



# آزمون هدف‌گذاری

۱۰۰ هزار

دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

دروس احصا

پاسخگویی به تمام سوالات این آزمون اجباری است.

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	شماره سؤالات	مدت پاسخ‌گویی (دقیقه)
۱	حسابان	۱۰	۱ - ۱۰	۱۵
۲	هندسه	۱۰	۱۱ - ۲۰	۱۵
۳	گسیلله ریاضیات	۱۵	۲۱ - ۳۰	۱۵
۴	فیزیک	۱۰	۳۱ - ۴۰	۱۵
۵	شیمی	۱۰	۴۱ - ۵۰	۱۰
مجموع				۷۰

## گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزشی علوم پایه

۰۳۱-۰۶۴۴۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: مشتق و کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۷۱ تا ۱۱۹

- ۱- آهنگ متوسط تغییر مساحت یک دایره نسبت به محیط آن، وقتی شعاع دایره از  $r$  به  $6r$  افزایش می‌یابد، برابر ۵ است.  
آهنگ لحظه‌ای تغییر مساحت این دایره نسبت به ساعش، وقتی شعاع  $r$  است، کدام است؟

$8\pi$  (۴)

$4\pi$  (۳)

$8$  (۲)

$4$  (۱)

۲- مشتق تابع  $y = \frac{\tan x(1 - \tan^2 x)}{(1 + \tan^2 x)^2}$  در  $x = \frac{\pi}{24}$  چند برابر  $\sqrt{3}$  است؟

$\frac{1}{4}$  (۴)

$\frac{1}{3}$  (۳)

$\frac{1}{2}$  (۲)

۱ (۱)

۳- مشتق تابع  $f(x) = \sin^3(\pi\sqrt{x})$  در  $x = \frac{1}{9}$  کدام است؟

$\frac{27\pi}{16}$  (۴)

$\frac{3\pi}{8}$  (۳)

$\frac{\pi}{4}$  (۲)

$\frac{\pi}{8}$  (۱)

- ۴- نمودار توابع  $f(x) = x^4 + 2x^3 + ax^2 + bx + c$  و  $f'(x)$  در نقطه  $x=1$  بر هم عمودند. حاصل  $a - b$  کدام است؟

$19$  (۴)

$23$  (۳)

$17$  (۲)

$29$  (۱)

۵- تابع  $f(x) = \sqrt{\frac{x-1}{x+2}}$  مفروض است. مقدار  $f''(2)$  کدام است؟

$-\frac{21}{64}$  (۴)

$-\frac{15}{128}$  (۳)

$-\frac{121}{128}$  (۲)

$-\frac{15}{64}$  (۱)

- ۶- اگر مساحت مثلث حاصل از وصل کردن نقاط بحرانی تابع  $f(x) = |x-1| - m$  به یکدیگر، برابر ۴ باشد، مقدار  $m$  کدام است؟

$4$  (۴)

$3$  (۳)

$2$  (۲)

$1$  (۱)

- ۷- تعداد نقاط بحرانی تابع  $f(x) = \frac{1}{x^2 + 1} + x$  و  $g(x) = (2x-a)|x-3|$  برابر است. مقدار  $a$  کدام است؟ ( [ ] نماد جزء صحیح است).

$12$  (۴)

$9$  (۳)

$18$  (۲)

$6$  (۱)

- ۸- اگر مجموع مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع  $f(x) = x^4 - 8x^3 + k$  در بازه  $[1, -3]$  برابر صفر باشد، مقدار  $k$  کدام است؟

$\frac{7}{2}$  (۴)

$8$  (۳)

$\frac{3}{5}$  (۲)

$\frac{4}{3}$  (۱)

- ۹- نقاط A و B اکسترموم‌های نسبی نمودار تابع  $f(x) = \sqrt{2 - [x]^2} |x-1|$  هستند. فاصله این دو نقطه کدام است؟ ( [ ] نماد جزء صحیح است).

