول آب آزاد می‌کند.



۴۶- پروتوبورفیرین نوعی مولکول آلی است که با ایجاد پیوند با اتم آهن، گروه هم را می‌سازد که در ساخت هموگلوبین موجود در گلبول‌های قرمز خون به مصرف می‌رسد. با توجه به ساختار «پیوند- خط» پروتوبورفیرین، چند مورد از مطالب زیر، درباره آن درست است؟



* دارای هر دو نوع گروه عاملی لازم برای ساخت پلی‌آمید است.

* این مولکول می‌تواند با دیگر مولکول‌های خود پیوند هیدروژنی برقرار کند.

* تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی آن، با این تعداد در مونومر تفlon برابر است.

* نسبت شمار اتم‌های کربن به هیدروژن در آن، با این نسبت در بنزن برابر است.

۱)

۲)

۳)

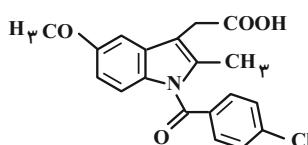
۴)

۴۷- مقداری از یک الکل (A) و یک کربوکسیلیک اسید (B) یک عاملی سیرشده را به طور کامل با یکدیگر واکنش می‌دهیم؛ اگر در طی این فرایند نسبت جرم استر به جرم آب تولیدی برابر با ۸ باشد، نام استر حاصل کدام است؟ (شمار اتم‌های کربن در فرمول مولکولی کربوکسیلیک اسید B، از شمار اتم‌های هیدروژن در فرمول مولکولی الکل A، ۳ واحد کمتر است.

$(O=16, C=12, H=1: g/mol^{-1})$

- (۱) پنتیل پروپانوات (۲) پروپیل پنتانوات (۳) اتیل هگزانوات (۴) هگزیل اتانوات

۴۸- از داروی ایندومتاناسین برای از بین بدن و درمان درد، تورم و سفتی مفاصل ناشی از آرتروز استفاده می‌شود. کدام مطلب زیر نادرست است؟



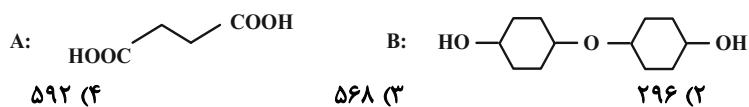
(۱) در ساختار آن، ۱۱ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

(۲) در ساختار آن گروه عاملی مشابه با گروه عاملی ساختار کولار وجود دارد.

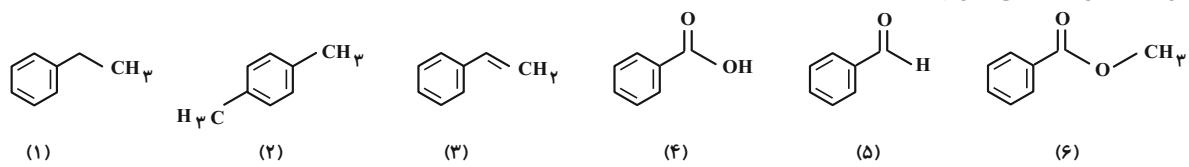
(۳) فرمول مولکولی آن، $C_{19}H_{16}ClNO_4$ می‌باشد.

(۴) در ساختار آن ۹ پیوند دوگانه وجود دارد.

۴۹- از دی‌اسید A و دی‌الکل B برای ساخت نوعی پلی‌استر استفاده می‌کنیم؛ اگر ۲۳۶ گرم از ترکیب A را با مقدار کافی از ترکیب B به طور کامل واکنش دهیم؛ چند گرم پلی‌استر تولید می‌شود؟ ($O=16, C=12, H=1: g/mol^{-1}$)



۵۰- با توجه به ترکیب‌های زیر چه تعداد از مطالب داده شده درست هستند؟ ($O=16, C=12, H=1: g/mol^{-1}$)



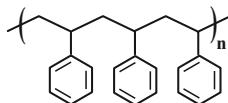
* ترکیب (۶) فراورده حاصل از واکنش ترکیب (۴) با متانول است.

* نقطه جوش ترکیب (۴) بیشتر از ترکیب‌های (۵) و (۶) است.

* درصد جرمی اتم کربن در ترکیب (۱) همانند ترکیب (۲)، کمتر از درصد جرمی اتم کربن در ترکیب (۳) است.

* تفاضل تعداد اتم‌های هیدروژن در زوج ترکیب‌های (۱) و (۳) و (۴) و (۶) با هم برابر است.

* از پلیمر حاصل از ترکیب (۳) می‌توان در ساخت ظروف یکبار مصرف استفاده کرد و ساختار آن به صورت مقابل است.



۵۱)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: شمارش بدون شمردن + آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۷۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۵۱- اولین قدم در علم آمار کدام است؟

۲) جمع‌آوری اعداد و ارقام

۱) تحلیل و تفسیر داده‌ها

۴) پیش‌بینی

۳) سازماندهی

۵۲- کدام یک از متغیرهای تصادفی زیر کیفی تریبی است؟

۲) میزان رضایت از شغل

۱) میزان دمای هوا

۴) تعداد فرزندان یک خانواده

۳) جنسیت فرد

۵۳- در کدام گزینه تمام متغیرهای کیفی اسمی، کیفی ترتیبی، کمی پیوسته و کمی گسسته وجود دارند؟

۱) سن، جنسیت، میزان تحصیلات، شغل

۲) وزن، تعداد فرزندان، جنسیت، شغل

۳) سرعت حرکت یک خودرو، گروه خون، مراحل رشد، تعداد فرزندان

۴) تعداد تماس‌ها، مراحل تحصیل، رنگ چشم، گروه خون

۵۴- مجموعه اعداد طبیعی یک رقمی چند زیر مجموعه ۳ عضوی دارد، به‌طوری‌که مجموع اعضای هر یک از آنها عددی زوج باشد؟

۴۴ (۲)

۴۲ (۱)

۴۶ (۴)

۴۰ (۳)

۵۵- چند عدد طبیعی سه رقمی با ارقام متمایز وجود دارد، به‌طوری‌که کوچک‌ترین رقم هر یک از این اعداد، رقم صدگان آنها باشد؟

۸۴ (۲)

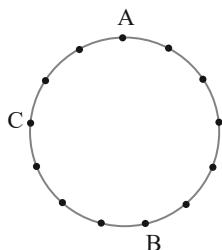
۱۶۸ (۱)

۲۴۰ (۴)

۱۲۰ (۳)



۵۶- از به هم وصل کردن نقاط شکل زیر، چند چهارضلعی محدب شامل ضلع AB یا AC می‌توان رسم کرد؟



۵۹ (۱)

۶۲ (۲)

۴۵ (۳)

۴۸ (۴)

۵۷- به چند طریق می‌توان ۶ مداد متمایز را درون ۳ جامدای مختلف قرار داد، به طوری که در هر جامدای حداقل یک مداد قرار گیرد؟

۵۴۰ (۲)

۲۴۰ (۱)

۴۵۰ (۴)

۳۶۰ (۳)

۵۸- در پرتاب ۳ تاس، احتمال آنکه حاصل ضرب سه عدد رو شده عددی اول باشد، کدام است؟

$\frac{1}{72}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

$\frac{1}{8}$ (۴)

$\frac{1}{24}$ (۳)

۵۹- اگر A و B دو پیشامد غیر تهی و $P(A \cup B) = 2P(A) = \frac{3}{2}P(B)$ باشد، حاصل کدام است؟

$\frac{1}{9}$ (۲)

$\frac{1}{6}$ (۱)

$\frac{1}{4}$ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

۶۰- با حروف کلمه «آرمین» یک کلمه ۴ حرفی به تصادف می‌نویسیم. احتمال اینکه در کلمه نوشته شده، حرف «ن» اول و آخر

نباشد، قدرت است؟

$\frac{2}{5}$ (۲)

$\frac{1}{5}$ (۱)

$\frac{4}{5}$ (۴)

$\frac{3}{5}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ترمودینامیک: صفحه های ۱۲۷ تا ۱۴۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۶۱- دمای دو مول گاز آرمانی را در فشار ثابت از 400 K به 27°C می‌رسانیم. در این فرایند چند ژول کار توسط گاز انجام می‌شود؟ ($R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$)

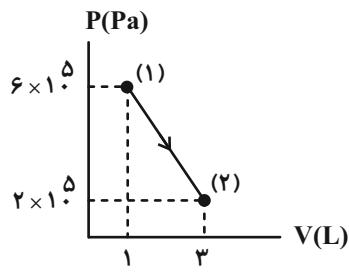
۸۰۰ (۴)

۸۰۰ (۳)

-۱۶۰۰ (۲)

۱۶۰۰ (۱)

۶۲- در شکل زیر، نمودار $P - V$ گاز رقیق نشان داده شده است. انرژی درونی گاز در نقطه (۲) چند برابر انرژی درونی گاز در نقطه (۱) است؟



۱ (۱)

 $\frac{1}{3}$ (۲)

۹ (۳)

۳ (۴)

۶۳- گاز کاملی در یک فرایند بی‌درر و منبسط می‌شود. فشار و انرژی درونی گاز به ترتیب چگونه تغییر می‌کند؟

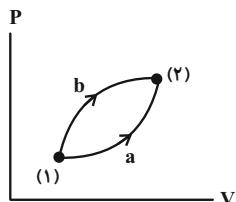
۴) افزایش-افزایش

۳) کاهش-کاهش

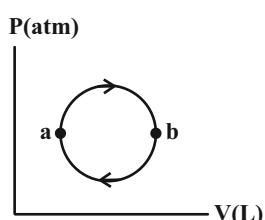
۲) افزایش-کاهش

۱) افزایش-افزایش

۶۴- بر اساس نمودار $P - V$ دو فرایند a و b، کدام گزینه صحیح است؟

 $Q_b > 0, Q_a > 0, |Q_a| > |Q_b|$ (۱) $Q_b < 0, Q_a < 0, |Q_a| > |Q_b|$ (۲) $Q_b > 0, Q_a > 0, |Q_b| > |Q_a|$ (۳) $Q_b < 0, Q_a > 0, |Q_b| > |Q_a|$ (۴)

۶۵- در شکل زیر، نمودار $P - V$ فرایند چرخه‌ای برای یک گاز کامل رسم شده است. چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟



الف) گاز گرما می‌گیرد.

ب) دستگاه کار از محیط می‌گیرد.

پ) از a تا b تغییر انرژی درونی صفر است.

ت) از a تا b دمای گاز افزایش می‌یابد.

۴ (۴)

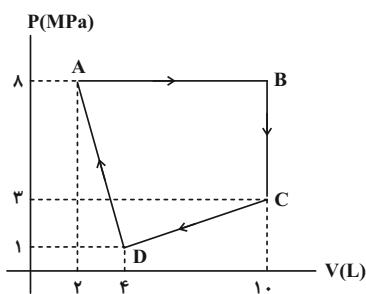
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



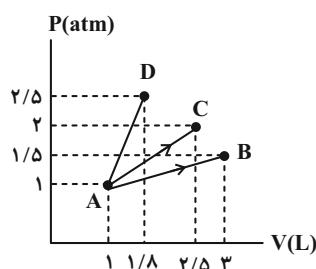
۶۶- مطابق شکل زیر، یک مول گاز کامل تک اتمی، چرخه ABCDA را طی می‌کند. کار خالصی که گاز روی محیط انجام داده است،



چند کیلوژول است؟

- ۴۳ (۱)
-۴۸/۵ (۲)
۴۸/۵ (۳)
۴۳ (۴)

۶۷- به مقدار ۱ لیتر گاز کامل طی سه فرایند مختلف گرمایی داده و آنها را به نقاط B، C و D می‌رسانیم. کدام مقایسه در مورد



دماهای گاز در این سه نقطه صحیح است؟

- $T_B > T_C > T_D$ (۱)
 $T_D > T_C > T_B$ (۲)
 $T_C > T_B = T_D$ (۳)
 $T_B = T_D > T_C$ (۴)

۶۸- حجم گازی برابر V و فشار آن P است. طی یک فرایند همدما، حجم این گاز $\frac{1}{3}$ حجم اولیه آن خواهد شد. کدام گزینه در مورد

کار مبادله شده در این فرایند، صحیح است؟

$$W < \frac{2}{3}PV \quad (۴) \quad W = \frac{2}{3}PV \quad (۳) \quad W < \frac{4}{3}PV \quad (۲) \quad W > \frac{4}{3}PV \quad (۱)$$

۶۹- در جای خالی، کدام عبارت زیر را می‌توان قرار دارد؟

«تبديل کامل گرمایی به کار»

- الف) قانون دوم ترمودینامیک را نقض می‌کند و امکان‌پذیر نیست.
ب) در یک چرخه امکان‌پذیر نیست.
پ) در یک فرایند خاص، امکان‌پذیر است.

- (۱) الف (۲) ب (۳) ب و پ (۴) الف و پ

۷۰- بازدۀ یک ماشین گرمایی 30 درصد است و میزان گرمایی که ماشین در هر چرخه به منبع دما پایین می‌دهد 700 J است. این

ماشین پس از چند چرخه، 120 K کار انجام می‌دهد؟

- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۵ (۱)



آزمون «۲۴ شهریور ۱۴۰۲»
اختصاصی دوازدهم ریاضی
(دفترچه اختیاری)

دفترچه سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۹۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
ریاضیات گسسته	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
شیمی ۳	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
هندسه ۱	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی ۱	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	سوکنگ روشی	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی مهدی ملامضانی	عادل حسینی	عادل حسینی	زهره آقامحمدی همید زرین کفش	بهنام قازانچایی محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

کروه فنی و تولید

سوران نعیمی	فرزانه فتح الهزاده	مدیر گروه گروه مستندسازی
نرگس غنیزاده	نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	مدیر گروه
دفتر گروه: محیا اصغری	دفتر گروه: محیا اصغری	مدیر گروه
فروزنگار	فروزنگار	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
ناظر چاپ	ناظر چاپ	فرزانه فتح الهزاده

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف عالم)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع، مثلثات: صفحه‌های ۱ تا ۴۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۷۱- اگر $y = f(x) = |x|$ و $g(2x) = 1 - f(2x - 1)$ ها کدام است؟

۱) ۴

۲) $\frac{3}{2}$

۳) ۲

۴) $\frac{1}{2}$ ۷۲- حدود k کدام باشد تا تابع $y = 2x - k[x]$ ، اکیداً صعودی باشد؟ (نماد جزء صحیح است).۱) $[0, +\infty)$ ۲) $(-\infty, 0]$ ۳) $(-\infty, 2]$ ۴) $[2, +\infty)$ ۷۳- نمودار تابع $y = x^3$ را ابتدا ۱ واحد به چپ می‌بریم. سپس نسبت به محور x ها قرینه کرده و بعد در راستای عمودی منبسط می‌کنیم. در نهایت آن را ۲ واحد به بالا انتقال می‌دهیم تا به نمودار زیر برسیم. این نمودار خط $y = 4$ را با کدام طول قطع

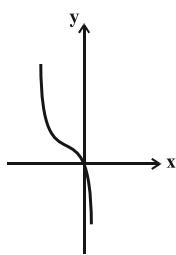
می‌کند؟

۱) ۱/۵

۲) ۲

۳) ۲/۵

۴) ۳

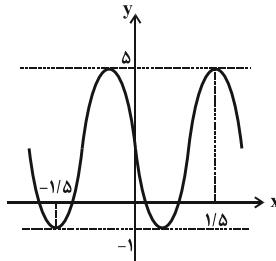
۷۴- باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای $p(x) = x^5 - 3x^4 + ax - 1$ بر $x - 2$ برابر ۲ و خارج قسمت آن $q(x)$ است. باقیمانده تقسیم $q(x)$ بر $x - 2$ کدام است؟

۱) ۹

۲) -۹

۳) -۷

۴) ۷

۷۵- اگر نمودار زیر بخشی از نمودار تابع $f(x) = a + b \sin(cx) \cos(cx)$ باشد، حاصل $\frac{ac}{b}$ کدام است؟۱) $\frac{2\pi}{3}$ ۲) $-\frac{\pi}{6}$ ۳) $-\frac{2\pi}{3}$ ۴) $\frac{\pi}{6}$



۷۶- برد تابع $f(x) = \frac{\tan x}{|\tan x|} + \tan x$ کدام است؟

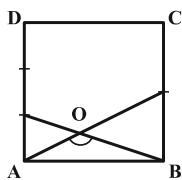
\mathbb{R} (۲)

$\mathbb{R} - \{0\}$ (۱)

$\mathbb{R} - \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$ (۴)

$\mathbb{R} - [-1, 1]$ (۳)

۷۷- در مربع شکل زیر با طول ضلع واحد، اندازه \hat{O} کدام است؟ (A) به سه قسمت مساوی و (B) به دو قسمت مساوی تقسیم شده است.



$\frac{3\pi}{4}$ (۲)

$\frac{2\pi}{3}$ (۱)

$\frac{\pi}{3}$ (۴)

$\frac{\pi}{4}$ (۳)

۷۸- معادله $\sin \frac{x}{6} \cos \frac{x}{6} = \frac{3}{8}$ در بازه $[-2\pi, 2\pi]$ چند جواب دارد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۷۹- کدام یک جزء جواب‌های کلی معادله $\cos \delta x = \sin x$ می‌باشد؟ ($k \in \mathbb{Z}$)

$\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{12}$ (۲)

$\frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{12}$ (۱)

$\frac{k\pi}{3} - \frac{\pi}{8}$ (۴)

$\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}$ (۳)

۸۰- انتهای کمان جواب‌های معادله $x - \sin 2x = 2 \sin^2 x$ روی دایره مثلثاتی تشکیل یک چندضلعی می‌دهند. مساحت این چندضلعی کدام است؟

$\sqrt{2}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

۱ (۴)

$2\sqrt{2}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه های ۹ تا ۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

$$-2A - 3B = \begin{bmatrix} -1 & 7 \\ 9 & 5 \end{bmatrix} \text{ و } 3A + 2B = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 7 & 14 \end{bmatrix} \text{ - اگر } -8A$$

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۸ (۲)

۷ (۱)

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ a & b & c \\ d & e & f \end{bmatrix} \text{ باشد، حاصل } a+e+f \text{ کدام است؟ - اگر } -8A$$

۱۶ (۴)

۱۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۳ (۱)

$$B = \begin{bmatrix} 2a & -4 \\ a & 1 \end{bmatrix} \text{ باشند، به ازای کدام مقادیر } a, \text{ ماتریس } AB \text{ وارون پذیر نیست؟ - اگر } -8A$$

-۶ -۴ (۴)

۴ و صفر (۳)

-۴ و صفر (۲)

۱) ۴ و -۶ (۱)

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \text{ باشد، مجموع درایه های ماتریس } (A^T + I)^{-1} \text{ کدام است؟ - اگر } -8A$$

۱ (۴)

 $\frac{1}{2}$ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۲)

-۱ (۱)

$$\left\{ \begin{array}{l} (m+5)x + my = 5 \\ 2(m+1)x - (m-3)y = 2 \end{array} \right. \text{ - به ازای } m \in \mathbb{R} - \{\alpha, \beta\} \text{ دستگاه معادلات } \alpha + \beta \text{ برابر کدام است؟ - اگر } -8A$$

است؟

-۳ (۴)

 $-\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{5}{3}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۱)



-۸۶- اگر در دستگاه معادلات $\begin{cases} ax+by=2 \\ cx+dy=5 \end{cases}$ ، وارون ماتریس ضرایب به صورت $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $ax+dy$ کدام است؟

۱ (۴)

-۲ (۳)

-۳ (۲)

۳ (۱)

-۸۷- اگر دترمینان ماتریس $A = \begin{bmatrix} 2 & a & -1 \\ 3 & 1 & 0 \\ -2 & b-1 & 1 \end{bmatrix}$ برابر صفر باشد، حاصل $a+b$ کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

-۱ (۲)

۱ (۱)

-۸۸- اگر A ماتریسی 3×3 و $|A| = -3$ باشد حاصل $|A^3|$ برابر با کدام است؟

-۲۷ (۴)

۳۱۰ (۳)

-۳۱۰ (۲)

۳۴ (۱)

-۸۹- مقادیر x از معادله $\begin{vmatrix} 0 & x-2 & x-3 \\ x+3 & 0 & 3 \\ x+2 & -2 & 0 \end{vmatrix} = 10$ کدام است؟

 $\pm 2\sqrt{3}$ (۴) $\pm \sqrt{6}$ (۳)

±۲ (۲)

±۴ (۱)

-۹۰- اگر $ABC = 2I$ و $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & 8 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 3 \\ 1 & -1 & 4 \\ 2 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه $|C|$ کدام است؟

-۴ (۴)

۴ (۳)

-۱ (۲)