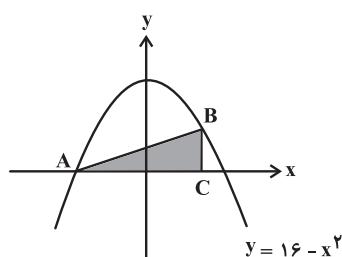
$1$  (۴)

$\sqrt{3}$  (۳)

$\sqrt{2}$  (۲)

$2$  (۱)

- ۱۰- مخروطی با حجم ماکزیمم توسط دوران مثلث ABC حول محور x ها ایجاد شده است. شعاع قاعده مخروط کدام است؟



$\frac{384}{25}$  (۱)

$\frac{384}{15}$  (۲)

$4$  (۳)

$7$  (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی، بردارها: صفحه‌های ۴۷ تا ۶۸

- ۱۱- یک بیضی که قطر بزرگ آن موازی محور  $x$  هاست، در نقاط  $(0, 2)$  و  $(0, 4)$  به محورهای مختصات مماس است. اگر کانون‌های این بیضی را با  $F$  و  $F'$  و دو سر قطر کوچک آن را با  $B$  و  $B'$  نشان دهیم، اندازه زاویه  $\hat{FBF'}$  چند درجه است؟

(۱۵۰) ۴

(۱۲۰) ۳

(۹۰) ۲

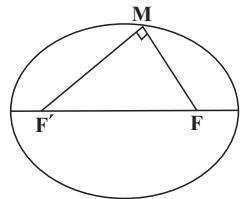
(۶۰) ۱

- ۱۲- خط هادی سهمی  $y = x^2 + 3x$  کدام است؟

 $-\frac{7}{4}$  (۴) $-\frac{9}{4}$  (۳) $-\frac{5}{2}$  (۲)

-۲ (۱)

- ۱۳- در شکل زیر نقاط  $F$  و  $F'$  کانون‌های بیضی هستند و طول قطر بزرگ و کوچک بیضی به ترتیب برابر ۶ و ۲ است. طول پاره‌خط  $MF$  کدام است؟

(۲)  $-\sqrt{2}$ (۳)  $-\sqrt{2}$ (۴)  $-2\sqrt{2}$ (۵)  $-2\sqrt{2}$ 

- ۱۴- دو پرتوی نور که به موازات محور  $x$  ها بر سهمی به معادله  $= 0 = 4y^2 + 2y - 6x + 4$  می‌تابند، پس از بازتاب در کدام نقطه یکدیگر را قطع می‌کنند؟

(۱)  $(-\frac{1}{2}, 0)$  (۴)(۲)  $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$  (۳)(۳)  $(2, -1)$  (۲)(۴)  $(-1, -1)$  (۱)

- ۱۵- رأس و کانون سهمی  $y^2 = 4(2x + y + 1)$  منطبق بر کانون‌های یک بیضی هستند به‌طوری که وترهای کانونی این دو بر هم منطبق و با هم برابر هستند. خروج از مرکز بیضی کدام است؟

 $\frac{1}{2}$  (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۳) $\sqrt{5} - 2$  (۲)(۱)  $2 - \sqrt{3}$ 

- ۱۶- قرینه نقطه  $A = (4, 5, a)$  نسبت به صفحه  $xy$  نقطه  $B = (b, c, -3)$  است. اگر تصویر نقطه  $B$  روی صفحه  $yz$  نقطه  $C = (f, d, e)$  باشد، مجموع مختصات نقطه  $C$  کدام است؟

-۹ (۴)

-۸ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

- ۱۷- معادلات  $\begin{cases} y = 2 \\ z = 1 \end{cases}$ ، کدام یک از موارد زیر را در فضا مشخص می‌کند؟

۱) خطی موازی با محور  $x$  ها۲) صفحه‌ای موازی با محور  $x$  ها

- ۱۸- نقاط  $P = (1, 0, 1)$ ،  $Q = (0, -1, -2)$  و  $R = (3, 0, -1)$  در فضا مفروض‌اند. مثلث  $PQR$  چگونه است؟