۱ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱ تا ۳۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- در اثبات نامساوی $(a+b+2)^3 \geq -4(a+b+2) + b^3 + a^3$ به روش بازگشتی (گزاره‌های همارز) به کدام رابطه همیشه درست می‌رسیم؟

$$(a-2)^3 + (b-2)^3 \geq 0 \quad (2)$$

$$(a+2)^3 + (b+2)^3 \geq 0 \quad (1)$$

$$(a+b-2)^3 \geq 0 \quad (4)$$

$$(a+b+2)^3 \geq 0 \quad (3)$$

۹۲- بازای چند عدد صحیح متمایز a ، هر دو عدد $5m+5$ و $6m+6$ ممکن است بر عدد a بخش‌پذیر باشند؟ ($m \in \mathbb{Z}$)

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۹۳- در یک تقسیم باقی‌مانده بیشترین مقدار خود را دارد. اگر در این تقسیم به مقسوم و مقسوم‌علیه هر کدام یک واحد اضافه کنیم،

به خارج قسمت و باقی‌مانده نیز هر کدام یک واحد اضافه می‌شود. مقسوم جدید کدام عدد می‌تواند باشد؟

-۱۰۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

-۲۰۰ (۴)

۲۰۰ (۳)

۹۴- اگر باقی‌مانده‌های تقسیم اعداد a , b و c بر ۱۵ به ترتیب ۱۴, ۱۳ و ۱۲ باشد، آنگاه باقی‌مانده تقسیم $a^3b^3c^4$ بر ۱۵ کدام است؟

۸ (۲)

۱۲ (۱)

۷ (۴)

۳ (۳)

۹۵- بزرگ‌ترین عدد دو رقمی n به‌طوری که $12^n + 15^n$ بر ۷ بخش‌پذیر باشد، کدام است؟

۹۸ (۲)

۹۷ (۱)

۹۶ (۴)

۹۹ (۳)



۹۶- اگر باقی‌مانده تقسیم دو عدد $9a - 7$ و $2a - 3$ بر ۱۱ یکسان باشد، آنگاه باقی‌مانده تقسیم $4a - 5$ بر ۲۲ کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۹۷- کدام‌یک از اعداد زیر یک جواب برای معادله همنهشتی $46352x \equiv 8 \pmod{9}$ است؟

۱۵ (۲)

۱۳ (۱)

۱۹ (۴)

۱۷ (۳)

۹۸- به ازای هر عدد طبیعی n ، دو عدد $12n + 7$ و $5n - 2$ نسبت به هم اول هستند. بیشترین مقدار n کدام است؟

۲۳ (۲)

۲۲ (۱)

۲۵ (۴)

۲۴ (۳)

۹۹- به ازای چند مقدار طبیعی a ، معادله سیاله $39 = 3(a+2)x + (2a-3)y$ در مجموعه اعداد صحیح دارای جواب است؟

۲) شمار

۱) هیچ

۲ (۴)

۱ (۳)

۱۰۰- می خواهیم ۱۲۳ کیلو شکر را در کیسه‌های ۴ کیلویی و ۵ کیلویی بسته‌بندی کنیم. این کار به چند روش امکان‌پذیر است؟

۵ (۲)

۴ (۱)

۷ (۴)

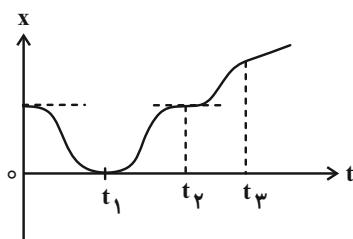
۶ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست / دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۱ تا ۴۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.



۱۰۱- با توجه به نمودار مکان - زمان رو به رو، چند مورد از گزاره‌های زیر درست است؟

الف) سرعت اولیه متحرک برابر صفر است.

ب) در لحظه t_1 سرعت متحرک صفر شده و تغییر جهت می‌دهد.پ) در لحظه t_2 سرعت متحرک صفر شده و تغییر جهت می‌دهد.ت) از لحظه t_2 تا t_3 ، متحرک در حال دور شدن از مبدأ است.

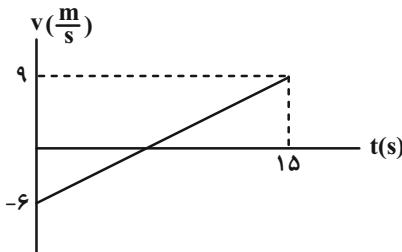
۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۰۲- در شکل زیر، نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، نشان داده شده است. سرعت متوسط این

متحرک در بازه زمانی $t_1 = ۱\text{ s}$ تا $t_2 = ۵\text{ s}$ چند متر بر ثانیه است؟

۱/۵ (۱)

-۶ (۲)

-۳ (۳)

۳ (۴)

۱۰۳- اتومبیل A و اتومبیل B به سمت یکدیگر در حال حرکت هستند. هنگامی که فاصله بین دو اتومبیل به 100 m می‌رسد، اتومبیلA که دارای سرعت $\frac{m}{s} ۱۰$ می‌باشد، با شتابی به بزرگی $\frac{m}{s^2} ۵$ ترمز می‌کند و اتومبیل B با سرعت ثابت $\frac{m}{s} ۱۵$ به حرکت خود

ادامه می‌دهد. چند ثانیه پس از ترمز کودن اتومبیل A، دو اتومبیل به یکدیگر می‌رسند؟

۸ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۲ (۱)

۱۰۴- از دست شخصی که در حال انجام تعمیرات در لب پنجره‌ای که ۳۱/۲۵ متر از زمین فاصله دارد، جسمی رها می‌شود. اگر زمان واکنش این فرد و فریاد زدن او $۱/۱۵\text{ s}$ طول بکشد، شخصی که در پایین ساختمان ایستاد، چند ثانیه زمان دارد تا از محل دورشده و آسیب نبیند؟ ($\frac{m}{s} g = ۱۰$ و سرعت صوت در هوای $\frac{m}{s} ۳۱۲$ ، از قدر فرد صرف نظر کنید.)

۲/۱۵ (۴)

۲/۲۵ (۳)

۲/۳۵ (۲)

۲/۴ (۱)

۱۰۵- راننده اتومبیلی به جرم ۱۰۰ kg که با سرعت $\frac{km}{h} ۷۲$ در یک مسیر مستقیم در حال حرکت است، با دیدن مانعی ترمز کرده وپس از طی مسافت ۸۰ m متوقف می‌شود. ضریب اصطکاک جنبشی بین چرخ‌های اتومبیل و زمین چقدر است؟ ($g = \frac{m}{s^2} ۱۰$)

۰/۱ (۴)

۰/۲۵ (۳)

۰/۴ (۲)

۰/۰۵ (۱)



۱۰۶- دو شخص به جرم‌های m_1 و m_2 در یک سطح افقی بدون اصطکاک نوسط یک طناب بدون جرم یکدیگر را به سمت هم می‌کشند.

اگر هر دو شخص در ابتدا ساکن باشند و مسافتی که طی می‌کنند تا به هم برسند به ترتیب برابر ℓ_1 و ℓ_2 باشد، حاصل $\frac{\ell_1}{\ell_2}$ کدام

گزینه است؟

$$\sqrt{\frac{m_2}{m_1}} \quad (4)$$

$$\frac{m_2}{m_1} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{m_1}{m_2}} \quad (2)$$

$$\frac{m_1}{m_2} \quad (1)$$

۱۰۷- مطابق شکل، در شرایط خلا جسمی به جرم m را توسط طنابی با نیروی F به سمت بالا می‌کشیم و جسم با شتاب a ، به سمت بالا شروع به حرکت می‌کند. اگر نیروی F ، ۳ برابر شود شتاب حرکت جسم نسبت به حالت قبل چند برابر می‌شود؟



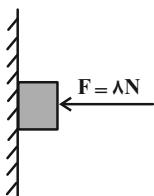
(۱) کمتر از ۳ برابر

(۲) ۳ برابر

(۳) بیشتر از ۳ برابر

(۴) نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۱۰۸- در شکل زیر، نیروی افقی $8N$ جسمی به وزن $5N$ را به یک دیوار قائم می‌فشارد. اگر ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی بین جسم و دیوار به ترتیب $6/0$ و $5/0$ باشد، نیرویی که از طرف دیوار بر جسم وارد می‌شود، چند نیوتون است؟



(۱) ۱۰

(۲) $5\sqrt{5}$

(۳) $4\sqrt{5}$

(۴) ۸

۱۰۹- شخصی در داخل آسانسور روی ترازو ایستاده است و آسانسور از طبقه هم کف شروع به حرکت می‌کند و به طبقه آخر می‌رود. اگر مجموع و اختلاف بیشینه و کمینه عددی که ترازو نشان می‌دهد به ترتیب $1400N$ و $280N$ باشد، جرم شخص و شتاب آسانسور در SI چقدر است؟ (شتاب حرکت آسانسور در شروع و پایان حرکت ثابت است). ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

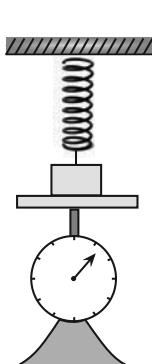
۲، ۱۴۰ (۴)

۴، ۷۰ (۳)

۲، ۷۰ (۲)

۴، ۱۴۰ (۱)

۱۱۰- مطابق شکل زیر، جسمی روی ترازویی قرار گرفته و فتری به آن متصل شده است. اگر فتر به اندازه ۴ سانتی‌متر فشرده‌تر از طول عادی آن باشد، ترازو عدد $48N$ و اگر فتر به اندازه ۴ سانتی‌متر کشیده‌تر از طول عادی آن باشد، ترازو عدد $36N$ را نشان خواهد داد.



جرم جسم چند کیلوگرم است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۱) ۶

(۲) ۰/۶

(۳) ۴۲

(۴) ۴/۲



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی / تاریخچه صابون نا انتهای شوینده‌ها: صفحه‌های ۱ تا ۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۱۱- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟ ($H = 1, C = 12, O = 16 : g \cdot mol^{-1}$)

- الف) نسبت تعداد جفت الکترون‌های پیوندی به جفت الکترون‌های ناپیوندی در ساختار اوره دو برابر این نسبت در ساختار استیک اسید است.
- ب) ساده‌ترین و موثرترین راه پیشگیری از بیماری که به دلیل آلوده شدن آب و نبود بهداشت شایع می‌شود رعایت پهداشت فردی و همگانی است.
- پ) اختلاف جرم دو مول روغن زیتون با دو مول چربی ذخیره شده در کوهان شتر ($C_{11}H_{18}O_4$) برابر ۶ گرم بر مول می‌باشد.
- ت) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود شمار قابل توجهی گروه هیدروکسیل دارند.

(۱) الف و ب (۲) الف و ب (۳) پ و ت (۴) ب و ت

۱۱۲- از واکنش یک مول صابون مایع فاقد اتم فلزی با زنجیر هیدروکربنی سیرشده و خطی با آب سخت حاوی $MgCl_2$ ، ۲۶۷ گرم رسوب سفید رنگ ایجاد شده است؛ نسبت تعداد عنصرها به اتم‌ها در فرمول این پاک‌کننده صابونی کدام است؟ $(Mg = 24, O = 16, C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$

۱	۴	۱	۲	۱
$\frac{1}{25}$		$\frac{1}{27}$	$\frac{2}{27}$	$\frac{2}{25}$

۱۱۳- کدام گزینه از عبارت‌های زیر درباره پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی درست است؟

- ۱) بخش قطبی در پاک‌کننده‌های غیرصابونی، گروه SO_4^- و در صابون گروه CO_3^- است.
- ۲) پاک‌کننده‌های غیرصابونی با یون‌های منزیم و کلسیم موجود در آبهای سخت واکنش داده و غلظت این یون‌ها را در آب سخت کاهش می‌دهند.
- ۳) در ساختار پاک‌کننده‌های غیرصابونی حداقل ۳ پیوند $C=C$ وجود دارد و جزء هیدروکربن‌های آروماتیک طبقه‌بندی می‌شوند.
- ۴) پاک‌کننده‌های غیرصابونی همانند صابون، براساس برهم‌کنش میان ذره‌ها عمل می‌کنند.

۱۱۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- الف) محلول آبی سدیم هیدروکسید باز آرنیوس محسوب می‌شود در صورتی که سدیم هیدروکسید جامد را نمی‌توان باز آرنیوس در نظر گرفت.
- ب) در دمای یکسان هر محلولی از هیدروکلریک اسید pH کمتری از محلول استیک اسید دارد.
- پ) مقدار درجه یونش اسیدها محدوده‌ای به صورت $1 \leq \alpha \leq 0$ دارد.
- ت) برای باز کردن لوله‌ای که با نوعی اسید چرب مسدود شده باشد، می‌توان از محلول غلیظ سدیم هیدروکسید استفاده کرد.
- ث) کربوکسیلیک اسیدها از جمله اسیدهای ضعیف هستند که تنها هیدروژن گروه کربوکسیل آن‌ها می‌تواند به صورت یون هیدرونیوم وارد محلول شود.

(۱) ۳ (۲) ۲ (۳) ۱ (۴) صفر

۱۱۵- عبارت کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- ۱) آمونیاک همانند سودسوزآور باز تک ظرفیتی به شمار می‌رود و برخلاف آن به طور عمده به شکل مولکولی در آب حل می‌شود.
- ۲) در غلظت و دمای یکسان رسانایی الکتریکی محلول شیشه‌پاک‌کن بیشتر از محلول لوله بازکن است.
- ۳) صابون دارای خاصیت بازی است و کاغذ pH مرتبط را به رنگ سرخ درمی‌آورد.
- ۴) اسید نافلزها در اثر انحلال در آب، با آب واکنش داده و فقط غلظت یون هیدرونیوم را در محلول تغییر می‌دهند.



۱۱۶- ۰/ گرم کلسیم کربنات را در ظرف سربسته یک لیتری وارد می کنیم تا تعادل زیر برقرار شود. در هنگام تعادل مجموع جرم ماده جامد موجود در ظرف برابر 156 g است. اگر در این لحظه کلسیم اکسید موجود در تعادل را در مقداری آب حل کرده و به حجم 250 mL میلی لیتر برسانیم pH محلول حاصل کدام است؟ ($\log 5 = 0.7$)
 $\text{CaCO}_3(s) \rightleftharpoons \text{CaO}(s) + \text{CO}_2(g)$

۱۱/۵ (۴)

۱۱/۹ (۳)

۱۲/۷ (۲)

۱۲/۱ (۱)

۱۱۷- این شکل‌ها واکنش دو قطعه نوار منیزیم یکسان را با محلول دو اسید مختلف در دما و غلظت یکسان نشان می‌دهند؛ چند مورد از موارد زیر درست است؟



(آ)



(ب)

* حباب‌های گاز ایجاد شده مربوط به گاز H_2 است.

* ثابت یونش اسیدی (K_a) اسید موجود در محلول (آ) از (ب) بزرگ‌تر است.

* پیش از واکنش با نوار منیزیم، pH محلول (ب) از محلول (آ) بزرگ‌تر است.

* پیش از واکنش با نوار منیزیم، محلول (آ) رسانایی الکتریکی بیشتری از محلول (ب) داشت.

* اسیدهای موجود در محلول (ب) و (آ) به ترتیب می‌توانند فورمیک اسید و نیتریک اسید باشند.

۱۱/۵ (۴)

۱۱/۴ (۳)

۱۲/۲ (۲)

۱۲/۱ (۱)

۱۱۸- ۱/ گرم پتاسیم اکسید جامد را به 5 mL محلول آبی هیدروکلریک اسید با $\text{pH} = ۲$ در دمای اتاق اضافه می‌کنیم. pH محلول چند واحد تغییر می‌کند؟ ($K = ۳۹$, $O = ۱۶ : \text{g.mol}^{-۱}$)

۱۱/۳/۷ (۴)

۱۱/۲/۷ (۳)

۱۱/۲ (۲)

۱۱/۰/۷ (۱)

۱۱۹- عبارت کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

۱) یافته‌های تجربی آرنیوس نشان داد که محلول تمامی اسیدها و بازها رسانای برق هستند.

۲) ضد اسیدها مانند شیر منیزی (Mg(OH)_2) و جوش شیرین (NaHCO_3) داروهای ضد اسیدی هستند که برای کاهش مقدار اسید معده توسط پزشک تجویز می‌شوند.

۳) اسیدها را بر مبنای میزان واکنش پذیری به صورت قوی و ضعیف دسته‌بندی می‌کنند.

۴) دیواره داخلی معده به طور طبیعی مقادیر کمی از یون‌های هیدرونیوم را پس از ترشح مجددًا جذب می‌کند.

۱۲۰- ۴/ ۸ گرم باز ضعیف MOH را در 2 L لیتر آب حل کرده‌ایم؛ اگر ثابت یونش این باز برابر با $1.5 \times 10^{-۳}\text{ mol.L}^{-۱}$ باشد، pH این محلول و درجه یونش MOH به ترتیب کدام است؟ (از تغییر حجم بر اثر انحلال صرف نظر کنید و $\text{MOH} = 80\text{ g.mol}^{-۱}$)

۱۱/۰/۲ ، ۱۲/۴ (۴)

۱۱/۱/۲ ، ۱۲/۴ (۳)

۱۱/۰/۲۵ ، ۱۲/۴ (۲)

۱۱/۰/۲۵ ، ۱۱/۱/۸ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: تجسم فضایی: صفحه‌های ۷۷ تا ۹۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- اگر L و L' دو خط باشند، فقط یک صفحه شامل خط L وجود دارد که با خط L' موازی باشد.

- (۱) موازی (۲) متقاطع (۳) متنافر (۴) منطبق

۱۲۲- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) اگر دو نقطه از خطی درون یک صفحه باشد، خط در آن صفحه واقع است.

(۲) از هر دو نقطه متمایز در فضاء، تنها یک خط می‌گذرد.

(۳) از هر دو خط موازی در فضاء، تنها یک صفحه می‌گذرد.

(۴) از یک نقطه غیرواقع بر یک صفحه، تنها یک خط موازی با آن صفحه می‌توان رسم کرد.

۱۲۳- مثلث متساوی الساقینی را حول قاعده آن دوران داده‌ایم. در این صورت دو مخروط با قاعده یکسان حاصل می‌شود که شعاع

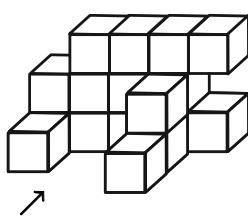
قاعده هر کدام از آن‌ها برابر است با

- (۱) طول قاعده مثلث (۲) طول ارتفاع وارد بر قاعده مثلث

- (۳) نصف طول قاعده مثلث (۴) طول ساق مثلث

۱۲۴- سازه زیر از معکب‌های یکسان تشکیل شده است. مساحت تصویر نمای بالای این سازه چند برابر مساحت تصویر نمای رو به روی

آن است؟



$$(1) \frac{5}{6}$$

$$(2) \frac{9}{13}$$

$$(3) \frac{8}{13}$$

$$(4) \frac{2}{3}$$

۱۲۵- اگر دو خط d_1 و d_2 در فضای d_3 عمود باشند، آنگاه این دو خط نسبت به یکدیگر کدام وضعیت را نمی‌توانند داشته باشند؟

- (۱) موازی (۲) متقاطع

- (۳) متنافر (۴) هر سه حالت امکان پذیر است



۱۲۶- دو صفحه P و Q متقاطع‌اند و خط d با صفحه P موازی است. وضعیت خط d نسبت به صفحه Q کدام است؟

(۱) خط d با صفحه Q موازی است

(۲) خط d به تمامی در صفحه Q قرار دارد

(۳) هر سه حالت امکان پذیر است

(۴) خط d با صفحه Q متقاطع است

۱۲۷- کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟

(۱) هر گاه خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌کند.

(۲) از یک نقطه خارج یک صفحه، بی‌شمار صفحه می‌توان بر آن صفحه عمود رسم کرد.

(۳) هرگاه خطی با یکی از دو خط متقاطع، موازی باشد، با خط دیگر متقاطع است.

(۴) از هر نقطه غیر واقع بر یک خط، تنها یک خط متقاطع با آن خط می‌گذرد.

۱۲۸- کره‌ای به شعاع ۶ سانتی‌متر مفروض است. صفحه‌ای به فاصله ۴ سانتی‌متر از مرکز کره، این کره را قطع کرده است. اگر تمام نقاط

واقع بر سطح مقطع را به مرکز کره وصل کنیم، حجم مخروط حاصل کدام است؟

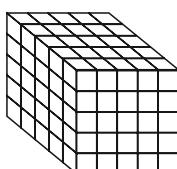
$$\frac{80\pi}{3} \quad (۱)$$

$$80\pi \quad (۲)$$

$$60\pi \quad (۳)$$

$$20\pi \quad (۴)$$

۱۲۹- هر شش وجه شکل زیر را رنگ‌آمیزی کرده‌ایم. چند مکعب کوچک وجود دارد که فقط دو وجه آن رنگ شده باشد؟



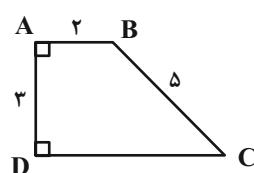
۱۲ (۱)

۱۸ (۲)

۲۴ (۳)

۳۶ (۴)

۱۳۰- حجم حاصل از دوران ذوزنقه قائم الزاویه $ABCD$ حول ضلع AB کدام است؟



$$42\pi \quad (۱)$$

$$46\pi \quad (۲)$$

$$48\pi \quad (۳)$$

$$54\pi \quad (۴)$$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

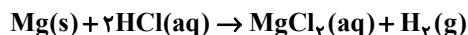
شیمی ۱: آب، آهنک زندگی: صفحه های ۹۸ تا ۱۲۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اختیاری است.

۱۳۱- چه تعداد از عبارت های زیر درست است؟

- * در ساختار یخ هر اتم اکسیژن به دو اتم هیدروژن با پیوند اشتراکی و به دو اتم اکسیژن دیگر با پیوند هیدروژنی متصل شده است.
- * در ساختار یخ اتم های اکسیژن در وسط اصلاح حلقه های شش ضلعی قرار دارند و شبکه ای شبیه کندوی زنبور عسل می سازند.
- * آب فراوان ترین و رایج ترین حلال در طبیعت است که همه مواد مولکولی را در خود حل می کند.
- * چگالی یخ برخلاف نظم مولکول ها از آب کمتر است.

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

۱۳۲- به ۵۰۰ میلی لیتر محلول ۲ مولار HCl، مقدار ۴/۸ گرم منیزیم اضافه می شود. غلظت اسید باقیمانده پس از واکنش کامل فلز چند مول بر لیتر است؟ (حجم محلول را ثابت در نظر بگیرید). ($Mg = ۲۴\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$)

۱/۵ (۴) ۳/۶ (۳) ۴/۲ (۲) ۱/۲ (۱)

۱۳۳- با توجه به جدول داده شده که انحلال پذیری چند ماده را در دمای ۲۵°C نشان می دهد، کدام گزینه درست است؟

انحلال پذیری (گرم حل شونده در ۱۰۰ گرم آب)	فرمول شیمیایی	حل شونده
۹۲	NaNO _۳	سدیم نیترات
۳۶	NaCl	سدیم کلرید
۵×۱۰ ^{-۴}	Ca _۳ (PO _۴) _۲	کلسیم فسفات
۰/۲۳	CaSO _۴	کلسیم سولفات

۱) کلسیم سولفات جزو مواد نامحلول در آب است.

۲) غلظت کلسیم فسفات در محلول سیرشده آن در دمای ۲۵°C به تقریب ۵۰ ppm است.

۳) برای تهیه ۴۸ گرم محلول سیرشده سدیم نیترات در دمای ۲۵°C به ۲۳ گرم NaNO_۳ نیاز است.

۴) درصد جرمی سدیم کلرید در محلول سیرشده آن در دمای ۲۵°C برابر ۳۶ درصد است.

۱۳۴- اگر معادله انحلال پذیری ترکیب فرضی (۵) AB_۲ از رابطه S = aθ + ۵۰ (S: انحلال پذیری، θ: دما بر حسب درجه سلسیوس) پیروی کند و در ۶۰۰ گرم محلول این ترکیب در دمای ۲۹۸K غلظت یون B⁻ برابر ۴×۱۰^۵ ppm باشد، انحلال پذیری این ترکیب در دمای ۳۱/۵°C کدام است؟ (A = ۴۰, B = ۸۰: g·mol^{-۱})

۱۱۵ (۴) ۱۱۴ (۳) ۱۱۳ (۲) ۱۱۲ (۱)

۱۳۵- کدام مقایسه نادرست است؟

۱) قدرت پیوند هیدروژنی: آب- اتانول < آب- آب

۲) جاذبه آب با یون های BaSO_۴ > BaSO_۴ > پیوند هیدروژنی در H₂O + پیوند یونی در H₂O۳) قدرت جاذبه: یون- دوقطبی در محلول AgNO_۳ در آب < پیوند هیدروژنی در H₂O۴) جاذبه آب با یون های MgSO_۴ > MgSO_۴ > پیوند هیدروژنی در H₂O + پیوند یونی در H₂O۱۳۶- انحلال پذیری گاز O_۲ در فشار ۴/۵ atm بر حسب ۹ atm mol·L^{-۱} کدام است؟ غلظت مولار محلول سیرشده گاز اکسیژن درآب در فشار ۹ atm بر حسب ۱۶: g·mol^{-۱} (O = ۱۶: g·mol^{-۱}) (چگالی محلول را ۱ g·mL^{-۱} در نظر بگیرید).۱) ۱/۵×۱۰^{-۳} (۴) ۲) ۱/۲۵×۱۰^{-۳} (۳) ۳) ۱/۵×۱۰^{-۳} (۲) ۴) ۱/۲۵×۱۰^{-۳} (۱)



۱۳۷- با فرض این که جرم مولی گونه‌های A، B و C به تقریب با یکدیگر برابر است و این ترکیب‌ها فاقد اتم هیدروژن هستند چه

تعداد از مقایسه‌های زیر نادرست است؟

الف) قدرت جاذبه بین مولکولی: $C > A > B$

ب) انحلال‌پذیری در آب: $B > A > C$

پ) انحلال‌پذیری در هگزان: $C > A > B$

ت) نقطه جوش: $B > A > C$

ث) جهت‌گیری در میدان الکتریکی: $C > A > B$

گونه	A	B	C
گشتاور دوقطبی	۱/۱	۰	۲/۴

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۳۸- چند مورد از مطالب زیر، درست‌اند؟

آ) فراورده‌های حاصل از سوختن یکی از گازهای گلخانه‌ای از نگاه رفتار در میدان الکتریکی با هم متفاوت‌اند.

ب) در صورت قرار گرفتن مولکول‌های آب و هیدروژن کلرید بین دو صفحه باردار، اتم هیدروژن به سمت صفحه با بار الکتریکی منفی جهت‌گیری می‌کند.

پ) در واکنش سوختن ناقص C_2H_6 ، گشتاور دوقطبی یکی از فراورده‌ها بزرگ‌تر از صفر است.

ت) اگر هر دو مولکول H_2A و H_2B قطبی باشند، قطعاً مولکول با جرم مولی بیشتر نقطه جوش بالاتری دارد.

۳ (۲)

۱ (۴)

۴ (۱)

۲ (۳)

۱۳۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) به دلیل بیشتر بودن نقطه جوش ترکیب CO از N_2 ، گاز CO آسان‌تر به مایع تبدیل می‌شود.

ب) در مواد مولکولی با جرم مولی مشابه ماده با مولکول‌های قطبی نقطه جوش کمتری دارد.

پ) اتانول و استون به هر نسبتی در آب حل می‌شوند و نمی‌توان محلول سیرشده‌ای از آن‌ها تهیه کرد.

ت) مولکول‌های N_2 و O_2 به دلیل ناقطبی بودن در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

۲ (۲)

۴ (۴)

۱ (۱)

۳ (۳)

۱۴۰- کدام گزینه از عبارت‌های زیر در مقایسه دو روش اسمز معکوس و اسمز نادرست است؟

۱) با انجام اسمز معکوس به تدریج غلظت محلول غلیظ بیشتر خواهد شد.

۲) اسمز فرایندی خودبه‌خودی بوده اما در اسمز معکوس نیازمند اعمال فشار خارجی هستیم.

۳) از طریق غشای نیمه‌تراوا و در اسمز معکوس آب از محلول غلیظتر به محلول مقابل می‌رود.

۴) از روش اسمز معکوس برخلاف اسمز نمی‌توان برای تصفیه آب استفاده کرد.



آزمون ۲۴ شهریور ۱۴۰۲

رقمی پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

جدید آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	امیرحسین ابومحوب - کاظم اجلالی - عباس اشرفی - امیرهشتنگ انصاری - میلاد چاشمی - عادل حسینی - آریان حیدری - امیرهشتنگ خمسه وحید راحتی - میلاد سجادی لاریجانی - علی شهرابی - محمد صحت کار - رضا علی نواز - مهرداد ملوندی - میلاد منصوری - سروش موئینی جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابومحوب - علی ایمانی - جواد حاتمی - سیدمحمد رضا حسینی فرد - افشنین خاصه خان - فرزانه خاکپاش - محمد خندان - کیوان دارابی رضا عباسی اصل - احمد رضا فلاخ - سهام مجیدی پور - نوید مجیدی - نصیر محبی نژاد - مجید محمدی نویسی - علیرضا نصرالهی - محمد هجری سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحوب - جواد حاتمی - سید محمد حسینی فرد - فرزانه خاکپاش - کیوان دارابی - سیدوحید ذوالقدری - ندا صالح پور محمد صحت کار - احمد رضا فلاخ - مرتضی فهیم علوی - نیافر مهدوی - محمد هجری - مهدی وقوی
فیزیک	معصومه افضلی - احسان ایرانی - زهره آقامحمدی - امیر مهدی جعفری - امیر علی حاتم خانی - بهنام رستمی - محمد ساکی - مهدی سلطانی سعید شرق - مریم شیخ معمو - پوریا للافمند - مسعود قره خانی - مصطفی کیانی - غلام رضا محبی - احسان محمدی - امیر محمودی انزلی حسین مخدومی - حسام نادری - حسین ناصحی
شیمی	امیر حاتمیان - ارژنگ خانلری - حمید ذبحی - علی رفیعی - محمد رضا زهره وند - آروین شجاعی - امیرحسین طبیی سود کلابی رسول عابدینی زواره - حسین ناصری ثانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	آمار و احتمال و ریاضیات گسته	هندسه	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب سوگند روشنی	امیرحسین ابومحوب	امیر حاتمیان	متصفی کیانی
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی مهدی ملار مضانی	عادل حسینی	عادل حسینی	بهنام قازانچی محمد حسن محمدزاده مقدم	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب	امیرحسین ابومحوب	امیرحسین مسلمی	محمد ساکی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	حسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنیزاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح‌الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - بلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳



$$\lim_{x \rightarrow 0} g(x^3 - x^2 + 3) = \lim_{t \rightarrow 3^+} g(t) = \lim_{t \rightarrow 3^+} \left[\sin\left(\frac{3\pi}{t}\right) \right] \\ = \left[\sin \pi^- \right] = \left[0^+ \right] = 0$$

(حسابان - مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۵)

(آریان میری)

گزینه «۴»

-۵

$$1 - x^2 \geq 0 \Rightarrow -1 \leq x \leq 1$$

دامنه تابع را بدست می‌آوریم:

$$x - \frac{1}{2}[2x] \neq 0 \Rightarrow 2x \neq [2x] \Rightarrow 2x \neq k (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow x \neq \frac{k}{2}$$

$\xrightarrow{-1 \leq x \leq 1} x \neq 0, \pm \frac{1}{2}, \pm 1$

پس نهایتاً دامنه تابع برابر است با:

$$D_f = (-1, 1) - \{0, \pm \frac{1}{2}\}$$

 واضح است که این بازه در نقاط $\pm \frac{1}{2}$ و $x = 0$ دارای همسایگی محذوف ودر نقاط $x = \pm 1$ دارای همسایگی یک‌طرفه است پس:

$$\begin{cases} m = 0 \text{ یا } \frac{1}{2} \\ n = 1 \text{ یا } -\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$m \times n = 0 \text{ یا } \frac{1}{2}$$

(حسابان - مر و پیوستگی؛ صفحه ۱۳۶)

(سروش موئین)

گزینه «۳»

-۶

چون حد مخرج صفر و حاصل حد، عددی حقیقی است، پس حد صورت هم صفر است.

$$3 - \sqrt{3+b} = 0 \Rightarrow \sqrt{3+b} = 3 \Rightarrow 3+b = 9 \Rightarrow b = 6$$

و داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x - \sqrt{x+6}}{x - 3} = a \xrightarrow{\text{ضرب در مزدوج}}$$

(ویرایش راهنمایی)

حسابان ۱

گزینه «۱»

-۱

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{[\sin x] + 2}{5\pi \cos 2x - 1} = \frac{[-\sqrt{2}] + 2}{0 - 1} = \frac{-1 + 2}{-1} = -1$$

(حسابان - مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۳۳)

(سروش موئین)

گزینه «۱»

-۲

$$\lim_{x \rightarrow n^+} \frac{f(x)}{x - n^+} = \lim_{x \rightarrow n^+} \frac{x[x]}{x - n^+} = \frac{n^2}{n(n-1)} \xrightarrow{n \neq 0} \frac{n}{n-1} = 1 / 0^+$$

$$= \frac{n}{n-1} = \frac{51}{50}$$

$$\Rightarrow n = 51 \xrightarrow{\text{مجموع ارقام}}$$

(حسابان - مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۲۹ تا ۱۳۳)

(میلاد سجادی لاریجانی)

گزینه «۳»

-۳

$$g(x) = \sqrt{f(x)} \Rightarrow D_g = \{x \in D_f \mid f(x) \geq 0\}$$

$$\Rightarrow D_g = [-4, 2] \cup [4, +\infty)$$

از آنجا که برای وجود حد باید دامنه تابع در همسایگی نقطه مورد نظر

تعریف شده باشد، با توجه به نمودار برای نقاط صحیح $\{-4, 2, 4\}$ همسایگی

محذوف در دامنه تابع تعریف نشده است و تابع در این نقاط حد ندارد.

(حسابان - مر و پیوستگی؛ صفحه ۱۱۹)

(میلاد پاشمن)

گزینه «۱»

-۴

از آنجایی که در نزدیکی عدد صفر همواره $x^3 > x^2$ است، پس

است و داریم:

 $x^2 - x^3 > 0$



دقت کنید گزینه «۳» نادرست است، زیرا f در نقاط $x=1$ و $x=2$ ناپیوسته است.

(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۱)

(عباس اشرفی)

گزینه «۳» -۹

اگر f تابعی پیوسته و در همسایگی $x=a$ اکیداً نزولی، به شرط این که مقدار

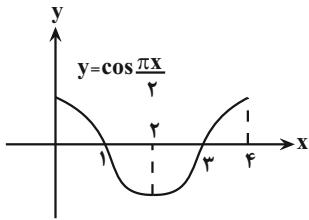
عددي صحیح باشد، تابع $y=f(x)$ در این نقطه فقط پیوستگی چپ دارد.

تابع $y=\frac{1}{x}$ در همسایگی چپ $x=1$ اکیداً نزولی و در همسایگی

راست $x=1$ اکیداً صعودی است.

با رسم نمودار تابع $y=\cos \frac{\pi x}{2}$ متوجه می‌شویم که این تابع در همسایگی

$x=1$ اکیداً نزولی است و تابع $h(x)$ در $x=1$ فقط از چپ پیوسته است.



(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۱)

(علی نواز)

گزینه «۳» -۱۰

باید حد تابع f در $x=1$ با مقدار تابع در نقطه $x=1$ برابر باشد.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\cos \pi x + \cos \pi x}{\sin^2 \pi x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\cos \pi x + 2 \cos^2 \pi x - 1}{1 - \cos^2 \pi x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(2 \cos \pi x - 1)(\cos \pi x + 1)}{(\sin \pi x)(\cos \pi x)} = \frac{-2 - 1}{1 - (-1)} = \frac{-3}{2} = f(1) = a$$

(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۱)

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - (x+6)}{(x-3)(x+\sqrt{x+6})} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x - 6}{(x-3)(x+\sqrt{x+6})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+2}{x+\sqrt{x+6}} = a = \frac{5}{6}$$

$$a+b = \frac{5}{6} + 6 = \frac{41}{6}$$

(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۵)

(عادل فسینی)

گزینه «۴» -۷

می‌دانیم روابط زیر برقرار است:

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \Rightarrow \sin^2 x = 1 - \cos^2 x \Rightarrow |\sin x| = \sqrt{1 - \cos^2 x}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = \sqrt{1 - \cos^2 x} & ; \sin x \geq 0 \\ \sin x = -\sqrt{1 - \cos^2 x} & ; \sin x < 0 \end{cases}$$

حال برای حد داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sin x}$$

$$= \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sqrt{1 - \cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sqrt{1 - \cos x} \times \sqrt{1 + \cos x}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{-\sqrt{1 - \cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{-\sqrt{1 - \cos x} \times \sqrt{1 + \cos x}} = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

چون مقادیر حد چپ و راست برابر نیستند، حاصل حد وجود ندارد.

(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۵)

(علی شهربانی)

گزینه «۴» -۸

تابع f در بازه $[1, 2]$ پیوسته است، زیرا:

اولاً در تمام نقاط بازه $(1, 2)$ پیوسته است.

ثانیاً در $x=1$ ، پیوستگی راست دارد.

ثالثاً در $x=2$ ، پیوستگی چپ دارد.



(پهلوار هاتمن)

گزینه «۲» - ۱۴

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} + \hat{C} = 180^\circ - \hat{B}$$

$$\Rightarrow \sin(\hat{A} + \hat{C}) = \sin(180^\circ - \hat{B}) = \sin \hat{B} \Rightarrow \sin \hat{B} = \frac{1}{3}$$

اگر شعاع دایره محیطی مثلث ABC را با R نمایش دهیم، آن‌گاه طبق قضیه سینوس‌ها داریم:

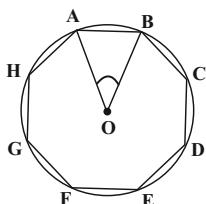
$$\frac{AC}{\sin \hat{B}} = 2R \Rightarrow \frac{\Delta}{\frac{1}{3}} = 2R \Rightarrow 2R = 15 \Rightarrow R = 7.5$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۵ تا ۶۷)

(اخشین فاصله‌فان)

گزینه «۳» - ۱۵

مطابق شکل داریم:



$$\hat{AOB} = \frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$$

$$S_{AOB} = \frac{1}{2} OA \times OB \times \sin(\hat{AOB})$$

$$= \frac{1}{2} \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= \frac{1}{2} \times \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{1}{2}$$

$$S_{AOB} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۱» - ۱۶

طبق قضیه استوارت در مثلث ABC داریم:

$$AB^2 \times DC + AC^2 \times BD = AD^2 \times BC + BD \times DC \times BC$$

$$\Rightarrow 4^2 \times 5 + 6^2 \times 3 = AD^2 \times 8 + 3 \times 5 \times 8$$

$$\Rightarrow 80 + 108 = 8AD^2 + 120 \Rightarrow 8AD^2 = 68 \Rightarrow AD^2 = \frac{17}{2}$$

$$\Rightarrow AD = \frac{\sqrt{17}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{34}}{2}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه ۶۹)

هندسه ۲

گزینه «۲» - ۱۱

(ممدر هبری)

طبق نامساوی مثلثی داریم: (۱)

در مثلث حاده‌الزاویه، مربع طول هر ضلع از مجموع مربعات طول‌های اضلاع

$$a^2 < b^2 + c^2 = 289 \Rightarrow a < 17$$

$$\xrightarrow[a \leq 16]{\text{عدد صحیح است}} a \leq 16 \quad (2)$$

$$15^2 < a^2 + b^2 \Rightarrow a^2 > 15^2 - b^2 = 161$$

$$\xrightarrow[a \geq 13]{\text{عدد صحیح است}} a \geq 13 \quad (3)$$

بدیهی است $a^2 < b^2 + c^2$

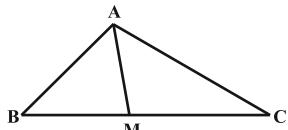
$$(1), (2), (3) \Rightarrow 13 \leq a \leq 16$$

بنابراین چهار مقدار صحیح برای a وجود دارد.