۱) قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین

۲) متساوی‌الاضلاع

۳) قائم‌الزاویه غیر قائم‌الزاویه

۱) قائم‌الزاویه

۲) متساوی‌الاضلاع

- ۱۹- اگر نقطه  $A = (-1, 0, 0)$ ،  $B = (2, 0, \sqrt{2})$  و  $C = (3, \sqrt{2}, \sqrt{2})$  سه رأس مثلث  $ABC$  باشند، طول میانه  $AM$  کدام است؟

 $\frac{\sqrt{79}}{2}$  (۴) $\frac{\sqrt{55}}{2}$  (۳) $\frac{\sqrt{63}}{2}$  (۲) $\frac{\sqrt{87}}{2}$  (۱)

- ۲۰- اگر  $(1, -1, 2)$ ،  $A = (2, 2, 4)$ ،  $B = (2, 0, 1)$  و  $C = (-2, 0, 1)$  سه رأس از متساوی‌الاضلاع  $ABCD$  باشند، آنگاه طول قطر  $BD$  کدام است؟

۱۰ (۴)

 $5\sqrt{3}$  (۳) $5\sqrt{2}$  (۲)

۵ (۱)

ریاضیات گستره: گراف و مدل‌سازی، ترکیبات: صفحه‌های ۴۳ تا ۶۱ / ریاضی ۱: شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۴۰ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

۲۱- در یک گراف از مرتبه ۸ که دارای یک ۷-مجموعه با اندازه ۱ باشد، حداقل تعداد اعضای یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال کدام است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

۲۲- کدام یک از گراف‌های زیر، هیچ مجموعه احاطه‌گر مینیمال غیرمینیممی ندارد؟

C<sub>9</sub> (۴)

C<sub>8</sub> (۳)

C<sub>7</sub> (۲)

C<sub>6</sub> (۱)

۲۳- عدد احاطه‌گری گرافی از مرتبه ۵ برابر ۲ است. اختلاف کمترین و بیشترین اندازه این گراف کدام است؟

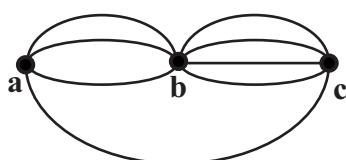
۳ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۶ (۱)

۲۴- در شکل زیر به چند طریق می‌توان از a به c رفت و سپس به a برگشت به طوری که مسیر رفت و برگشت دقیقاً یکسان نباشد؟



۱۴۴ (۱)

۱۵۶ (۲)

۱۶۸ (۳)

۱۸۲ (۴)

۲۵- چهار زوج می‌خواهند که در دو ردیف صندلی که هر ردیف شامل ۵ صندلی است، بنشینند. در چند حالت هیچ زوجی جدا از هم نیستند؟

۱۰۸۰۰ (۴)

۸۰۰۰ (۳)

۲۴۰۰ (۲)

۹۶۰۰ (۱)

۲۶- با حروف کلمه engineer چند کلمه ۸ حرفی می‌توان ساخت. به طوری که حروف e همگی کنار هم نباشند؟

۴۰۸۰ (۴)

۳۷۲۰ (۳)

۳۳۶۰ (۲)

۳۰۰۰ (۱)

۲۷- چند عدد پنج رقمی زوج با ارقام ۷، ۶، ۵، ۴، ۳، ۲، ۱ می‌توان ساخت؟

۸۰ (۴)

۹۶ (۳)

۷۶ (۲)

۱۰۲ (۱)

۲۸- به چند طریق می‌توان ۸ شاخه گل را در ۴ گلدان قرار داد، به طوری که در هیچ گلدانی بیش از سه شاخه گل نباشد؟

۷۰ (۴)

۳۵ (۳)

۸۴ (۲)

۴۰ (۱)

۲۹- معادله  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 20$ ، چند جواب صحیح و نامنفی دارد؟

۳۳ (۴)

۳۲ (۳)

۲۸ (۲)

۲۱ (۱)

۳۰- معادله  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 12$  چند جواب صحیح و مثبت دارد به شرط آنکه  $x_5 > 3$  و  $x_1 > 2$  باشد؟

۸۴ (۴)

۵۶ (۳)

۳۵ (۲)

۲۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: نوسان و موج، برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۶۹ تا ۱۱۴

۳۱- نوسانگر ساده‌ای که نقطه تعادل آن منطبق بر  $x = 0$  است، از دامنه خود شروع به نوسان می‌کند. در صورتی که بسامد این

نوسانگر  $\frac{3}{4\pi}$  هرتز باشد، در لحظه ..... ثانیه، نوسانگر دارای انرژی جنبشی بیشینه می‌باشد و در لحظه ..... ثانیه، انرژی جنبشی، نصف انرژی مکانیکی نوسانگر است. (به ترتیب از راست به چپ).

$$\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{6} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4} \quad (1)$$

۳۲- پنج آونگ ساده به طول‌های ۸۰cm، ۱۸۰cm، ۲۴۰cm، ۳۶۰cm و ۵۰۰cm از میله‌ای آویزان شد. میله با بسامد زاویه‌ای در

$(g = 10 \frac{N}{kg})$  گستره  $\frac{rad}{s}/\frac{rad}{s}$  و  $\frac{rad}{s}/\frac{rad}{s}$  به طور افقی به نوسان درمی‌آید. دامنه کدام آونگ‌ها از بقیه آونگ‌ها بیشتر است؟

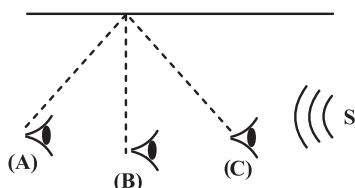
$$180^\circ \text{ و } 240^\circ \quad (2)$$

$$180^\circ \text{ و } 360^\circ \quad (1)$$

$$360^\circ \text{ و } 500^\circ \text{ سانتی‌متری} \quad (4)$$

$$240^\circ \text{ و } 360^\circ \text{ سانتی‌متری} \quad (3)$$

۳۳- شخصی روی یک آونگ از نقطه A به نقطه C می‌رود و صوت ناشی از چشمۀ صوتی S را دریافت می‌کند. اگر  $f_S$  بسامد چشمۀ صوت و  $f_A$ ،  $f_B$  و  $f_C$  بسامد دریافتی شخص در نقاط خواسته شده باشد، کدام گزینه درست است؟ (A و C انتهای مسیر است).



$$f_S > f_B > f_C \quad (1)$$

$$f_B > f_A > f_S \quad (2)$$

$$f_S = f_A = f_C \quad (3)$$

نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۳۴- جسمی به جرم  $600g$  توسط فنر به ضریب سختی  $\frac{N}{cm}/\frac{N}{cm}$  در راستای قائم نوسان می‌کند. اگر طول عادی فنر (قبل از وصل

$(g = 10 \frac{N}{kg})$  ۱۵cm و بیشترین طول فنر در حین نوسان وزنه ۲۵cm باشد حداکثر سرعت وزنه حین نوسان کدام است؟

$$50 \quad (4)$$

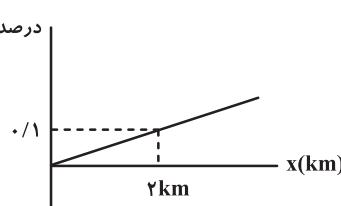
$$13 \quad (3)$$

$$1/5 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

۳۵- یک منبع صوت در مبدأ محور x در فضای باز قرار دارد و نمودار درصد انرژی اتلافی (نسبت به منبع) بر حسب مکان مطابق نمودار زیر می‌باشد. اختلاف تراز شدت صوت نقاط  $x_1 = 2km$  و  $x_2 = 4km$  کدام گزینه است؟ ( $\log 2 \approx 0.3$  و  $\log 3 \approx 0.5$ )