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه ۷۶)

گزینه «۳» - ۱۲

طبق قضیه میانه‌ها در مثلث ABC داریم:



$$AB^2 + AC^2 = 2AM^2 + \frac{BC^2}{4}$$

$$\Rightarrow 7^2 + 9^2 = 2AM^2 + \frac{10^2}{4}$$

$$\Rightarrow 130 = 2AM^2 + 50 \Rightarrow AM^2 = 40 \Rightarrow AM = \sqrt{10}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه ۶۹)

گزینه «۲» - ۱۳

(سید محمد رضا حسینی خرد)

اگر S مساحت و P نصف محیط این مثلث باشد، آن‌گاه طبق قضیه هرون داریم:

$$P = \frac{12+17+25}{2} = 27$$

$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{27 \times 15 \times 10 \times 2}$$

$$= \sqrt{2^3 \times (3 \times 5) \times (2 \times 5) \times 2} = \sqrt{2^2 \times 3^2 \times 5^2} = 2 \times 2^2 \times 5 = 60$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)



(ممدر هبری)

گزینه «۴» - ۱۹

مطابق تعریف چهارضلعی محاطی، دو زاویه \hat{D} و \hat{B} مکمل بکدیگرند.

$$\cos \hat{B} = \cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha = -\frac{1}{\lambda}$$

حال طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث‌های ABC و ADC داریم:

$$AC^2 = AD^2 + DC^2 - 2AD \cdot DC \cos \alpha \quad (1)$$

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \cdot BC \cos \alpha \quad (2)$$

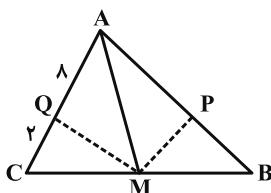
$$(1), (2) \Rightarrow \gamma^2 + \gamma^2 - 2 \times \gamma \times \gamma \times \frac{1}{\lambda} = x^2 + x^2 + 2 \times x \times x \times \frac{1}{\lambda}$$

$$2x^2 + 2x - 2\gamma = 0 \Rightarrow (2x + 1)(x - 1) = 0 \Rightarrow x = 1$$

(هنرسه -۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۶)

(نویر مبتدی)

گزینه «۴» - ۲۰



چون MP و MQ به ترتیب نیمسازهای زاویه‌های AMB و AMC نیمساز است:

هستند، بنابر قضیه نیمسازهای زوایای داخلی خواهیم داشت:

$$\Delta AMB: MP \Rightarrow \frac{AP}{PB} = \frac{AM}{MB}$$

$$\Delta AMC: MQ \Rightarrow \frac{AQ}{QC} = \frac{AM}{MC}$$

چون $MC = MB$ ، پس سمت راست تساوی‌های بالا با هم برابرند و از این‌رو

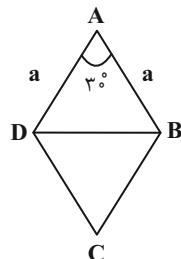
$$\frac{AP}{PB} = \frac{AQ}{QC} \text{ در نتیجه: } \frac{AP}{PB} = \frac{AQ}{QC}$$

$$\frac{AP}{AP+PB} = \frac{AQ}{AQ+QC} \Rightarrow \frac{AP}{9} = \frac{\lambda}{10} \Rightarrow AP = \frac{\lambda}{10} \times 9$$

(هنرسه -۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

(اخشین فاصله‌گذان)

گزینه «۳» - ۱۷



فرض کنید طول هر ضلع لوزی برابر a باشد. طبق قضیه کسینوس‌ها در

مثلث ABD داریم:

$$BD^2 = AB^2 + AD^2 - 2AB \cdot AD \cos \hat{A}$$

$$\Rightarrow 9(2 - \sqrt{3}) = a^2 + a^2 - 2 \times a \times a \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow 9(2 - \sqrt{3}) = a^2 (2 - \sqrt{3}) \Rightarrow a^2 = 9$$

طبق رابطه سینوسی مساحت مثلث داریم:

$$S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2} AB \cdot AD \sin \hat{A} = \frac{1}{2} a \times a \times \frac{1}{2} = \frac{a^2}{4} = \frac{9}{4}$$

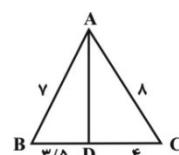
$$\Rightarrow S_{ABCD} = 2 \times \frac{9}{4} = \frac{9}{2}$$

(هنرسه -۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۶)

(نویر مبتدی)

گزینه «۲» - ۱۸

براساس قضیه نیمسازهای زوایای داخلی داریم:



$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{\gamma}{\lambda} \xrightarrow{\text{ترکیب نسبت در مخرج}} \frac{BD}{BD+DC} = \frac{\gamma}{\gamma+\lambda}$$

$$\Rightarrow \frac{BD}{\gamma/5} = \frac{\gamma}{15}$$

$$\Rightarrow BD = \frac{\gamma}{5} \Rightarrow DC = 4$$

در مثلث ABC ، طول نیمساز زاویه داخلی A برابر است با:

$$AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot DC = 7 \times 8 - \frac{3}{5} \times 4 = 56 - 14 = 42$$

$$\Rightarrow AD = \sqrt{42}$$

(هنرسه -۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)



(امیرحسین ابوموسیوب)

گزینه «۴» - ۲۵

انحراف معیار برآورد میانگین یک نمونه برابر انحراف معیار جامعه تقسیم بر

جذر اندازه نمونه است. بنابراین اگر $n_1 = 25$ و $n_2 = 225$ فرض شود،

آنگاه داریم:

$$\frac{\sigma}{\sigma_{\bar{x}_1}} = \frac{\sqrt{n_2}}{\sqrt{n_1}} \Rightarrow \frac{\sigma_{\bar{x}_2}}{1/8} = \frac{\sqrt{225}}{\sqrt{225}} = \frac{5}{15} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \sigma_{\bar{x}_2} = 0/6$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه ۱۱۳)

(بواحد هاتمن)

گزینه «۴» - ۲۶

با توجه به اینکه از بین ۲۴۰ عدد، ۲۰ عدد انتخاب شده است، پس اعداد

به گروههای ۱۲ تایی ($12 = \frac{240}{20}$) تقسیم شده‌اند. از طرفی

۱۱۵ = $9 \times 12 + 7$ است، بنابراین شماره n امین عدد انتخابی از رابطه

$$n-1+7$$

$$= 12 - 1 + 7 = 11 = 4 - 1 + 7 = 36 + 7 = 43$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۰۷ و ۱۱۰)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۴» - ۲۷

گزاره (الف) درست است؛ زیرا وسط بازه اطمینان همان برآورد نقطه‌ای یا

آماره حاصل از نمونه‌گیری است.

گزاره (ب) نادرست است؛ زیرا بدون معلوم بودن اندازه نمونه، نمی‌توان

انحراف معیار جامعه را مشخص کرد.

گزاره (پ) درست است؛ زیرا طول بازه اطمینان ۴ برابر انحراف معیار

میانگین است.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۴)

(سید و محمد زوالقفاری)

آمار و احتمال**گزینه «۱» - ۲۱**

به هر یک از افراد یا اشیا که داده‌های مربوط به آنها در یک بررسی آماری گردآوری می‌شود، واحد آماری و به مجموعه کل آنها، جامعه آماری گفته می‌شود.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه ۱۱۴)

گزینه «۳» - ۲۲

در روش نمونه‌گیری طبقه‌ای، پس از طبقه‌بندی جامعه به زیرجامعه‌های مجزا، از هر طبقه، یک نمونه تصادفی ساده انتخاب می‌کنیم.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۷)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۱» - ۲۳

برای بررسی رضایت مردم تهران از وسائل نقلیه عمومی از روش مصاحبه استفاده می‌کنیم اما گردآوری داده‌ها در سایر گزینه‌ها با روش مشاهده امکان‌پذیر است.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۲ تا ۱۱۴)

(نرا صالح پور)

گزینه «۲» - ۲۴

با توجه به تعاریف، «الف» و «ت» صحیح می‌باشند.

«ب» فرآیند نتیجه‌گیری درباره پارامترهای جامعه بر اساس نمونه را آمار استنباطی گوییم.

«پ» برای بررسی یک جامعه، نمونه‌گیری نالریب ارزش بالایی دارد.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۰، ۱۱۱ و ۱۱۵)

گزینه «۲» - ۲۸

بنابراین برآورد نقطه‌ای میانگین ۵ نمونه سه‌تایی از میانگین واقعی کمتر است.

اگر پیشامد مورد نظر را با A نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$P(A) = \frac{5}{10} = 0.5$$

(آمار و احتمال-آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

(نیلوفر مهدوی)

برآورد بازه‌ای با اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه به صورت

$$[a, b] \text{ است. حال اگر بازه اطمینان به صورت } [\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}]$$

باشد، مرکز این بازه به صورت $\bar{x} = \frac{a+b}{2}$ و طول آن به صورت

$$b-a = \frac{4\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\bar{x} = \frac{46/8 + 47/6}{2} = 47/2$$

$$47/6 - 46/8 = \frac{4\sigma}{\sqrt{n}} \Rightarrow 0.1 = \frac{4 \times \sqrt{121}}{\sqrt{n}}$$

$$\Rightarrow 0.1 = \frac{44}{\sqrt{n}} \Rightarrow \sqrt{n} = 55 \Rightarrow n = 55^2$$

$$\sum x_i = n\bar{x} = 55^2 \times 47/2 = 1180 \times 11$$

(آمار و احتمال-آمار استنباطی: صفحه ۱۲۲)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۲» - ۳۰

میانه اعداد ۰ تا N ، همواره برابر $\frac{N}{2}$ است، زیرا در صورتی که N زوج

باشد، تعداد اعداد یعنی $N+1$ فرد است و داده $\frac{N}{2}$ دقیقاً وسط داده‌ها قرار

می‌گیرد، پس میانه است و در صورتی که N فرد باشد، تعداد اعداد زوج است

و در نتیجه میانه برابر میانگین دو داده وسط یعنی $\frac{N+1}{2}$ و $\frac{N-1}{2}$ است که

برابر $\frac{N}{2}$ می‌باشد. با توجه به این که تعداد اعداد انتخابی برابر ۱۲ است، پس

میانه داده‌ها برابر میانگین داده‌های ششم و هفتم است و در نتیجه داریم:

$$\frac{13+15}{2} = \frac{28}{2} \Rightarrow \frac{N}{2} = \frac{28}{2} \Rightarrow N = 28 \quad \text{میانه}$$

(آمار و احتمال-آمار استنباطی: مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۲۵)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۳» - ۲۹

$$\bar{x} = \frac{2+3+4+7+9}{5} = 5 : \text{میانگین جامعه}$$

نمونه سه‌تایی	برآورد نقطه‌ای میانگین
۲, ۳, ۴	۳
۲, ۳, ۷	۴
۲, ۳, ۹	۴/۶۷
۲, ۴, ۷	۴/۳۴
۲, ۴, ۹	۵
۲, ۷, ۹	۶
۳, ۴, ۷	۴/۶۷
۳, ۴, ۹	۵/۳۴
۳, ۷, ۹	۶/۳۴
۴, ۷, ۹	۶/۶۷

فیزیک ۲

«۲» - ۳۱

(مسین ناچیع)

شار مغناطیسی یک کمیت نرده‌ای است. همچنین طبق رابطه شار مغناطیسی داریم:

$$\Phi = AB \cos \theta$$

$$\text{شار} = T \cdot m^{\perp} = Wb$$

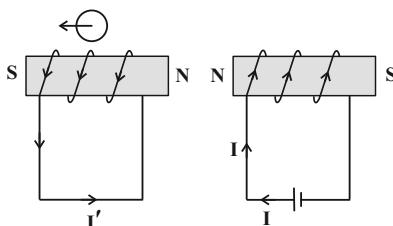
(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و همیان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(پوریا علاوه‌مند)

«۳» - ۳۴

وقتی کلید را می‌بندیم طبق قانون لنز در سیم‌لوله سمت چپ، قطب N و

به صورت زیر قرار می‌گیرد و قطب‌نما سمت چپ را نشان می‌دهد.



(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و همیان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(بعنام، رسمی)

«۳» - ۳۵

ابتدا مدت زمانی را که طول می‌کشد تا قاب به‌طور کامل داخل میدان قرار

گیرد، می‌باییم:

$$d = vt \Rightarrow 0 / 5 = 5t \Rightarrow t = 0 / 1s$$

حال طی این مدت تغییرات شار و نیروی حرکت القای برابر است با:

$$\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow[N=1, \Delta \Phi = \Phi_2 - \Phi_1]{\Delta t = 0 / 1s}$$

$$\bar{\epsilon} = \frac{-1 \times (\Phi_2 - \Phi_1)}{0 / 1} \xrightarrow[\Phi_1 = 0]{\Phi_2 = 0 / 5 \times 0 / 4 \times 2 \times 0 \times 10^{-4} = 4 \times 10^{-3} Wb}$$

$$\bar{\epsilon} = -1 \times \left(\frac{4 \times 10^{-3} - 0}{0 / 1} \right) = -0 / 0.4 V$$

به طریق مشابه و به دلیل تقارن، هنگام خارج شدن نیز نیروی حرکت القای

۰ / ۰.۴ V در حلقه ایجاد می‌شود.

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و همیان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

«۲» - ۳۲

(غلامرضا مصیع)

برای به دست آوردن شار ابتدا مساحت حلقه را حساب می‌کنیم:

$$A = 40 \times 20 \times 10^{-4} m^2 = 8 \times 10^{-2} m^2$$

$$\theta = 60^\circ$$

$$\Phi = BA \cos \theta = 10 \times 8 \times 10^{-2} \times \frac{1}{2} = 0 / 4 Wb$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و همیان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۴)

«۲» - ۳۳

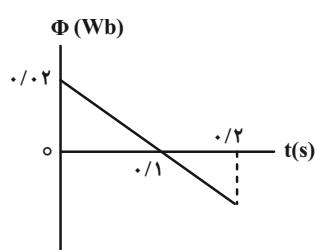
(مسطفی کیانی)

چون نمودار $\Phi - t$ به صورت یک خط راست با شیب منفی است، بنابراین

$$\text{رابطه} \quad \Phi = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -\frac{\epsilon_{av}}{t} \quad \text{نیروی حرکت القای در تمام لحظه‌های بازه زمانی}$$

صفر ثانیه تا $0 / 2s$ (از جمله لحظه $t = 0 / 0.5s$) عددی ثابت و مثبتمی‌باشد. بنابراین کافی است، شیب این خط را که برابر $\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ است، بیابیم و

را پیدا کنیم:





(امیرمودری بعفری)

گزینه «۳» - ۳۹

با توجه به جهت نشان داده شده برای I_1 ، مولد جریان به مدت $\frac{T}{2}$ در

جهت ساعتگرد در مدار جریان ایجاد می‌کند. سپس به مدت $\frac{T}{2}$ در جهت

پادساعتگرد و دوباره به مدت $\frac{T}{2}$ در جهت ساعتگرد در مدار جریان ایجاد

می‌کند. با توجه به جهتی که دیود در مدار قرار گرفته است، در لحظاتی که

مولد در جهت ساعتگرد جریان ایجاد می‌کند، دیود با جریان گذرنده

مخالفت کرده و در نتیجه جریانی از R نمی‌گذرد. پس از 0 تا $\frac{T}{2}$ و از

T تا $\frac{3T}{2}$ جریانی نمی‌گذرد و تنها از T جریان از مدار عبور

می‌کند. لذا نمودار مربوط به جریان I_2 شبیه نمودار گزینه «۳» صحیح

است.

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و هریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۱۸، ۱۱۹، ۱۲۳ و ۱۲۵)

(ممدر ساکن)

گزینه «۳» - ۴۰

با توجه به داده‌ها داریم:

$$N_1 = 60$$

$$N_2 = 180$$

$$V_1 = ?$$

$$V_2 = 4 / 5 V$$

با جایگذاری در رابطه داریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow \frac{4 / 5 V}{V_1} = \frac{180}{60} \Rightarrow V_1 = 1 / 5 V$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و هریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۲۶ و ۱۲۷)

(معصومه افشاری)

گزینه «۳» - ۳۶

با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

$$\left| \epsilon \right| = B \ell v \\ I = \frac{\left| \epsilon \right|}{R} \Rightarrow I = \frac{B \ell v}{R}$$

$$\Rightarrow 2 = \frac{(5000 \times 10^{-4}) \times (40 \times 10^{-2}) \times 4}{R} \Rightarrow R = 0 / 4 \Omega$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و هریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۱۵ تا

و هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۳۹ و ۵۰)

(زهره آقامحمدی)

گزینه «۴» - ۳۷

در مرحله (a) حلقه در حال ورود به میدان و شار مغناطیسی عبوری از آن

در حال افزایش است. در مرحله (b) شار ثابت است و در مرحله (c) شار

در حال کاهش است.

در مرحله (c) چون شار در حال کاهش است پس میدان القایی برونو سو

است و با توجه به قاعده دست راست جهت جریان القایی در حلقه

پادساعتگرد است.

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و هریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(مدیر شیخ‌محمو)

گزینه «۴» - ۳۸

با توجه به معادله $I = 6 \sin 10\pi t$ ، بیشینه جریان الکتریکی برابر

است. بنابراین داریم: $I_m = 6 A$

$$U_m = \frac{1}{2} L I_m^2 \xrightarrow{L = 0 / 2H} U_m = \frac{1}{2} \times 0 / 2 \times 36 = 3 / 6 J$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و هریان متناوب؛ صفحه‌های ۱۲۱، ۱۲۲، ۱۲۳ و ۱۲۵)



(شیمی زیست)

گزینه «۳» - ۴۴

در هر واحد تکرارشونده تفلون ۴ اتم فلور و وجود دارد، اگر در هر زنجیر پلیمری آن ۳۲۰۰ اتم فلور باشد، پس تعداد واحد تکرارشونده برابر ۸۰۰ است.

$$\text{خواهد بود } (n = \frac{3200}{4}) \text{ و جرم مولی هر زنجیر پلیمری آن برابر } (C \times 2) + (F \times 4) \times 800 = 80000 \text{ خواهد بود.}$$

$$\frac{\text{تفلون} \ 1\text{ mol}}{\text{تفلون} \ 80000 \text{ g}} \times \text{تفلون} \ 40 \text{ g} = \text{درشت مولکول} ?$$

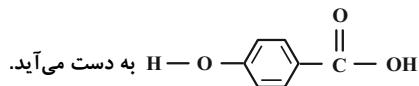
$$\times \frac{\text{درشت مولکول} \ 6 \times 10^{23}}{\text{تفلون} \ 1 \text{ mol}} = 3 \times 10^{20}$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۲ و ۱۰۳)

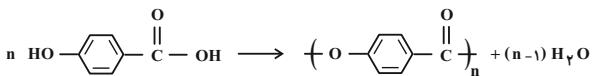
(شیمی زیست)

گزینه «۳» - ۴۵

یک نوع پلی استر است که از پلیمری شدن



فرمول مولکولی مونومر آن $\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2$ است و در هر واحد مونومری آن ۲۰ پیوند اشتراکی وجود دارد. همچنین به ازای تشکیل هر واحد تکرارشونده یک مولکول آب تولید می شود.



(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۶ و ۱۰۷)

(امیرحسین طیبی سوکلابی)

گزینه «۴» - ۴۶

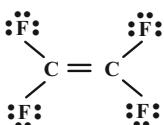
همه موارد درست است.

بررسی موارد:

مورود اول: هر دو گروه عاملی کربوکسیلیک اسید و آمین در این ترکیب وجود دارد.

مورود دوم: این مولکول هیدروژن متصل به اتم های نیتروژن و اکسیژن دارد و می تواند با مولکول های خودش پیوند هیدروژنی برقرار کند.

مورود سوم: در این مولکول همانند مونومر تفلون (تترافلورورواتن)، ۱۲ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.



شیمی ۲

گزینه «۳» - ۴۱

بررسی سایر گزینه ها:

(۱) فراورده به دست آمده سیر شده است ولی هیدروکربن نیست.

(۲) شمار اتم های متصل به هر اتم کربن از ۳ به ۴ افزایش می یابد.

(۳) از بسیار حاصل (پلی وینیل کلرید) در تهیه کیسه نگهداری خون استفاده می شود.

(شیمی ۲ - صفحه ۱۰۴)

گزینه «۱» - ۴۲

بررسی موارد:

(۱) نادرست؛ درصد جرمی کربن در هر دو برابر است.

(۲) نادرست؛ تعداد اتم ها در جرم های برابر از دو پلیمر یکسان است.

(۳) نادرست؛ چگالی هر دو کوچک تر از 1 g.cm^{-3} است.

(۴) نادرست؛ شاخه ها باعث ایجاد فاصله بین زنجیرها و کاهش سطح تماس می شود.

(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۴، ۱۰۵ و ۱۰۶)

گزینه «۳» - ۴۳

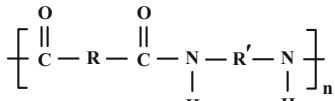
بررسی گزینه ها:

(۱) نادرست؛ پلی اتن شاخه دار همان پلی اتن سبک و پلی اتن بدون شاخه همان پلی اتن سنگین می باشد که در پلی اتن سبک به دلیل وجود فضاهای خالی بین شاخه ها و حجم بیشتر، چگالی کمتر بوده و همچنان نیروی بین مولکولی در آن ضعیف تر است، از این رو نقطه جوش پایین تری دارد.

(۲) نادرست؛ در واکنش استری شدن، الكل ها H و کربوکسیلیک اسیدها از دست می دهند.

(۳) درست؛ مونومر سازنده پلیمر مورد نظر، $(\text{HCOOCH}_2)_n$ می باشد که دارای ۱ پیوند دوگانه و ۷ پیوند یکانه است.

(۴) نادرست؛ کولار یک پلی آمید است و ساختار کلی پلی آمیدها به صورت زیر می باشد.