درصد اختلاف انرژی



$$2 \text{dB} \quad (1)$$

$$7 \text{dB} \quad (2)$$

$$4 \text{dB} \quad (3)$$

$$14 \text{dB} \quad (4)$$



- ۳۶- شخصی در مقابل یک دیوار بلند ایستاده است. این شخص به وسیله بلندگویی، صوتی با بسامد ثابت به سمت دیوار ارسال می‌کند و بعد، پژواک صوت را می‌شنود. اگر فاصله دیوار از شخص  $40\text{m}$  و طول موج صوت ایجاد شده توسط شخص  $2\text{cm}$  باشد،

بسامد صوت چند کیلوهرتز است؟

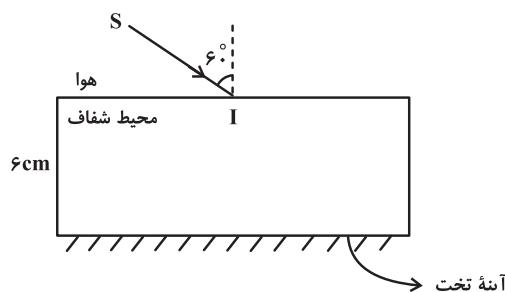
۱۶) ۴

۸) ۳

۳) ۲

۶۴) ۱

- ۳۷- مطابق شکل زیر، پرتو تک رنگ SI از هوا وارد محیط شفافی با ضریب شکست  $\sqrt{3}$  می‌شود و پس از بازتاب از آبینه‌ای که در کف آن نصب شده است، از آن خارج می‌شود. فاصله بین دو نقطه ورود و خروج از محیط شفاف چند سانتی‌متر است؟



۴ $\sqrt{3}$ ) ۱

۱۲ $\sqrt{3}$ ) ۲

۶ $\sqrt{3}$ ) ۳

۲ $\sqrt{3}$ ) ۴

- ۳۸- تعداد گره‌ها در یک لوله صوتی با دو انتهای باز که مُددوم در آن تشکیل شده است چند برابر تعداد شکم‌ها در یک لوله صوتی یک انتهای باز است که مُددوم در آن تشکیل شده است؟

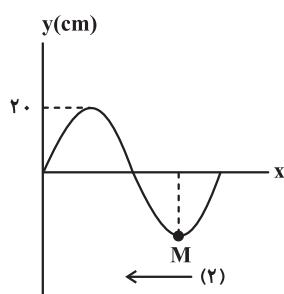
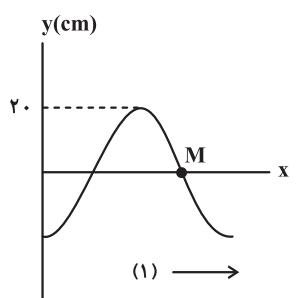
$\frac{3}{4}) ۴$

۱) ۳

$\frac{3}{2}) ۲$

$\frac{2}{3}) ۱$

- ۳۹- نمودار جایه‌جایی- مکان دو موج سینوسی با دوره یکسان  $T$  که در خلاف جهت یکدیگر و در یک راستا در حال انتشارند در  $t=0$  مطابق شکل است. جایه‌جایی نقطه M از وضع تعادل در موج برایند در لحظه  $t = \frac{T}{4}$  بر حسب سانتی‌متر کدام گزینه است؟



۱۰) ۱

-۱۰) ۲

۲۰) ۳

-۲۰) ۴

- ۴۰- طول تار یک گیتار، یک متر و جرم آن  $5\text{g}$  است. اگر بسامد هماهنگ پنجم در این تار  $150\text{ Hz}$  از بسامد هماهنگ دوم بیشتر باشد، این تار تحت چه کششی بر حسب نیوتون قرار دارد؟

۲۰۰) ۴

۱۵۰) ۳

۱۰۰) ۲

۵۰) ۱



شیمی ۳: شیمی، جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری + شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن قوه: صفحه‌های ۶۷ تا ۱۰۲

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

## ۴۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) سیلیس افزون بر خاک‌های رس، یکی از سازنده‌های اصلی بسیاری از سنگ‌ها، صخره‌ها و نیز شن و ماسه می‌باشد.

۲) عنصرهای اصلی سازنده جامدات کووالانسی در طبیعت همان دو عنصر نخست گروه ۱۴ جدول دوره‌ای هستند.

۳) مولکول‌های چهار اتمی برخلاف مولکول‌های سه اتمی:  $\text{CO}_2$ ,  $\text{HCN}$  و  $\text{SCO}$  نمی‌توانند شکل خطی داشته باشند.۴) در بین ترکیب‌های یونی  $\text{LiF}$ ,  $\text{MgO}$ ,  $\text{MgF}_2$  و  $\text{KF}$  آنتالپی فروپاشی شبکه  $\text{MgO}$  بیشتر از سایرین است.

## ۴۲- کدام گزینه درست است؟

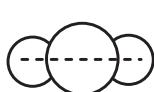
۱) تاکنون هیچ نوع یونی شامل عناصر C و Si شناخته نشده است.

۲) در ساختار ترکیب  $\text{NH}_4\text{NO}_3$  هم پیوند کووالانسی و هم پیوند یونی وجود دارد.

۳) فلزات عناصر دسته d همگی فلزاتی سخت و مستحکم هستند.

۴) اگر آرایش الکترونی آخرین لایه عناصر A, B و C به ترتیب  $1s^1$ ,  $2s^2$  و  $4p^5$  باشد، آنتالپی فروپاشی  $\text{AC}_2$  بیشتر از  $\text{BC}_2$  است.

۴۳- با توجه به مولکول‌های (آ) و (ب) که شکل هندسی دو مولکول متفاوت را نشان می‌دهند، چند مورد از عبارت‌های زیر درباره آن‌ها درست است؟ (اتم‌ها و مولکول‌ها در شکل‌ها فرضی می‌باشند).



(ب)



(آ)

• رفتار دو مولکول همواره در میدان الکتریکی متفاوت است.

• مولکول (آ) می‌تواند به  $\text{H}_2\text{O}$  یا  $\text{SO}_2$  مربوط باشد.

• اگر (ب) مربوط به کربن دی‌اکسید باشد اتم مرکزی در نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی به رنگ آبی خواهد بود.

• در مولکول (آ) همواره اتم‌ها یکسان‌اند.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

## ۴۴- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

• نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی دو ترکیب  $\text{CH}_3^-$  و  $\text{PH}_3$  تقریباً یکسان است.

• دو ترکیب آمونیاک و گوگرد تری‌اکسید، ساختارهای یکسانی دارند و اتم مرکزی آن‌ها دارای بار جزئی منفی است.

• هر مولکول سه اتمی که بر روی اتم مرکزی جفت الکترون ناپیوندی نداشته باشد، خطی است.

• در هر دو مولکول کربونیل سولفید و کربن دی سولفید تراکم بار الکتریکی کمتر بوده و در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

## ۴۵- چند مورد از موارد زیر نادرست می‌باشد؟

• آنتالپی فروپاشی  $\text{NaCl}$  از  $\text{KF}$  بیشتر است.

• جاذبه بسیار قوی میان هسته اتم‌های فلز و الکترون‌های دریای الکترونی باعث می‌شود که هسته اتم‌های فلز در جای خود ثابت بمانند.

• در آلیاژ نیتینول تمام اتم‌ها دارای ۸ الکترون با  $= = = = = = = =$  می‌باشند.

• عنصر اصلی سازنده قوطی حلبی یک فلز بوده که برخی از رفتارهای فیزیکی و شیمیایی آن با مدل دریای الکترونی توجیه می‌شود.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۱

۴) ۲



۴۶- کدامیک از واکنش‌های داده شده مربوط به واکنش گرمایگیری است که با سرعت بیشتری نسبت به دیگر واکنش‌ها انجام می‌شود؟

(شرایط انجام واکنش‌ها را یکسان در نظر بگیرید.)