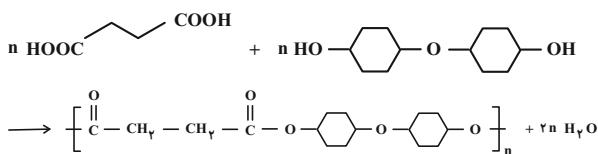
(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۴، ۱۰۵ و ۱۰۶)



(امیرحسین طیب سوکلاین)

«۴۹» گزینه

واکنش تشکیل پلی استر:



$$\text{پلی استر A} \times \frac{1 \text{ mol A}}{118 \text{ g A}} \times \frac{1 \text{ mol ester}}{1 \text{ mol A}} \times \frac{1 \text{ mol ester}}{n \text{ mol A}}$$

$$\times \frac{296n \text{ g}}{1 \text{ mol ester}} = \frac{\text{پلی استر}}{\text{پلی استر}} = 592 \text{ g}$$

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰۱ و ۱۱۲ تا ۱۱۴)

(امیر هاتمیان)

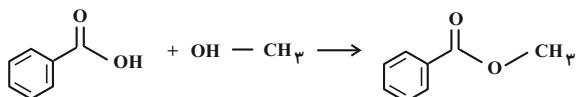
«۵۰» گزینه

همه عبارت ها درست هستند.

فرمول مولکولی ترکیب های (۱) تا (۶) به ترتیب C_8H_{10} , C_8H_{10} , $\text{C}_8\text{H}_8\text{O}_2$, $\text{C}_6\text{H}_5\text{CHO}$, $\text{C}_8\text{H}_8\text{COOH}$, C_8H_8 است.

بررسی همه عبارت ها:

عبارت اول:



عبارت دوم: ترکیب (۴) به دلیل داشتن پیوند هیدروژنی نقطه جوش بالاتری دارد.

عبارت سوم: ترکیب های (۱) و (۲) ایزومر یکدیگر هستند و فرمول مولکولی آن ها است. فرمول مولکولی ترکیب (۳) نیز به صورت C_8H_8 است. با توجه به برابری تعداد اتم های کربن در هر سه مولکول بدون انجام محاسبه می توان گفت که چون جرم مولی ترکیب های (۱) و (۲) بیشتر از ترکیب (۳) است؛ پس درصد جرمی اتم کربن در ترکیب (۳) بیشتر از درصد جرمی کربن در ترکیب های (۱) و (۲) است.

عبارت چهارم: اختلاف تعداد اتم های هیدروژن در ترکیب های (۱) و (۳) همانند ترکیب های (۴) و (۶) برابر ۲ است.

عبارت پنجم: ترکیب (۳) همان استیرن است که از پلیمر آن در ساخت ظروف یکبار مصرف استفاده می شود و پلیمر نشان داده شده نیز ساختار پلی استیرن را نشان می دهد.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰۱ و ۱۱۲ تا ۱۱۴)

مورد چهارم: فرمول مولکولی این ترکیب، $\text{C}_{34}\text{H}_{34}\text{O}_4\text{N}_4$ می باشد و نسبت تعداد اتم های هیدروژن به کربن در آن با مولکول بنزن (C_6H_6) برابر است.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰۱ و ۱۱۲ تا ۱۱۴)

«۴۷» گزینه

آب + استر \rightarrow الکل + کربوکسیلیک اسید

$$\frac{\text{جرم مولی استر} \times \text{ضریب استر}}{\text{جرم مولی آب} \times \text{ضریب آب}} = \frac{\text{جرم استر}}{\text{جرم آب}} = \frac{1 \times M}{1 \times 18} = \lambda \Rightarrow M = 144 \frac{\text{g}}{\text{mol}}$$

فرمول عمومی استرها: $\text{C}_n\text{H}_{2n}\text{O}_2$ است.

$$144 = 12n + 2n + 32 \Rightarrow 112 = 14n \Rightarrow n = 8$$

در نتیجه استر ۸ کربنی بوده، به این معناست که الکل و اسید اولیه در مجموع ۸ اتم کربن دارند. الکل A و اسید B را به ترتیب $\text{C}_a\text{H}_{2a+2}\text{O}$ و $\text{C}_b\text{H}_{2b}\text{O}_2$ فرض می کنیم.

$$\begin{cases} a+b=8 \\ b=2a+2-3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=3 \Rightarrow \text{C}_3\text{H}_8\text{O} \\ b=5 \Rightarrow \text{C}_5\text{H}_9\text{O}_2 \end{cases}$$

در نتیجه نام استر حاصل پروپیل پنتانوات خواهد بود.

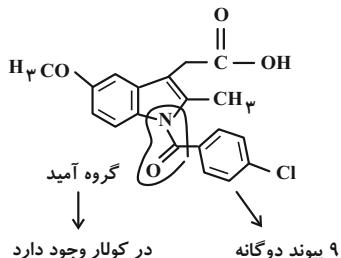
(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰۱ تا ۱۱۴)

«۴۸» گزینه

در ترکیبات آلی

به ازای هر اکسیژن، ۲ جفت ناپیوندی
 به ازای هر نیتروژن، ۱ جفت الکترون ناپیوندی
 به ازای هر کلر، ۳ جفت ناپیوندی

داریم.

فرمول کلی ترکیب: $\text{C}_{19}\text{H}_{16}\text{ClNO}_4$ 

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰۱ و ۱۱۲ تا ۱۱۴)



(مهرداد ملوبنی)

گزینه ۲**ریاضی ۱**

برای آنکه مجموع ۳ عدد، عددی زوج باشد یا باید هر ۳ عدد زوج باشند و یا یکی از آنها زوج و دو عدد دیگر فرد باشند. با توجه به اینکه مجموعه اعداد طبیعی یک رقمی شامل ۴ عدد زوج و ۵ عدد فرد است، داریم:

$$n_1 = \binom{4}{3} = 4 \quad \text{هر ۳ عدد زوج}$$

$$n_2 = \binom{5}{2} \times \binom{4}{1} = 10 \times 4 = 40 \quad \text{دو عدد فرد و یک عدد زوج}$$

$$\Rightarrow n = n_1 + n_2 = 4 + 40 = 44$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن؛ صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۶)

(ممدر صفت‌کار)

گزینه ۱**گزینه ۲**

(امیرحسین ابومسیوب)

علم آمار مجموعه روش‌هایی است که شامل جمع آوری اعداد و ارقام، سازماندهی و نمایش، تحلیل و تفسیر داده‌ها و در نهایت نتیجه‌گیری، قضاوت و پیش‌بینی مناسب در مورد پدیده‌ها و آزمایش‌های تصادفی می‌شود که اولین مرحله آن همان جمع آوری اعداد و ارقام است.

(ریاضی - آمار و احتمال؛ صفحه‌های ۱۵۳ تا ۱۵۶)

(میلار منصوری)

توجه کنید که نمی‌توانیم از رقم صفر استفاده کنیم؛ زیرا در صورت استفاده باید رقم صدگان عدد صفر باشد که امکان پذیر نیست. هر بار پس از انتخاب ۳ رقم متمایز از بین ارقام ۱ تا ۹، فقط ۲ عدد مطلوب می‌توانیم بسازیم، مثلاً با ارقام ۹ و ۲ و ۷ می‌توان اعداد ۲۷۹ و ۲۹۷ را ساخت. در نتیجه تعداد

$$n = \binom{9}{3} \times 2 = 84 \times 2 = 168 \quad \text{اعداد طبیعی مورد نظر برابر است با:}$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن؛ صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۶)

(امیرهوشک انصاری)

گزینه ۱**گزینه ۳**

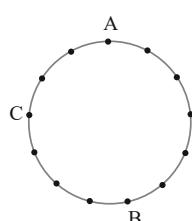
سرعت حرکت یک خودرو، متغیر کمی پیوسته، گروه خون متغیر کمی اسمی، مراحل رشد متغیر کیفی ترتیبی و تعداد فرزندان متغیر کمی گسسته است، بنابراین در گزینه «۳» تمام متغیرهای چهارگانه موجود هستند.

در گزینه «۱» هر دو متغیر «جنسیت» و «شغل» کیفی اسمی، متغیر «سن» کمی پیوسته و متغیر «میزان تحصیلات» کیفی ترتیبی است.

در گزینه «۲» هر دو متغیر «جنسیت» و «شغل» کیفی اسمی، متغیر «وزن» کمی پیوسته و متغیر «تعداد فرزندان» کمی گسسته است.

در گزینه «۴» هر دو متغیر «رنگ چشم» و «گروه خون» کیفی اسمی، متغیر تعداد تماس‌ها کمی گسسته و متغیر «مراحل تحصیل» کیفی ترتیبی است.

(ریاضی - آمار و احتمال؛ صفحه‌های ۱۵۹ تا ۱۶۰)



چهارضلعی‌های شامل AB + چهارضلعی‌های شامل AC

$$\binom{5}{2} + \binom{6}{2}$$

$$\binom{9}{2} + \binom{2}{2}$$

۲۵

۳۷

گزینه ۱

(ریاضی - آمار و احتمال؛ صفحه‌های ۱۵۹ تا ۱۶۰)



(مهرداد ملوبنی)

گزینه «۱» - ۵۹

فرض کنید $P(A \cup B) = x$ باشد. در این صورت $P(A) = \frac{1}{2}x$ و $P(B) = \frac{2}{3}x$ هستند و داریم:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$\Rightarrow x = \frac{1}{2}x + \frac{2}{3}x - P(A \cap B) \Rightarrow P(A \cap B) = \frac{1}{6}x$$

$$\frac{P(A \cap B)}{P(A \cup B)} = \frac{\frac{1}{6}x}{x} = \frac{1}{6}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۷)

(بعانیشان یکنام)

گزینه «۳» - ۶۰

$$n(S) = 5 \times 4 \times 3 \times 2 = 120$$

«الف»: کلمه ۴ حرفی که «ن» جزء حروف انتخابی نباشد.

$$4 \times 3 \times 2 \times 1 = 4! = 24$$

«ب»: کلمه ۴ حرفی که «ن» جزء حروف انتخابی باشد و حرف اول و آخر نباشد.

$$\frac{1}{4} - \frac{1}{3}$$

به 4×3 طریق حرف اول و آخر پر می‌شود.

۲ جا برای حرف «ن» و ۲ حالت برای یک حرف باقی مانده:

$$4 \times 3 \times 2 \times 2 = 48 \Rightarrow P = \frac{24+48}{120} = \frac{3}{5}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۵۳)

چهارضلعی‌های شامل AC, AB

$$\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}$$

جواب = ۵۹

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۴۰)

گزینه «۲» - ۵۷

به سه طریق می‌توان خواسته مسئله را برآورده کرد:

«الف»: در هر جامدادی ۲ مداد قرار دهیم:

$$\binom{6}{2} \binom{4}{2} \binom{2}{2} = 90$$

«ب»: در یک جامدادی ۴ تا و در دو تای دیگر ۱ مداد می‌گذاریم:

$$\binom{3}{1} \binom{6}{4} \binom{2}{1} \binom{1}{1} = 90$$

«پ»: در جامدادی‌ها به ترتیب ۱ و ۲ و ۳ مداد بگذاریم:

$$\binom{3}{1} \binom{6}{3} \binom{2}{1} \binom{3}{2} \binom{1}{1} = 360$$

$$360 + 90 + 90 = 540$$

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۴۰)

گزینه «۳» - ۵۸

برای اینکه حاصل ضرب سه عدد طبیعی، عددی اول باشد، لازم است دو تا از

آنها برابر یک و دیگری اول باشد پس مثلاً تاس اول می‌تواند ۲، ۳ یا ۵ باید

و در دو تاس دیگر عدد یک رو شود و همین طور عدد اول مورد نظر می‌تواند

در حالت‌های دیگر در تاس دوم یا سوم قرار گیرد. پس تعداد حالت‌ها برابر

$$n(A) = 3 \times 3 = 9 \Rightarrow P(A) = \frac{9}{216} = \frac{1}{24}$$

است با:

(ریاضی ا- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۷)

همان‌طور که مشخص است در انبساط بی‌دررو فشار کاهش می‌یابد و چون افت فشار در فرایند بی‌دررو بیشتر از هم‌دما است طبق نمودار، دما کاهش می‌یابد لذا انرژی درونی در فرایند بی‌دررو کاهش می‌یابد.

(فیزیک ا- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۰)

(اصسان مهدمری)

گزینه «۳»

در هر دو فرایند، حالت اولیه و حالت نهایی یکسان است پس:

$$\Delta U_a = \Delta U_b$$

$\Delta U_a = \Delta U_b > 0$ همچنین در هر دو فرایند دما افزایش یافته است.

$\Delta U = Q + W$ از طرفی طبق قانون اول ترمودینامیک،

$$Q_a + W_a = Q_b + W_b$$
 پس:

چون فرایندها انبساطی هستند $W_a < W_b$ و $Q_a > Q_b$ و همچنین چون

مساحت زیر نمودار b بیشتر از a است پس: $|W_b| > |W_a|$ است. به

این ترتیب، $Q_a > Q_b$ و هر دو فرایند با دریافت گرمای همراه هستند.

(فیزیک ا- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

(حسین مفرومن)

گزینه «۲»

گزینه «۲» درست است. زیرا (الف) و (ت) صحیح می‌باشد.

بررسی موارد نادرست:

ب) دستگاه روی محیط کار انجام می‌دهد.

پ) از a تا b ، انرژی درونی افزایش می‌یابد.

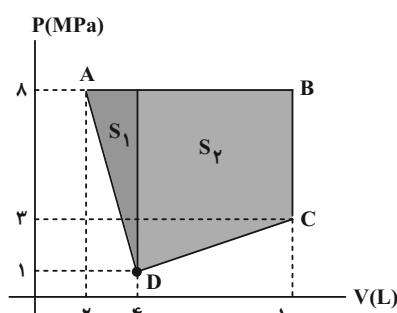
(فیزیک ا- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۹ و ۱۴۰)

(امیرممودی انزابی)

گزینه «۴»

مساحت محصور در فرایند چرخه‌ای ABCDA همان اندازه کار مبادله شده بین گاز و محیط است. با تبدیل شکل چرخه به یک ذوزنقه و یک مثلث،

مساحت را محاسبه می‌کنیم:



(مسئلۀ کیانی)

فیزیک ۱

«۲» - ۶۱

ابتدا دمای سلسیوس را به کلوین تبدیل می‌کنیم و سپس از رابطه

$$W = -nR\Delta T$$

است، می‌توان دمای کلوین را به سلسیوس تبدیل نمود.

$$T_2 = \theta_2 + 273 = 27 + 273 = 300\text{ K}$$

$$W = -nR(T_2 - T_1) \xrightarrow{n=2\text{ mol}, T_1=400\text{ K}}$$

$$W = -2 \times 8 \times (300 - 400) = 1600\text{ J}$$

می‌بینیم کار انجام شده بر روی گاز 1600 J است، بنابراین کار انجام شده

$$\text{توضیح گاز } J' = -W = -1600\text{ J}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۹ و ۱۴۰ و دما و گرمای؛ صفحه ۱۴۲)

(مسئلۀ کیانی)

«۱» - ۶۲

می‌دانیم انرژی درونی گاز، تابع دمای مطلق آن است. از طرف دیگر، بنایه

$$\text{رابطه } PV \propto T \text{، } PV = nRT \text{ می‌باشد. بنابراین داریم:}$$

$$U \propto T \propto PV \Rightarrow U \propto PV \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{P_2 V_2}{P_1 V_1}$$

$$\frac{P_2 = 2 \times 10^5 \text{ Pa}}{P_1 = 6 \times 10^5 \text{ Pa}}, V_2 = 2L, V_1 = 1L \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{2 \times 10^5 \times 3}{6 \times 10^5 \times 1} = 1$$

$$\Rightarrow U_2 = U_1$$

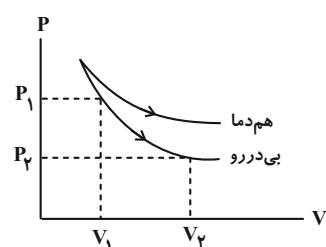
(فیزیک ا- دما و گرمای؛ صفحه ۱۴۲ و ترمودینامیک؛ صفحه ۱۴۰)

(پوریا علاقه‌مند)

«۳» - ۶۳

اگر نمودار $P - V$ فرایند هم‌دما و بی‌دررو را رسم کنیم، به صورت زیر

خواهد شد.





اکنون از مساحت زیر نمودار داریم:

$$|W_1| = \frac{(P + P') \times \frac{V}{3}}{2} \xrightarrow{(1)} |W_1| = \frac{4}{3} PV$$

$$|W_2| = P \times \frac{V}{3} = \frac{2}{3} PV$$

$$\xrightarrow{(1)} \frac{2}{3} PV < W_{ab} < \frac{4}{3} PV$$

توجه داریم که چون فرایند ab و فرایندهای (۱)، (۲) تراکم‌اند، پس W

در این فرایندها مثبت است.

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۵ تا ۱۳۷)

(اصسان محمدی)

گزینه «۳»

طبق قانون دوم ترمودینامیک در یک چرخه، تمام گرمای دریافت شده به کار تبدیل نمی‌شود. اما در یک فرایند تمام گرمای می‌تواند به کار تبدیل شود، مثلاً در فرایند همدما تمام گرمای دریافت شده به کار تبدیل می‌شود.

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۵، ۱۳۶ و ۱۳۷)

(محيط‌گذاری)

گزینه «۴»

ابتدا با استفاده از تعریف بازده ماشین گرمایی، کار انجام شده در هر چرخه را می‌یابیم:

$$\eta = \frac{|W|}{Q_H} \xrightarrow{Q_H = |W| + |Q_L|} \eta = \frac{|W|}{|W| + |Q_L|}$$

$$\frac{\eta = \frac{3}{10} = \frac{3}{10}}{|Q_L| = 700J} \xrightarrow{\frac{3}{10} = \frac{|W|}{|W| + 700}}$$

$$\Rightarrow 10|W| = 3|W| + 3 \times 700 \Rightarrow 7|W| = 3 \times 700$$

$$\Rightarrow |W| = 300J$$

می‌بینیم ماشین گرمایی در هر چرخه 300 کار انجام می‌دهد. بنابراین، 1200 کار را در طی 4 چرخه انجام خواهد داد.

کار یک چرخه \times تعداد چرخه = کار کل

$$\Rightarrow 1200 = 4 \times 300 \Rightarrow 1200 = 1200$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه ۱۳۵)

$$|W| = S_1 + S_2 = \frac{1}{2} \times (8-1) \times 10^6 \times (4-2) \times 10^{-3}$$

$$+ \frac{1}{2} \times (10-4) \times 10^{-3} \times (5+7) \times 10^6$$

$$= 7 \times 10^3 + 36 \times 10^3 = 43 \text{ kJ}$$

چون چرخه ساعتگرد است، کار خالصی که گاز روی محیط انجام داده است،

$$W' = 43 \text{ kJ}$$

مشتبه است و داریم:

ولذا گزینه «۴» پاسخ صحیح است.

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۹ و ۱۴۰)

گزینه «۳»

بر اساس معادله حالت داریم:

$$PV = nRT \Rightarrow T = \frac{PV}{nR}$$

از آنجا که مقادیر n و R ثابت هستند هر چقدر حاصل ضرب PV بزرگ‌تر باشد، دما نیز بیشتر است.

$$\begin{cases} P_C V_C = 2 \times 2 / 5 = 5 \\ P_B V_B = 1 / 5 \times 3 = 4 / 5 \\ P_D V_D = 2 / 5 \times 1 / 8 = 4 / 5 \end{cases}$$

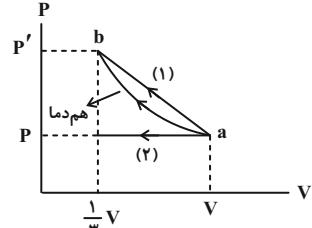
$$\Rightarrow P_C V_C > P_B V_B = P_D V_D \Rightarrow T_C > T_B = T_D$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

گزینه «۲»

ابتدا نمودار $P - V$ این فرایند را رسم می‌کنیم. در نمودار $P - V$ مساحت زیر نمودار برابر قدر مطلق کار انجام شده است. با توجه به شکل مشخص است که کار فرایند همدما ab از کار فرایند (۱) کوچک‌تر و از

کار فرایند (۲) بزرگ‌تر است. پس داریم:



$$W_2 < W_{ab} < W_1 \quad (1)$$

از طرفی چون فرایند ab همدما است پس داریم:

$$T_a = T_b \xrightarrow{PV=nRT} P_a V_a = P_b V_b \xrightarrow{V_a=V, V_b=\frac{1}{3}V} P_a = P_b$$

$$PV = \frac{1}{3} P'V \Rightarrow P' = 3P \quad (2)$$



باقیمانده تقسیم $q(x)$ بر $x - 2$ است.

$$x = 2 : p(2) = -7 = q(2) + 2$$

$$\Rightarrow q(2) = -9$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۳)

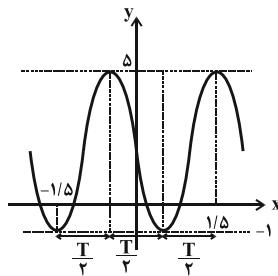
(میلاد سواری لاریجانی)

گزینه «۴»

-۷۵

با استفاده از اتحاد داریم:

$$f(x) = a + \frac{b}{\gamma} \sin(\gamma cx)$$



با توجه به نمودار داریم:

$$\begin{cases} 1/\delta T = 3 \Rightarrow T = 2 \\ T = \frac{\pi}{|bc|} \Rightarrow |c| = \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

از طرفی، مقدار a میانگین مقادیر ماکریم و مینیم تابع است و داریم:

$$\begin{cases} a = \frac{5 + (-1)}{2} = 2 \\ y_{\max} = a + \frac{|b|}{2} \xrightarrow{a=2} 2 + \frac{|b|}{2} = 5 \Rightarrow |b| = 6 \end{cases}$$

با توجه به اینکه نمودار تابع در همسایگی $x = 0$ فرم نزولی دارد، حاصل

$$\frac{c}{b} < 0 \text{ منفی هستند، بنابراین داریم:}$$

$$\frac{ac}{b} = a \times \left(-\frac{|c|}{|b|} \right) = 2 \times \left(-\frac{\pi}{6} \right) = -\frac{\pi}{3}$$

(مسابان ۲ - مثلثات: صفحه‌های ۲۴ تا ۲۹)

(کاظم اجلالی)

گزینه «۳»

-۷۶

می‌توانیم تابع f را به صورت زیر بنویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} \tan x - 1 & ; -\frac{\pi}{2} < x < 0 \\ \tan x + 1 & ; 0 < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

بنابراین نمودار تابع f به صورت زیر است و برد آن به صورت $\mathbb{R} - [-1, 1]$ است.

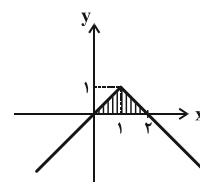
حسابان ۲

-۷۱ گزینه «۴»

(میلاد سواری لاریجانی)

$$g(2x) = 1 - f(2x - 1) \Rightarrow g(x) = 1 - f(x - 1) = 1 - |x - 1|$$

با انتقال یک واحد نمودار تابع f به سمت راست، قرینه کردن آن نسبت به محور x ها و سپس انتقال یک واحد آن به بالا، نمودار تابع $y = g(x)$ حاصل می‌شود و داریم:



$$=\frac{2 \times 1}{2} = 1$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۰)

-۷۲ گزینه «۲»

می‌دانیم تابع مورد نظر، از پاره خط‌های تشکیل شده است که شبیه آنها مشیت است. بنابراین، با توجه به اینکه $[x]$ در عدد صحیح z ناپیوسته است، برای اکیداً صعودی بودن تابع $y = 2x - k[x]$ ، کافی است حد راست آن در $x = z$ ، بزرگ‌تر یا مساوی با حد چپ آن در $x = z - 1$ باشد. پس داریم:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow z^+} (2x - k[x]) = 2z - kz \\ \lim_{x \rightarrow z^-} (2x - k[x]) = 2z - k(z-1) = 2z - kz + k \end{cases}$$

$$\Rightarrow 2z - kz \geq 2z - kz + k \Rightarrow k \leq 0.$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(علی شهرابی)

-۷۳ گزینه «۲»

تغییرات گفته شده را به ترتیب روی تابع $y = x^3$ انجام می‌دهیم:

$$y = x^3 \xrightarrow{\text{ واحد به چپ}} y = (x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{ قرینه نسبت به } y\text{-آxa}} y = -(x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{ انبساط عمودی با ضریب } k} y = -k(x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{ واحد به بالا}} f(x) = -k(x+1)^3 + 2$$

نمودار تابع f از مبدأ می‌گذرد، پس:

حال معادله $f(x) = 4$ را حل می‌کنیم:

$$-2(x+1)^3 + 2 = 4 \Rightarrow (x+1)^3 = -1 \Rightarrow x+1 = -1 \Rightarrow x = -2$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

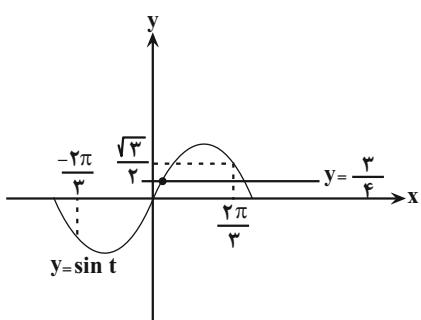
(عادل صیبوی)

-۷۴ گزینه «۲»

باقیمانده تقسیم $p(x)$ بر $x - 1$ برابر است با $p(1)$:

$$p(1) = 2 \Rightarrow 1 - 3 + a - 1 = 2 \Rightarrow a = 5$$

$$\Rightarrow p(x) = x^5 - 2x^4 + 5x - 1 = (x-1)q(x) + 2$$



خط $y = \frac{3}{4}$ منحنی $\sin t$ را در بازه مربوطه در یک نقطه قطع می‌کند.

(مسابان ۲- مثلاً: صفحه‌های ۳۵ و ۴۴)

(عادل مسینی)

گزینه «۱» -۷۹

$$\cos \delta x = \sin x = \cos\left(\frac{\pi}{4} - x\right)$$

$$\begin{cases} \delta x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} - x \Rightarrow \delta x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \\ \delta x = 2k\pi - \left(\frac{\pi}{4} - x\right) \Rightarrow \delta x = 2k\pi - \frac{\pi}{4} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{12} \\ x = \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{8} \end{cases}$$

(مسابان ۲- مثلاً: صفحه‌های ۳۵ و ۴۴)

(عادل مسینی)

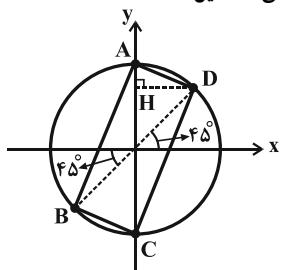
گزینه «۲» -۸۰

$$1 - \frac{\sin 2x}{2} = \sin^2 x \Rightarrow 1 - \sin^2 x = \sin x \cos x$$

$$\Rightarrow \cos^2 x - \sin x \cos x = \cos x (\cos x - \sin x) = 0$$

$$\begin{cases} \cos x = 0 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2} \\ \cos x - \sin x = 0 \Rightarrow \tan x = 1 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{4} \end{cases}$$

با مشخص کردن انتهای کمان جواب‌های بالا، چهارضلعی ABCD حاصل می‌شود. این چهارضلعی مستطیل است.

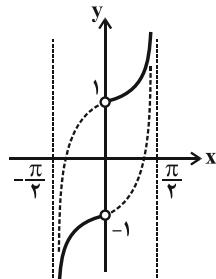


حال داریم:

$$S_{ABCD} = 2S_{ACD} = 2\left(\frac{1}{2}AC \cdot DH\right)$$

$$\frac{AC = \sqrt{2}}{DH = \cos 45^\circ} \Rightarrow S_{ABCD} = 2\left(\frac{1}{2}(2)\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)\right) = \sqrt{2}$$

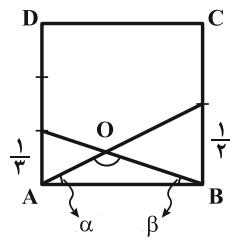
(مسابان ۲- مثلاً: صفحه‌های ۳۵ و ۴۴)



(مسابقات ۲- مثلاً: صفحه ۳۳)

(میلاد سجادی لاریجانی)

گزینه «۲» -۷۷



در مورد مجموع زوایای داخلی مثلث AOB می‌دانیم:

$$\alpha + \beta + \hat{O} = \pi \Rightarrow \hat{O} = \pi - (\alpha + \beta)$$

$$\Rightarrow \tan \hat{O} = \tan(\pi - (\alpha + \beta)) \Rightarrow \tan \hat{O} = -\tan(\alpha + \beta) \quad (*)$$

$$\begin{cases} \tan \alpha = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \\ \tan \beta = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}} = \frac{\frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}} = \frac{2}{3} \Rightarrow \tan(\alpha + \beta) = 1$$

$$\stackrel{(*)}{\Rightarrow} \tan \hat{O} = -\tan(\alpha + \beta) \Rightarrow \tan \hat{O} = -1$$

$$\therefore \hat{O} < \pi \Rightarrow \hat{O} = \frac{3\pi}{4}$$

(مسابقات ۲- مثلاً: صفحه‌های ۳۳ و ۴۴)

(امیر هوشک انباری)

گزینه «۱» -۷۸

$$\sin \alpha \cos \alpha = \frac{1}{2} \sin 2\alpha$$

$$\sin \frac{x}{6} \cos \frac{x}{6} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} \sin \frac{x}{3} = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin \frac{x}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin\left(\frac{x}{3}\right) = \frac{1}{2}, -2\pi \leq x \leq 2\pi \xrightarrow{+2\pi} -\frac{2\pi}{3} \leq \frac{x}{3} \leq \frac{2\pi}{3}$$

$$\frac{x}{3} = t \Rightarrow \sin t = \frac{1}{2}, -\frac{2\pi}{3} \leq t \leq \frac{2\pi}{3}$$



(فرزانه فاکیاش)

گزینه «۳» -۸۳

ماتریس AB در صورتی وارون پذیر نیست که $|AB| = 0$ باشد. ازطرفی $|AB| = |A||B|$ است، پس در صورتی که $|A| \neq 0$ و $|B| \neq 0$ برابر صفرباشند، ماتریس AB وارون پذیر نیست. داریم:

$$|A| = (a+2) - 6 = 0 \Rightarrow a - 4 = 0 \Rightarrow a = 4$$

$$|B| = 2a - (-4a) = 0 \Rightarrow 6a = 0 \Rightarrow a = 0$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۳ و ۲۹)

(محمد فخران)

گزینه «۴» -۸۴

$$A^2 = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 6 \\ -2 & -3 \end{bmatrix}$$

$$A^2 + I = \begin{bmatrix} 1 & 6 \\ -2 & -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 6 \\ -2 & -2 \end{bmatrix}$$

$$|A^2 + I| = 2(-2) - 6(-2) = 8$$

$$(A^2 + I)^{-1} = \frac{1}{8} \begin{bmatrix} -2 & -6 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های ماتریس $(A^2 + I)^{-1}$ برابر است با:

$$\frac{1}{8}(-2 - 6 + 2 + 2) = \frac{-4}{8} = -\frac{1}{2}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۳ تا ۲۹)

(اخشین فاضلیان)

گزینه «۳» -۸۵

شرط آنکه یک دستگاه معادلات خطی جواب منحصر بهفرد داشته باشد آن

است که دترمینان ماتریس ضرایب آن مخالف صفر باشد.

هندسه ۳

گزینه «۴» -۸۱

(کیوان درابی)

$$\begin{cases} 3A + 2B = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 7 & 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times 2} 9A + 6B = \begin{bmatrix} 15 & 12 \\ 21 & 42 \end{bmatrix} \\ 2A - 3B = \begin{bmatrix} -1 & 7 \\ 9 & 5 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times 2} 4A - 6B = \begin{bmatrix} -2 & 14 \\ 18 & 10 \end{bmatrix} \end{cases}$$

$$\Rightarrow 13A = \begin{bmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 52 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{13} \begin{bmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 52 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

بنابراین:

$$A = 1 + 2 + 3 + 4 = 10$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

گزینه «۴» -۸۷

با توجه به رابطه داده شده، A لزوماً یک ماتریس 3×3 است و در نتیجه

داریم:

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ a & b & c \\ d & e & f \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} [x \ y \ z] = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ a & b & c \\ d & e & f \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x & y & z \\ 2x & 2y & 2z \\ 3x & 3y & 3z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 4 & 2 & 6 \\ 6 & 3 & 9 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow a + e + f = 4 + 3 + 9 = 16$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)



(اخشین فاصله‌فان)

گزینه «۳» -۸۸

$$|A| = -3 \Rightarrow |A^T| = |A|^T = -27$$

$$||A^T| A| = -27A = (-27)^T |A| = (-27)^T (-3) = (-3)^{10} = 3^{10}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(فرزانه فاکیاش)

گزینه «۲» -۸۹

اگر دترمینان ماتریس را با استفاده از دستور ساروس محاسبه کنیم، داریم:

$$3(x-2)(x+2) - 2(x+3)(x-3) = 10$$

$$\Rightarrow 3(x^2 - 4) - 2(x^2 - 9) = 10$$

$$\Rightarrow 3x^2 - 12 - 2x^2 + 18 = 10 \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = \pm 2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(امیرحسین ابومنیوب)

گزینه «۴» -۹۰

می‌دانیم اگر A، B و C سه ماتریس مرتبی هم مرتبه باشند، آنگاه داریم:

$$|ABC| = |A||B||C|$$

از طرفی اگر k عددی حقیقی و A یک ماتریس مرتبی مرتبه n باشد،

آنگاه $|kA| = k^n |A|$ است.

دترمینان ماتریس‌های A و B را بحسب ستون دوم آنها محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$|A| = (-1) \times (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = 2$$

$$|B| = 1 \times (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 8 \end{vmatrix} = -1$$

$$ABC = 2I \Rightarrow |ABC| = |2I|$$

$$\Rightarrow |A| \times |B| \times |C| = 2^3 \times |I|$$

$$\Rightarrow 2 \times (-1) \times 1 = 8 \times 1 \Rightarrow |C| = -4$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

$$\left| \begin{array}{cc} m+5 & m \\ 2(m+1) & 3-m \end{array} \right| \neq 0 \Rightarrow (m+5)(3-m) - 2m(m+1) \neq 0$$

$$\Rightarrow 3m - m^2 + 15 - 5m - 2m^2 - 2m \neq 0$$

$$\Rightarrow -3m^2 - 4m + 15 \neq 0$$

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a} = -\frac{4}{3}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۲۶)

(نصیر مهند نژاد)

گزینه «۱» -۸۶

وارون وارون یک ماتریس برابر خود آن ماتریس است، پس داریم:

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow A = \frac{1}{-2+3} \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow a = -1, d = 2$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = A^{-1} \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow ax + dy = -1 + 2 = 1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)

(اخشین فاصله‌فان)

گزینه «۱» -۸۷

طبق دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های 3×3 داریم:

$$|A| = (2+0 - 3b + 3) - (2+0 + 3a) = 0$$

$$\Rightarrow -3a - 3b = -3 \Rightarrow a + b = 1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۲۹)



در نتیجه داریم:

$$\begin{aligned} a &= -b^2 - b + b - 1 = -b^2 - 1 \\ \Rightarrow a + 1 &= -b^2 \end{aligned}$$

پس مقسوم جدید قرینه یک عدد مریع کامل است.

(ریاضیات گستاخ-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۴ و ۱۵)

(محمد صفت‌کلر)

گزینه «۱» -۹۴

$$\left. \begin{array}{l} a \equiv 14 \equiv -1 \Rightarrow a^2 \equiv 1 \\ b \equiv 13 \equiv -2 \Rightarrow b^2 \equiv -8 \\ c \equiv 12 \equiv -3 \Rightarrow c^2 \equiv 81 \equiv 6 \end{array} \right\} \Rightarrow a^2 b^2 c^2 \equiv -48 \equiv 12$$

(ریاضیات گستاخ-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(احمد رضا خلاج)

گزینه «۳» -۹۵

$$12^n + 15 \equiv 0 \Rightarrow 5^n + 1 \equiv 0 \Rightarrow 5^n \equiv -1$$

یعنی توانی از ۵ را می‌خواهیم که باقی‌مانده تقسیم آن بر ۷ برابر ۶ (یا -۱) باشد.

$$5^2 \equiv 4 \xrightarrow{\times 5} 5^3 \equiv 20 \equiv -1$$

$$\frac{(2k+1)}{(2k+1)} \rightarrow (5^3)^{2k+1} \equiv (-1)^{2k+1} = -1 \Rightarrow 5^{6k+3} \equiv -1$$

$$\xrightarrow{(1)} n = 6k + 3$$

یعنی n عددی است که باقی‌مانده تقسیم آن بر ۶ برابر ۳ باشد و در نتیجه بزرگ‌ترین عدد دورقمی n برابر ۹۹ است.

(ریاضیات گستاخ-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(محمد هبری)

گزینه «۴» -۹۶

$$9a - 7 \equiv 2a - 3$$

مطابق فرض سؤال داریم:

(امیرحسین ابوالمهوب)

ریاضیات گستاخ

گزینه «۱»

-۹۱

$$a^2 + b^2 \geq -4(a + b + 2) \Leftrightarrow a^2 + b^2 \geq -4a - 4b - 8$$

$$\Leftrightarrow a^2 + b^2 + 4a + 4b + 8 \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (a^2 + 4a + 4) + (b^2 + 4b + 4) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (a + 2)^2 + (b + 2)^2 \geq 0$$

رابطه اخیر همیشه درست است و روابط همگی برگشت‌پذیر هستند، پس

اثبات به روش بازگشته کامل می‌شود.

(ریاضیات گستاخ-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(فرزانه فاکپاش)

گزینه «۲»

-۹۲

طبق ویژگی‌های رابطه عاد کردن، اگر $a | b$ ، آنگاه a هر مضربی از b را نیزعاد می‌کند و نیز اگر $b | a$ و $a | c$ ، آنگاه $b | c$. بنابراین داریم:

$$\left. \begin{array}{l} a | 6m + 5 \xrightarrow{\times 5} a | 30m + 25 \\ a | 5m + 4 \xrightarrow{\times 6} a | 30m + 24 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a | 1 \Rightarrow a = \pm 1$$

(ریاضیات گستاخ-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(کیوان درایی)

گزینه «۲»

-۹۳

$$a = bq + r \quad (1)$$

$$a + 1 = (b + 1)(q + 1) + (r + 1) \Rightarrow a + 1 = bq + b + q + 1 + r + 1$$

$$\xrightarrow{(1)} bq + r + 1 = (bq + r + 1) + (b + q + 1)$$

$$\Rightarrow b + q + 1 = 0 \Rightarrow q = -b - 1 \Rightarrow a = b(-b - 1) + r$$

از طرفی:

$$r = r_{\max} = b - 1$$



(مهاری و قوی)

گزینه «۲» - ۹۹

$$(3a+2)x + (2a-3)y = 39$$

\Rightarrow شرط وجود جواب در Z $\rightarrow (3a+2, 2a-3) \mid 39$

$$(3a+2, 2a-3) = d \Rightarrow \begin{cases} d \mid 3a+2 & \xrightarrow{\times 2} d \mid 6a+4 \\ d \mid 2a-3 & \xrightarrow{\times (-3)} d \mid -6a+9 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{مجموع}} d \mid 13 \Rightarrow d = 1 \text{ یا } 13$$

چون $13 \mid 39$ و $1 \mid 39$ ، پس با توجه به شرط وجود جواب در Z ، این معادله

در Z همواره دارای جواب است.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۳ و ۲۶)

(فرزانه فاکپاش)

گزینه «۳» - ۱۰۰

فرض کنید x کيسه ۴ کیلویی و y کيسه ۵ کیلویی برای بسته‌بندی استفاده

$$4x + 5y = 123 \Rightarrow 5y \equiv 123 \pmod{4} \Rightarrow y \equiv 3 \pmod{4}$$

شود. در این صورت داریم:

$$\Rightarrow y = 4k + 3 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$4x + 5(4k + 3) = 123 \Rightarrow 4x = -20k + 108 \Rightarrow x = -5k + 27$$

$$\left. \begin{array}{l} x \geq 0 \Rightarrow -5k + 27 \geq 0 \Rightarrow k \leq \frac{27}{5} \\ y \geq 0 \Rightarrow 4k + 3 \geq 0 \Rightarrow k \geq -\frac{3}{4} \end{array} \right\} \xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} k = 0, 1, 2, 3, 4, 5$$

بنابراین به ۶ طریق (به تعداد مقادیر k) می‌توان ۱۲۳ کیلو شکر را در

کيسه‌های ۴ و ۵ کیلویی بسته‌بندی کرد.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۷ تا ۱۰ و ۲۶)

$$\Rightarrow ya \equiv 4 \equiv -7 \pmod{(7, 11)} \Rightarrow a \equiv -1 \equiv 10 \pmod{11}$$

$$\Rightarrow a = 11k + 10 \Rightarrow 4a - 5 = 44k + 35 \Rightarrow 4a - 5 \equiv 35 \pmod{44}$$

$$\xrightarrow{44 \mid 35} 4a - 5 \equiv 35 \equiv 13 \pmod{44}$$

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۵ تا ۸)

(نیلوفر مهروی)

گزینه «۱» - ۹۷

$$46352x \equiv 8 \pmod{9} \Rightarrow (4+6+3+5+2)x \equiv 8 \pmod{9}$$

$$\Rightarrow 20x \equiv 8 \pmod{9} \Rightarrow 2x \equiv 8 \pmod{9} \xrightarrow{(2, 9)=1} x \equiv 4 \pmod{9}$$

$$\Rightarrow x = 9k + 4 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

در بین اعداد داده شده تنها عدد ۱۳ به فرم $9k + 4$ است.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(فرزانه فاکپاش)

گزینه «۲» - ۹۸

فرض کنید $d = 12n + 7, 5n - 2$ باشد. در این صورت داریم:

$$\left. \begin{array}{l} d \mid 12n + 7 \xrightarrow{\times 5} d \mid 60n + 35 \\ d \mid 5n - 2 \xrightarrow{\times 12} d \mid 60n - 24 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 59 \Rightarrow \begin{cases} d = 1 \\ d = 59 \end{cases}$$

بنابراین کافی است کوچک‌ترین مقدار n را محاسبه کنیم که به‌ازای

آن، $d = 59$ شود.

$$59 - 2 \equiv 0 \pmod{59} \Rightarrow 5n \equiv 2 \pmod{59} \Rightarrow n \equiv 2 + 2 \times 59 \equiv 120 \pmod{59}$$

$$\xrightarrow{(5, 59)=1} n \equiv 24 \pmod{59} \Rightarrow n = 59k + 24 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

بنابراین به‌ازای $d = 59, n = 24$ است، یعنی به‌ازای هر عدد طبیعی $n \leq 23$.