۴۷- نمودار زیر مربوط به واکنش  $2\text{NO(g)} \rightarrow \text{N}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g})$  در غیاب کاتالیزگر است. اگر انرژی فعال‌سازی این واکنش در همان

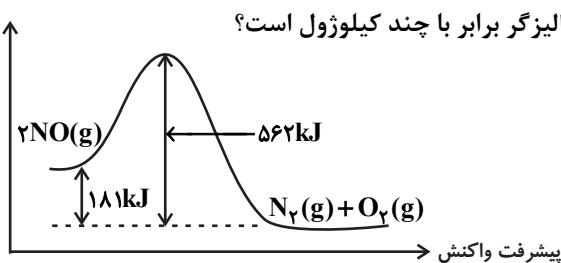
دما در حضور کاتالیزگر به  $\frac{1}{3}$  کاهش یابد، مقدار  $E_a$  در حضور این کاتالیزگر برابر با چند کیلوژول است؟

۱۲۷ (۱)

۱۹۰/۵ (۲)

۲۴۷ (۳)

۳۸۱ (۴)



۴۸- کدامیک از موارد زیر درست است؟

(۱) هر کاتالیزگر می‌تواند به همه واکنش‌ها سرعت ببخشد.

(۲) بر روی سطح مبدل کاتالیستی فلزهای طلا، پلاتین و پالادیم نشانده شده است.

(۳) کارایی مبدل‌های کاتالیستی پس از مدتی کاهش می‌یابد.

(۴) کاتالیزگرهای در شرایط واکنش، پایداری شیمیایی کمی از خود نشان می‌دهند.

۴۹- چند مورد از موارد زیر صحیح می‌باشد؟

• در سطح سرامیک‌های درون مبدل کاتالیستی، توده‌های فلزی با قطر ۲ تا ۱۰ میکرومتر وجود دارند.

• بر روی سطح سرامیکی مبدل کاتالیستی فلزهای پلاتین (Pt)، پالادیم (Pd) و رودیم (Rd) می‌نشانند.

• مبدل‌های کاتالیستی برای مدت طولانی کار می‌کنند اما پس از مدتی کارایی آن کاهش می‌یابند.

• در خروجی مبدل کاتالیستی گونه‌ای با گشتاور دوقطبی مشبت وجود ندارد.

۱ (۳)                  ۲ (۲)                  ۳ (۴)                  ۴ (۱)

۵- چند مورد از موارد زیر نادرست می‌باشد؟ ( $H = 1$ ,  $N = 14$ :  $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

• در واکنش سوختن هیدروژن، ایجاد جرقه در مخلوط باعث کاهش  $E_a$  واکنش و در نتیجه واکنش انفجاری می‌شود.

• در واکنش انجام شده در مبدل‌های کاتالیستی خودروهای دیزلی، گونه‌های اکسنده، رادیکال می‌باشند.

• برای گونه شیمیایی با فرمول مولکولی  $C_6H_6O$ ، تنها می‌توان یک طیف فروسرخ در نظر گرفت.

• در واکنش انجام شده مبدل کاتالیستی خودروهای دیزلی، به ازای مصرف  $1/806 \times 10^{33} \text{ g}$  گونه کاهنده  $1/7 \text{ g}$  الکترون مبادله می‌شود.