دو عدد $7 + 12n - 2$ و $5n - 2$ نسبت به هم اول هستند.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۲۵)

(احسان محمدی)

- ۱۰۴ گزینه «۳»

ابتدا زمان سقوط جسم را به دست می آوریم:

$$H = \frac{1}{2} g T^2 \Rightarrow 31/25 = 5T^2 \Rightarrow T^2 = 6/25 \Rightarrow T = 2/5s$$

سپس زمان رسیدن صدای شخص به فردی که پای ساختمان قرار دارد:

$$t' = \frac{H}{v} \Rightarrow t' = \frac{31/25}{312/5} = \frac{1}{10}s$$

و ۱/۰ زمان واکنش شخص بود که در کل زمان باقیمانده برابر است با:

$$t = T - t' - 0/15 = 2/5 - 0/15 = 2/25s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه های ۲۴ تا ۲۲)

(مسعود قره خانی)

- ۱۰۵ گزینه «۳»

$$\text{ابتدا باید در نظر داشته باشیم } \frac{m}{s} \text{ سرعت اولیه خودرو معادل } \frac{km}{h} \text{ می باشد}$$

است و داریم:

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \Rightarrow 0 - 20^2 = 2a \times 80 \Rightarrow a = -2/5 \frac{m}{s^2}$$

حال برای محاسبه نیروی اصطکاک داریم:

$$F - f_k = ma \Rightarrow -f_k = 1000 \times (-2/5) \Rightarrow f_k = 2500N$$

حال می توان نوشت:

$$F_N = mg = 1000 \times 10 = 10000N$$

$$f_k = \mu_k F_N \Rightarrow \mu_k = \frac{f_k}{F_N} = \frac{2500}{10000} = 0/25$$

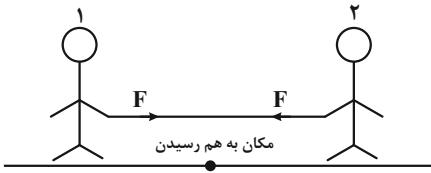
(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۸ و ۱۹)

و دینامیک و حرکت دایره ای: صفحه های ۳۲ تا ۳۰ و ۳۴ تا ۳۶)

(امیرعلی هاتم خانی)

- ۱۰۶ گزینه «۳»

طبق قانون سوم نیوتون اندازه نیروی وارد بر هر دو شخص با هم برابر است.

اگر دو شخص در لحظه t به هم برسند، چون آنها صفر است، داریم:

$$\ell_1 = \frac{1}{2} a_1 t^2 \Rightarrow \frac{\ell_1}{\ell_2} = \frac{a_1}{|a_2|} (1)$$

$$\ell_2 = \frac{1}{2} |a_2| t^2$$

$$F = m_1 a_1 \quad F = m_2 |a_2| \Rightarrow m_1 a_1 = m_2 |a_2| \Rightarrow \frac{a_1}{|a_2|} = \frac{m_2}{m_1} (2)$$

$$\frac{(1), (2)}{\ell_1}{\ell_2} = \frac{m_2}{m_1}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۸ و ۱۷)

و دینامیک و حرکت دایره ای: صفحه های ۳۴ و ۳۵ تا ۳۷)

فیزیک ۳

(مسام تاری)

- ۱۰۱ گزینه «۴»

موارد (الف)، (ب) و (ت) درست و (پ) نادرست است. زیرا در لحظه t شیب خط مماس صفر شده اما قبل و بعد آن شیب خط مماس مثبت است یعنی سرعت مثبت است و تغییر علامت نداده است، لذا جهت حرکت تغییر نکرده است.

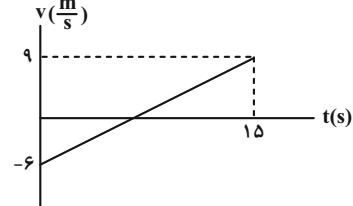
(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۸ تا ۱۷)

(همطفی کیانی)

- ۱۰۲ گزینه «۳»

چون نمودار سرعت- زمان به صورت خط راست می باشد، شتاب متحرک ثابت است. بنابراین، ابتدا شتاب متحرک را می باییم و سپس با استفاده از معادله سرعت- زمان، سرعت آن را در لحظه های $t_1 = 1s$ و $t_2 = 5s$

پیدا می کنیم و در نهایت سرعت متوسط را به دست می آوریم.



$$a = \frac{v - v_0}{t - t_0} \xrightarrow{v = 9 \frac{m}{s}, v_0 = -6 \frac{m}{s}, t_0 = 0, t = 15s} a = \frac{9 - (-6)}{15 - 0} = 1 \frac{m}{s^2}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 1s \Rightarrow v_1 = 1 \times 1 - 6 = -5 \frac{m}{s} \\ t_2 = 5s \Rightarrow v_2 = 1 \times 5 - 6 = -1 \frac{m}{s} \end{cases}$$

$$v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2} = \frac{-5 - 1}{2} = -3 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۵ و ۱۶)

(مهدی سلطانی)

- ۱۰۳ گزینه «۲»

قبل از آن که دو اتومبیل به یکدیگر برسند، اتومبیل A متوقف شده و سپس اتومبیل B به آن می رسد.

$$v_A^2 - v_{A,A}^2 = 2a_A \Delta x \Rightarrow 0 - 100 = 2 \times (-5) \times \Delta x$$

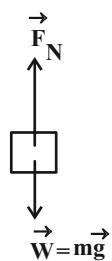
$$\Rightarrow \Delta x_A = 10m$$

مسافتی که باید B طی کند تا به A برسد:

$$100 - 10 = 90m$$

$$\Delta x_B = v_B \Delta t_B \Rightarrow 90 = 15 \times \Delta t_B \Rightarrow \Delta t_B = 6s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۸، ۱۹ و ۲۰ تا ۲۳)

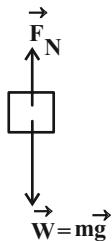


طبق قانون دوم نیوتن داریم:

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = ma + mg = F_{\text{max}}$$

توجه: عددی که ترازو نشان می‌دهد، F_N می‌باشد.

در انتهای حرکت، آسانسور به صورت کندشونده به سمت بالا می‌رود و اگر نیروهای وارد بر جسم را مشخص کنیم داریم:



$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow mg - F_N = ma \Rightarrow F_N = mg - ma = F_{\text{min}}$$

طبق اطلاعات سؤال داریم:

$$F_{\text{max}} + F_{\text{min}} = (mg + ma) + (mg - ma) = 2mg = 140\text{ N}$$

$$\Rightarrow m = 70\text{ kg}$$

$$F_{\text{max}} - F_{\text{min}} = (mg + ma) - (mg - ma) = 2ma = 280$$

$$\Rightarrow a = \frac{280}{2 \times 70} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

(سید شرق)

«۴»

حال اول: اگر فنر فشرده شود، نیروی وارد شده به جسم از طرف فنر رو به پایین و هم‌جهت با نیروی وزن جسم است. در این حالت، ترازو مجموع این دو نیرو را نشان می‌دهد. بنابراین داریم:

$$mg + kx = F_N \xrightarrow{F_N = 48\text{ N}} mg + kx = 48 \quad (1)$$

حال دوم: اگر فنر کشیده شود، نیروی وارد شده به جسم از طرف فنر رو به بالا و در خلاف جهت نیروی وزن جسم است. در این حالت، ترازو تفاضل این دو نیرو را نشان می‌دهد. بنابراین داریم:

$$mg - kx = F'_N \xrightarrow{F'_N = 36\text{ N}} mg - kx = 36 \quad (2)$$

اکنون، می‌توان با استفاده از معادله‌های (1) و (2) به صورت زیر، m به دست آورد. دقت کنید، طرفین دو معادله را با هم جمع می‌کنیم:

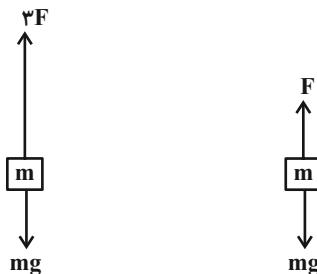
$$\xrightarrow{(1),(2)} 2mg = 48 + 36 \Rightarrow 2m \times 10 = 84 \Rightarrow m = 4 / 2\text{ kg}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۴، ۳۵، ۳۶ و ۳۷)

(اسان ایرانی)

«۳» - ۱۰۷

در هر دو حالت قانون دوم نیوتن را می‌نویسیم:



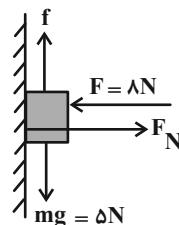
$$\begin{cases} F = m(g + a_1) & \text{حال اول: } F = m(g + a_1) \\ 3F = m(g + a_2) \Rightarrow 3m(g + a_1) = m(g + a_2) \\ \Rightarrow 3g + 3a_1 = g + a_2 \Rightarrow a_2 = 3a_1 + 2g \Rightarrow a_2 > 3a_1 \end{cases}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

(مریم شیخ‌مدد)

«۳» - ۱۰۸

ابتدا نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم و سپس بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی را به دست می‌آوریم و با نیروی وزن جسم مقایسه می‌کنیم تا مشخص شود جسم ساکن می‌ماند یا حرکت می‌کند.



$$F_{\text{netx}} = 0 \Rightarrow F_N - F = 0 \Rightarrow F_N = F = 8\text{ N}$$

$$f_{s,\text{max}} = \mu_s N \xrightarrow{\mu_s = 0.6} f_{s,\text{max}} = 0 / 6 \times 8 = 4 / 8\text{ N}$$

چون $mg > f_{s,\text{max}}$ است، جسم حرکت می‌کند، بنابراین در این حالت نیروی اصطکاک جنبشی به جسم وارد می‌شود که اندازه آن برابر است با:

$$f_k = \mu_k N \xrightarrow{\mu_k = 0.5} f_k = 0 / 5 \times 8 = 4\text{ N}$$

از طرف دیگر می‌دانیم نیرویی که دیوار بر جسم وارد می‌کند برایند دو نیروی عمودی تکیه‌گاه و نیروی اصطکاک است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$R = \sqrt{F_N^2 + f^2} \Rightarrow R = \sqrt{(8)^2 + (4)^2} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}\text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۴ تا ۳۶)

(اسان ایرانی)

«۲» - ۱۰۹

در شروع حرکت، آسانسور به صورت تندشونده به سمت بالا می‌رود و اگر نیروهای وارد بر شخص را مشخص کنیم، داریم:

از آنجایی که گروه آلکیل ۱۵ اتم کربن دارد فرمول صابون

$$\text{C}_{15}\text{H}_{31}\text{COONH}_4$$

$$\frac{\text{عنصرها}}{\text{اتمها}} = \frac{4}{54} = \frac{2}{27}$$

(شیمی ۳ - صفحه های ۹ و ۱۰)

(امیر هاتمیان)

۱۱۳ - گزینه «۴»

پاک کننده های صابونی و غیر صابونی براساس برهم کنش میان ذره ها عمل می کنند.

بررسی گزینه های نادرست:

۱) بخش قطبی در پاک کننده های غیر صابونی گروه SO_3^- و در صابون گروه COO^- است.

۲) پاک کننده های غیر صابونی در آب های سخت، خاصیت پاک کنندگی خود را حفظ می کنند زیرا با یون های Mg^{2+} و Ca^{2+} موجود در این آب ها واکنش نمی دهند.

۳) در ساختار پاک کننده های غیر صابونی علاوه بر عنصرهای C و H عنصرهای S، O و Na نیز وجود دارند. بنابراین نمی توان آنها را جزو هیدروکربن ها طبقه بندی کرد.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰ و ۱۱)

(امیر هاتمیان)

۱۱۴ - گزینه «۲»

بررسی عبارت ها:

الف) نادرست: سدیم هیدروکسید جامد یک باز آرنسیوس به شمار می رود زیرا در آب سبب افزایش غلظت یون هیدروکسید می شود.

ب) نادرست: در دمای یکسان مانند دمای اتاق برای مقایسه pH دو محلول، به غلظت محلول هم نیاز است.

پ) نادرست: مقدار درجه یونش اسیدها محدوده ای به صورت $1 < \alpha < 0$ دارد.

ت) درست: برای باز کردن لوله ای که با نوعی اسید چرب مسدود شده باشد می توان از محلول غلیظ سدیم هیدروکسید استفاده کرد.

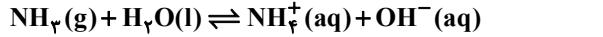
ث) درست: مطابق متن کتاب درسی درست است.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۱ و ۱۲)

(امیر هاتمیان)

۱۱۵ - گزینه «۱»

آمونیاک باز ضعیفی بوده و به طور عمده به شکل مولکولی در آب حل می شود و تک ظرفیتی می باشد.



و سدیم هیدروکسید (سود سوز آور) باز قوی و تک ظرفیتی می باشد و در آب کامل یونیده می شود.

بررسی گزینه های نادرست:

۱) در غلظت و دمای یکسان رسانایی الکتریکی محلول لوله باز کن بیشتر از محلول شیشه پاک کن است. چون محلول لوله باز کن حاوی باز قوی بوده و به میزان بیشتری یونیده می شود.

۲) صابون نمک سدیم اسیدهای چرب است که در اثر واکنش بک اسید چرب ضعیف با بازی قوی مانند سدیم هیدروکسید به دست می آید و صابون در محلول نهایی خاصیت بازی دارد.

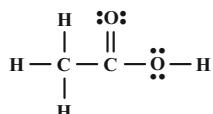
شیمی ۳

۱۱۱ - گزینه «۴»

موارد (ب) و (ت) درست است.

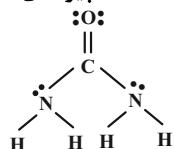
بررسی عبارت ها:

(امیر هاتمیان)



تعداد جفت e^- پیو ندی

$= \frac{1}{4} = 2$ تعداد جفت e^- ناپیو ندی



تعداد جفت e^- پیو ندی

$= \frac{1}{4} = 2$ تعداد جفت e^- ناپیو ندی

این نسبت در هر ۲ مولکول با هم برابر است.

ب) درست: ساده ترین و مؤثر ترین راه پیشگیری از بیماری که به دلیل آسوده شدن آب و نبود بهداشت شایع می شود (وبا)، رعایت بهداشت فردی و همگانی است.

پ) نادرست؛ فرمول شیمیایی روغن زیتون و چربی ذخیره شده در کوهان شتر به ترتیب به صورت $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$ و $\text{C}_{57}\text{H}_{110}\text{O}_6$ و اختلاف جرم مولی آنها به دلیل اختلاف شمار اتم های هیدروژن در آنها است که برابر ۶ گرم بر مول است ولی در این مورد اختلاف جرم دو مول را گفته است. لذا داریم:

$$2 \times 6 = 12 \text{ g} \Rightarrow \text{اختلاف جرم دارند.}$$

ت) درست: عسل حاوی قند هایی با مولکول های بسیار قطبی است که در ساختار خود شمار قابل توجهی گروه هیدروکسیل (OH-) دارند.

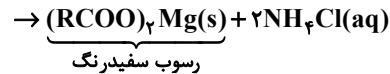
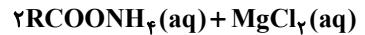
(شیمی ۳ - صفحه های ۱ تا ۵)

۱۱۲ - گزینه «۲»

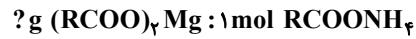
(امیر همسین طیبی سوکلابی)

صابون مایع فاقد اتم فلزی به این معناست که کاتیون آن NH_4^+ است.

فرمول عمومی آن RCOOH_4 است. واکنش صابون با آب سخت حاوی منیزیم کلرید:



رسوب سفیدرنگ



$$\times \frac{1 \text{ mol } (\text{RCOO})_2\text{Mg}}{2 \text{ mol RCOONH}_4} \times \frac{m \text{ g } (\text{RCOO})_2\text{Mg}}{1 \text{ mol } (\text{RCOO})_2\text{Mg}}$$

$$= 267 \text{ g } (\text{RCOO})_2\text{Mg} \Rightarrow m = 534 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

R را با گروه آلکیل سیر شده بازنویسی می کنیم و شمار اتم های کربن آن را

می باییم:

$$(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{COO})_2\text{Mg} : 24n + 4n + 2 + 24 + 64 + 24 = 534$$

$$= 28n + 114 = 534 \Rightarrow 28n = 420 \Rightarrow n = 15$$



(آرین شباعی)

- ۱۱۸ - گزینه «۱»



$$1/88\text{ g K}_\gamma\text{O} \times \frac{1\text{ mol K}_\gamma\text{O}}{94\text{ g K}_\gamma\text{O}} \times \frac{2\text{ mol OH}^-}{1\text{ mol K}_\gamma\text{O}}$$

$$= 0.04\text{ mol OH}^-$$



$$\text{pH} = ۲ \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-۲} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$\text{mol}_{\text{H}^+} = 10^{-۲} \times ۵ = 0.05 \text{ mol}$$



$$\text{mol}_{\text{H}^+} = 0.05 - 0.04 = 0.01$$

باقی مانده

$$[\text{H}^+]_{\text{باقی مانده}} = \frac{0.01}{5} = 0.002 \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$\Rightarrow \text{pH} = ۳ - \log 2 = ۲.۷$$

$$\Delta\text{pH} = ۲.۷ - ۲ = 0.7$$

(شیمی ۳ - صفحه های ۲۴ تا ۲۶)

(امیر هاتمیان)

- ۱۱۹ - گزینه «۳»

اسیدها را بر مبنای میزان یونشی که به هنگام حل شدن در آب دارند به اسیدهای قوی و ضعیف دسته بندی می کنند.

سایر گزینه ها مطابق متن کتاب درسی درست هستند.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۴، ۱۹، ۳۱ و ۳۲)

(امیرحسین طیب سوکلاین)

- ۱۲۰ - گزینه «۳»

ابتدا مول باز MOH را محاسبه می کنیم:

$$? \text{ mol MOH} : 4/8\text{ g MOH} \times \frac{1\text{ mol MOH}}{8\text{ g MOH}}$$

$$= 6 \times 10^{-۳} \text{ mol MOH}$$

سپس مولاریته این باز را محاسبه می کنیم:

$$M = \frac{n}{V} = \frac{6 \times 10^{-۳} \text{ mol}}{2\text{ L}} = 3 \times 10^{-۲} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$K_b = \frac{M\alpha^2}{1-\alpha} \Rightarrow 1/5 \times 10^{-۳} = \frac{3 \times 10^{-۲} \alpha^2}{1-\alpha}$$

$$\Rightarrow 20\alpha^2 = 1-\alpha \Rightarrow 20\alpha^2 + \alpha - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = 1 - 4(-1)(20) = 81 \Rightarrow \alpha = \frac{-1 \pm 9}{40} \Rightarrow \begin{cases} -\frac{1}{4} & \text{غ ق ق} \\ \frac{8}{40} = \frac{1}{5} & \text{ق ق ق} \end{cases}$$

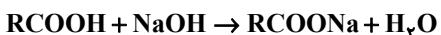
در نتیجه درجه یونش این باز ۲ / ۰ خواهد بود.

$$[\text{OH}^-] = 3 \times 10^{-۲} \times \frac{1}{5} = 6 \times 10^{-۳}$$

$$[\text{OH}^-][\text{H}^+] = 10^{-۱۴} \Rightarrow [\text{H}^+] = \frac{10^{-۱۴}}{6 \times 10^{-۳}} = \frac{10^{-۱۱}}{6}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log \frac{10^{-۱۱}}{6} = \log 6 + 11 = 11.8$$

(شیمی ۳ - صفحه های ۲۸ تا ۳۰)



و رنگ کاغذ pH مرطوب را به رنگ آبی درمی آورد.
(۴) در محلول آبی با تغییر غلظت یون هیدروکسیم، غلظت یون هیدروکسید نیز تغییر می کند.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۴ تا ۱۶)

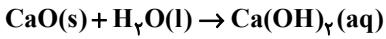
- ۱۱۶ - گزینه «۳»

در تمام مدت زمان انجام واکنش، از شروع تا پایان قانون پایستگی جرم در یک واکنش برقرار است. در حین تعادل مجموع جرم CaO , CO_2 و CaCO_3 برابر $2/0$ گرم است. بنابراین:

$$m_{\text{CaCO}_3} + m_{\text{CaO}} + m_{\text{CO}_2} = 0.2\text{ g}$$

$$\rightarrow m_{\text{CO}_2} = 0.2\text{ g} - 0.156\text{ g} = 44 \times 10^{-3}\text{ g}$$

اکنون از جرم CO_2 مول Ca(OH)_2 و غلظت Ca(OH)_2 را به دست می آوریم:



$$? \text{ mol Ca(OH)}_\gamma = 44 \times 10^{-3}\text{ g CO}_2 \times \frac{1\text{ mol CO}_2}{44\text{ g CO}_2}$$

$$\times \frac{1\text{ mol CaO}}{1\text{ mol CO}_2} \times \frac{1\text{ mol Ca(OH)}_2}{1\text{ mol CaO}} = 10^{-3}\text{ mol Ca(OH)}_2$$

$$\text{Ca(OH)}_2 = \frac{10^{-3}}{0.25} = 4 \times 10^{-3}\text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{M}{\text{غلظت مولار}} = 4 \times 10^{-3} \times 2 \times 1$$

$$= 8 \times 10^{-3}\text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] = \frac{10^{-14}}{8 \times 10^{-3}} = 0.125 \times 10^{-11} = 125 \times 10^{-14}$$

$$= 5^3 \times 10^{-14}\text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log \frac{5^3 \times 10^{-14}}{10} = 14 - 3 \log 5 = 11.9$$

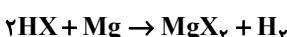
(شیمی ۳ - صفحه های ۱۵، ۲۱، ۲۰ و ۲۱)

- ۱۱۷ - گزینه «۴»

همه موارد درست هستند.

بررسی همه موارد:

(الف) از واکنش اسید با فلزات گاز هیدروژن آزاد می شود.



(ب) اسید قوی تر هنگام واکنش با فلز با سرعت بیشتری گاز هیدروژن آزاد می کند؛ در نتیجه محلول (آ) اسید قوی تر و دارای ثابت یونش بزرگ تر است.

(پ) چون محلول (آ) اسید قوی تر دارد و غلظت اولیه و دمای آن ها یکسان است می توان نتیجه گرفت pH محلول (آ) پیش از آغاز واکنش کوچک تر از محلول (ب) می باشد.

(ت) هر چه اسید قوی تر باشد هنگام یونش یون های بیشتری تولید کرده و باعث افزایش رسانایی محلول می شود.

(ث) فورمیک اسید نسبت به نیتریک اسید ضعیف تر است.

(شیمی ۳ - صفحه ۲۴)

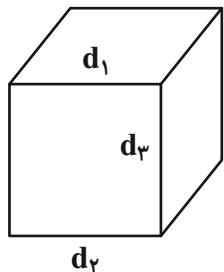
$$\frac{\text{مساحت تصویر نمای بالا}}{\text{مساحت تصویر نمای رو به رو}} = \frac{8S}{13S} = \frac{8}{13}$$

(هنرسه ا- تبعیم فضایی: صفحه های ۸۷ تا ۹۱)

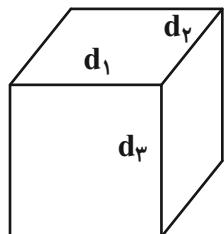
(سهام مهیدی پور)

گزینه «۴»

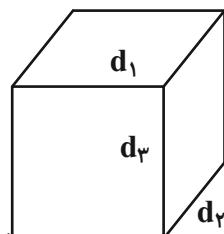
الف) در شکل زیر d_1 و d_2 عمود بر d_3 بوده و موازی یکدیگرند.



ب) در شکل زیر d_1 و d_2 عمود بر d_3 بوده و با یکدیگر متقاطع‌اند.



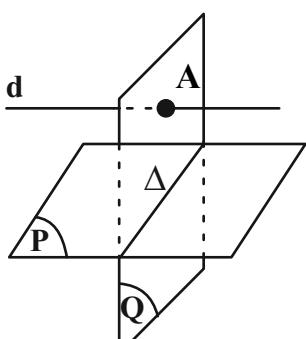
پ) در شکل زیر d_1 و d_2 عمود بر d_3 بوده و با یکدیگر متنافرند.



(هنرسه ا- تبعیم فضایی: صفحه های ۷۹ و ۸۰)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۴»

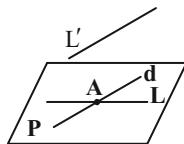


(میر محمدی نویسی)

هندسه ۱

«۳» - ۱۲۱

فرض کنید L و L' دو خط متنافر باشند. از یک نقطه واقع بر خط L و d , تنها صفحه شامل خط L' است که با خط L نیز موازی است.



(هنرسه ا- تبعیم فضایی: صفحه های ۷۹ تا ۸۱)

(علیرضا نصرالحق)

«۴» - ۱۲۲

از یک نقطه غیرواقع بر یک صفحه، بی‌شمار خط موازی با آن صفحه می‌توان رسم کرد، بنابراین گزینه «۴» نادرست است.

(هنرسه ا- تبعیم فضایی: صفحه های ۷۸ تا ۸۰)

(محمد قدران)

«۲» - ۱۲۳

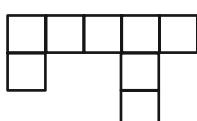
اگر مثلث متساوی‌الساقینی را حول قاعده آن دوران دهیم، آنگاه مطابق شکل دو مخروط با قاعده یکسان ایجاد می‌شود که شعاع قاعده هر کدام برابر طول ارتفاع وارد بر قاعده مثلث و ارتفاع هر کدام برابر نصف طول قاعده مثلث است.

(هنرسه ا- تبعیم فضایی: مشابه تمرین ۲ (ت) صفحه ۹۶)

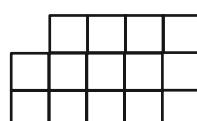
(سرژی چیازاریان تبریزی)

«۳» - ۱۲۴

تصویر نمای بالا و رو به روی این سازه به صورت شکل زیر است:



نمای بالا



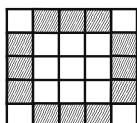
نمای رو به رو

اگر مساحت هر مربع را با S نمایش دهیم، آنگاه داریم:



(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۴» - ۱۲۹



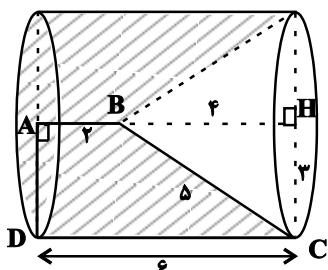
در هر کدام از وجوده این مکعب، مکعب‌های کوچکی که در شکل بالا هاشور خورده‌اند، دارای دو وجه رنگ شده‌اند. از طرفی هر کدام از این مکعب‌های کوچک به دو وجه مکعب بزرگ تعلق دارند. با توجه به اینکه مکعب دارای ۶ وجه است، پس تعداد این مکعب‌های کوچک برابر است با:

$$\frac{12 \times 6}{2} = 36$$

(هنرسه ا- تبعیم فضایی؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۳)

(امیرحسین اصل)

گزینه «۱» - ۱۳۰

در مثلث قائم الزاویه BHC داریم:

$$BH^2 = BC^2 - CH^2 = 25 - 9 = 16 \Rightarrow BH = 4$$

حجم حاصل از دوران ذوزنقه قائم الزاویه $ABCD$ حول ضلع AB مطابق شکل برابر تفاضل حجم یک استوانه و یک مخروط است:

$$V = \pi(AD)^2 \times DC = \pi \times 3^2 \times 6 = 54\pi$$

$$V = \frac{1}{3}\pi(CH)^2 \times BH = \frac{\pi}{3} \times 3^2 \times 4 = 12\pi$$

$$V = 54\pi - 12\pi = 42\pi$$

(هنرسه ا- تبعیم فضایی؛ صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

فرض کنید خط Δ فصل مشترک دو صفحه P و Q باشد. اگر خط d درون صفحه Q و موازی خط Δ باشد، آنگاه خط d موازی صفحه P است. اگر خط d خارج از صفحه Q ولی موازی خط Δ باشد، آن گاه خط d با هر دو صفحه P و Q موازی است. همچنین مطابق شکل خط d می‌تواند صفحه Q را قطع کند و موازی صفحه P باشد، پس هر سه حالت گزینه‌های «۱»، «۲» و «۳» امکان پذیر است.

(هنرسه ا- تبعیم فضایی؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۳)

گزینه «۲» - ۱۲۷

گزینه «۱»: در یک صفحه، اگر خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌کند ولی این موضوع در فضا الزاماً برقرار نیست. گزینه «۲» از هر نقطه خارج یک صفحه، می‌توان خطی بر آن صفحه عمود رسم کرد. هر صفحه شامل این خط بر صفحه مفروض عمود است، پس این گزاره همواره درست است.

گزینه «۳» اگر خطی با یکی از دو خط متنافر، موازی باشد، می‌تواند با دیگری متقاطع یا متنافر باشد.

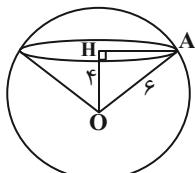
گزینه «۴» از هر نقطه غیر واقع بر یک خط، بی شمار خط متنافر با آن خط می‌گذرد.

(هنرسه ا- تبعیم فضایی؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۳)

گزینه «۴» - ۱۲۸

(امیرحسین ابومصوب)

(امیرحسین ابومصوب)

اگر مرکز دایره سطح مقطع را با H نمایش دهیم، آنگاه داریم:

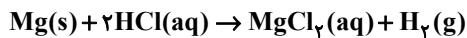
$$\triangle OHA : AH^2 = OA^2 - OH^2 = 6^2 - 4^2 = 20$$

$$V = \frac{1}{3}\pi(AH)^2 OH = \frac{1}{3}\pi \times 20 \times 4 = \frac{80\pi}{3}$$

(هنرسه ا- تبعیم فضایی؛ صفحه‌های ۹۲ تا ۹۴)



محاسبه HCl مصرف شده به ازای مصرف ۴/۸ گرم منیزیم (Mg)



$$\frac{4/8 \text{ g Mg}}{24 \text{ g Mg}} \times \frac{1 \text{ mol Mg}}{1 \text{ mol Mg}} \times \frac{2 \text{ mol HCl}}{1 \text{ mol Mg}}$$

= ۰/۴ mol HCl مصرف می‌شود

محاسبه mol HCl باقیمانده پس از انجام واکنش

$1 - ۰/۴ = ۰/۶ \text{ mol HCl}$ باقیمانده

محاسبه غلظت مولار HCl باقیمانده

$$C_M = \frac{n}{V_{(l)}} = \frac{0/6 \text{ mol HCl}}{0/5 \text{ L}} = 1/2 \text{ M}$$

(شیمی ۱ - صفحه ۹۸)

(شیمی ۱ - صفحه ۹۸)

«۳» گزینه ۳ - ۱۳۳

با توجه به جدول، اتحلال پذیری سدیم نیترات برابر ۹۲ است، یعنی در ۱۰۰

گرم آب حداقل ۹۲ گرم سدیم نیترات را می‌توان حل کرد. بنابراین می‌توان

گفت که ۱۹۲ گرم محلول سیرشده آن دارای ۹۲ g سدیم نیترات است. در

نتیجه:

جرم سدیم نیترات در ۴۸ گرم محلول سیرشده آن

$$= 48 \text{ g} \times \frac{92 \text{ g}}{192 \text{ g}} = 23 \text{ g}$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) موادی که اتحلال پذیری آن‌ها در آب بین ۰/۰ تا ۱ گرم در ۱۰۰ گرم

آب باشد، مواد کم محلول محسوب می‌شوند، بنابراین کلسیم سولفات جزو

مواد کم محلول در آب است.

شیمی ۱

«۴» گزینه ۴ - ۱۳۱

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: نادرست؛ هر اتم اکسیژن با دو اتم هیدروژن پیوند اشتراکی دارد

و با دو اتم هیدروژن از مولکول‌های مجاور پیوند هیدروژنی برقرار می‌کند.

عبارت دوم: نادرست؛ در حلقه‌های شش‌ضلعی یخ، اتم‌های اکسیژن در

رأس‌ها قرار دارند.

عبارت سوم: نادرست؛ آب اغلب مواد یونی و مولکولی را در خود حل می‌کند.

عبارت چهارم: درست؛ چگالی بین از آب کمتر است ولی نظم مولکول‌ها در

بین از آب بیشتر است.

(شیمی ۱ - صفحه‌های ۱۰۸ و ۱۰۹)

«۱» گزینه ۱ - ۱۳۲

(ارزیگ فانلدری)

$$\begin{cases} C_M(\text{HCl}) = 2 \text{ M} \\ \text{Mحلول} \\ V_{(l)} = 50.0 \text{ mL} = 0/5 \text{ L} \end{cases}$$

$$= 4/8 \text{ g} = \text{جرم منیزیم (Mg)} \text{ در واکنش}$$

تمام منیزیم در واکنش شرکت کرده است. از روی جرم منیزیم مصرفی،

تعداد مول‌های HCl مصرف شده را حساب می‌کیم. mol HCl مصرف شده را از mol HCl اولیه کم می‌کیم تا

باقيمانده به دست آید. از رابطه $C_M = \frac{n}{V_{(l)}}$ ، برای تبدیل غلظت مولار

HCl به مول آن و برعکس استفاده می‌کیم.

$$C_M = \frac{n}{V_{(l)}} \Rightarrow n = C_M \times V_{(l)}$$

$$\Rightarrow n = 2 \text{ M} \times 0/5 \text{ L} = 1 \text{ mol HCl}$$



(امیر هاتمیان)

«۱۳۵ - گزینه ۴»

بررسی گزینه‌ها:

۱) پیوند هیدروژنی آب- اتانول از پیوند هیدروژنی آب- آب قوی‌تر است. از این‌رو اتانول به خوبی در آب حل می‌شود.

۲) ماده نا محلول در آب می‌باشد و نیروی جاذبه آن با آب در مقایسه انجام شده کمتر از میانگین پیوند یونی در BaSO_4 و پیوند هیدروژنی در آب است.

۳) جاذبه یون- دوقطبی در محلول AgNO_3 در آب بیشتر از پیوند هیدروژنی می‌باشد.

۴) چون MgSO_4 در آب محلول است مقایسه انجام شده باید بر عکس انجام می‌شد و نیروی جاذبه MgSO_4 با آب باید بیشتر از میانگین پیوند یونی در MgSO_4 و پیوند هیدروژنی در آب باشد.

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۳)

(امیرحسین طیبی سوکلاین)

«۱۳۶ - گزینه ۱»

مطابق قانون هنری با n برابر شدن فشار، اتحال پذیری گازها در آب نیز برابر می‌شود. در صورت سوال فشار از $4/5$ اتمسفر به مقدار 2 برابر اولیه

(۱) رسیده است در نتیجه اتحال پذیری گاز O_2 در فشار 9 اتمسفر

برابر با $9/4$ گرم در 100 گرم آب خواهد بود. در محلول‌های بسیار رفیق که جرم حل شونده در مقابل جرم حلال ناچیز است برای تبدیل اتحال پذیری به مولارتنه می‌توان از رابطه زیر بهره برد.

$$\frac{\text{تحالل پذیری}}{\text{جرم مولی}} = \frac{10 \times 0}{10} = \frac{10 \times 0}{10} \times \frac{1}{25 \times 10^{-2}} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow C_M = \frac{10 \times 0 / 10}{32} = 1 / 25 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۵)

۲) از آنجا که اتحال پذیری کلسیم فسفات در آب بسیار کم است، بنابراین

جرم محلول آن را می‌توان به تقریب با جرم حلال (آب) برابر در نظر گرفت، بنابراین:

$$\frac{5 \times 10^{-4} \text{ g}}{100 \text{ g}} \times 10^6 = 5 \text{ ppm}$$

$$\frac{36 \text{ g}}{(100 + 36) \text{ g}} \times 100 \approx 26 / 47 \quad (4)$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۱)

(علی، غیص)

«۱۳۴ - گزینه ۲»

$$\text{ppmB}^- = \frac{\text{g B}^-}{\text{محلول g}} \times 10^6 \Rightarrow 4 \times 10^6 = \frac{\text{g B}^-}{600} \times 10^6$$

$$\Rightarrow \text{g B}^- = 240$$

$$\text{g AB}_2 = 240 \text{ g B}^- \times \frac{1 \text{ mol B}^-}{80 \text{ g B}^-} \times \frac{1 \text{ mol AB}_2}{2 \text{ mol B}^-}$$

$$\times \frac{200 \text{ g AB}_2}{1 \text{ mol AB}_2} = 300 \text{ g AB}_2$$

$$298 \text{ K} = 25^\circ \text{C}$$

$$\begin{array}{c} 300 \text{ g AB}_2 \\ \times \\ 100 \text{ g H}_2\text{O} \end{array} \qquad \begin{array}{c} 300 \text{ g H}_2\text{O} \\ 100 \text{ g H}_2\text{O} \end{array}$$

$$25^\circ \text{C} = \text{تحالل پذیری AB}_2 \text{ در دمای } 100 \text{ g}$$

$$\frac{\theta = 25^\circ \text{C}}{S = 100 \text{ g}} \rightarrow S = a\theta + \Delta \theta \Rightarrow 100 = 25a + \Delta \theta \Rightarrow a = 2$$

$$\Rightarrow S = 2\theta + \Delta \theta \xrightarrow{\theta = 31/5^\circ \text{C}} S = 113$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۱)



(امیر هاتمیان)

گزینه «۱» - ۱۳۹

عبارت (ب) نادرست است.
بررسی عبارت‌ها:
الف) هر چه نیروی بین مولکولی گازی بیشتر باشد، آسان‌تر متراکم و مایع می‌شود. گازهای CO_2 و N_2 چون جرم‌های مولی مشابه یکدیگر دارند، عامل قطبیت تعیین کننده است و مولکولی که دارای $= \mu$ است، دمای جوش بالاتری نسبت به مولکولی که دارای $\neq \mu$ است، دارد.

ب) در میان مواد، مولکول‌هایی با جرم مولی مشابه از نظر قطبیت سنجیده می‌شوند و هر کدام قطبی‌تر باشد نقطه جوش، بیشتر است.

پ) اتانول و استون از جمله حلال‌های آلی به شمار می‌روند که به دلیل قطبی بودن و توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی می‌توانند به هر نسبتی در آب حل شوند و محلول سیرشده در آن‌ها معنا ندارد.

ت) مولکول‌های N_2 و O_2 به دلیل ناقطبی بودن در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۵ و ۱۰۶)

(امیر هاتمیان)

گزینه «۴» - ۱۴۰

اسمز فرایندی خودبه‌خودی و طبیعی است در آن آب از محلول رقیق به محلول غلیظتر رفته و روش مناسبی برای تصفیه آب نمی‌باشد. در اسمز معکوس با اعمال فشار خارجی به تدریج آب از محلول غلیظتر به محلول رقیق‌تر رفته حجم محلول غلیظتر کاهش و غلظت آن افزایش می‌یابد.

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(امیر هاتمیان)

گزینه «۴» - ۱۳۷

عبارت‌های (ب)، (پ) و (ت) نادرست هستند.
هر چه گشتاور دوقطبی یک ترکیب از صفر بیشتر باشد مولکول قطبی‌تر است و نیروی جاذبه بین مولکولی قوی‌تر و نقطه جوش بالاتر است و مواد ناقطبی در هگزان ناقطبی و مواد قطبی در استون قطبی حل می‌شوند. پس مولکول B که ناقطبی است انحلال‌پذیری بیشتری در هگزان دارد و C و A با قطبیت بیشتر، مولکول قطبی هستند و انحلال‌پذیری آن‌ها در استون بیشتر است.

بررسی موارد:

قدرت جاذبه بین مولکولی: $C > A > B$ انحلال‌پذیری در آب: $C > A > B$ انحلال‌پذیری در هگزان: $B > A > C$ نقطه جوش: $C > A > B$ جهت‌گیری در میدان الکتریکی: $C > A > B$

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۹ و ۱۱۰)

گزینه «۳» - ۱۳۸

بررسی عبارت‌ها:
آ) درست. گازهای گلخانه‌ای CO_2 ، CH_4 و بخار آب می‌باشند که از بین آنها CH_4 می‌سوزد. از سوختن کامل CH_4 گاز CO_2 و آب تولید می‌شود که به ترتیب ناقطبی و قطبی می‌باشند.

ب) درست. در مولکول‌های قطبی H_2O و HCl اتم هیدروژن قطب مثبت است که به سمت صفحه با بار منفی جهت‌گیری می‌کند.

پ) نادرست. از سوختن ناقص C_2H_6 گاز CO و بخار آب تولید می‌شود که هر دو مولکول قطبی دارند.

ت) نادرست. مثلاً مولکول H_2S قطبی است که از مولکول H_2O که آن هم قطبی است نقطه جوش کمتری دارد. (یعنی مولکول با جرم مولی کمتر نقطه جوش بالاتری دارد.)

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۳ و ۱۰۶)