۱ (۱)                  ۲ (۳)                  ۳ (۲)                  ۴ (۴)



# دفترچه پاسخ

## آزمون هدف گذاری

۱۰ صدر۲۰۱۴

### اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

طراحان

و  
قیمت

نام درس	نام طراحان (به ترتیب حروف الفبا)
حسابان ۲	شاهین پروازی - سهیل تقیزاده - افشین خاصه‌خان - طاهر دادستانی - محمد رضا راسخ - فرشاد صدیقی فر حمدی علیزاده - کیان کریمی خراسانی
هندسه ۳	امیرحسین ابومحبوب - عادل حسینی - مهدی خالتی - محمد خندان
ریاضیات گسسته	امیرحسین ابومحبوب - عادل حسینی - مهدی خالتی - کیوان دارابی - نوید مجیدی - نیلوفر مهدوی
فیزیک ۳	خسرو ارغوانی‌فرد - بابک اسلامی - سعید شرق - عرفان عسکریان چایجان - پوریا علاقمند - محسن قندچلر مصطفی کیانی - علیرضا گونه
محمد رشید هردون	خوش‌کیش - ماهان زواری - محمد رضا پور جاوید - کامران جعفری - مرتضی

گروه علمی

نام درس	حسابان ۲	هندسه ۳ و ریاضیات گسسته	فیزیک ۳	شیمی ۳
گزینشگر	سهیل تقیزاده	مهدی خالتی	عادل حسینی	ماهان زواری
گروه ویراستاری	سهیل تقیزاده	مهدی خالتی	عادل حسینی	امیر رضا حکمت‌نیا
مسئول درس	سهیل تقیزاده	مهدی خالتی	عادل حسینی	ماهان زواری
مسئول درس مستندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	امیرحسین مرتضوی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
عادل حسینی	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
فرزانه فتح‌الله زاده	حروف‌نگار و صفحه‌آرا

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب، بین صبا و فلسطین، پلاک ۹۷۷ - کانون فرهنگ آموزشی آموزش ۶۴۶۳ - ۷۱



با توجه به نکته‌ای که بالاتر ذکر شد، داریم:

$$f'(x) = 4x^3 + 6x^2 + 2ax + b$$

$$f''(x) = 12x^2 + 12x + 2a$$

$$\begin{cases} f(1) = f'(1) \Rightarrow 4 + a + b = 4 + 6 + 2a + b \Rightarrow a = -6 \\ f'(1) \cdot f''(1) = -1 \Rightarrow (10 + 2a + b)(24 + 2a) = -1 \\ \Rightarrow (b - 2)(12) = -1 \Rightarrow b = \frac{23}{12} \end{cases}$$

$$\Rightarrow 12b - a = (12)\left(\frac{23}{12}\right) - (-6) = 23 + 6 = 29$$

(مسابان ۲ - مشتق: صفحه ۹۳)

(سعیل تقیزاده)

«۲» گزینه ۵

$$f(x) = \left(\frac{x-1}{x+2}\right)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{2} \frac{3}{(x+2)^2} \left(\frac{x-1}{x+2}\right)^{-\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow f''(x) = -\frac{3}{2(x+2)^3} \left(\frac{x-1}{x+2}\right)^{\frac{1}{2}} \left(2 + \frac{3}{2(x-1)}\right)$$

$$\Rightarrow f''(2) = -\frac{21}{128}$$

(مسابان ۲ - مشتق: صفحه‌های ۹۴ و ۹۵)

(ممدرضا راسخ)

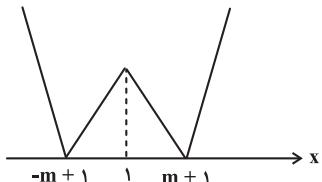
«۱» گزینه ۶

چون شکل به دست آمده از وصل کردن نقاط بحرانی مثلث است، باید تابع

دارای ۳ نقطه بحرانی باشد، در نتیجه  $m > 0$ . ریشه‌های ساده درون $x-1=0 \Rightarrow x=1$  قدرمطلق‌ها نقاط بحرانی‌اند:

$$|x-1|=m \Rightarrow \begin{cases} x=m+1 \\ x=-m+1 \end{cases}$$

بنابراین نمودار تابع به شکل زیر است:



مساحت مثلث حاصل برابر است با:

$$S = \frac{m \times f(1)}{2} = \frac{m^2}{2} = 4 \Rightarrow m^2 = 4 \Rightarrow m = 2$$

(ممدرضا راسخ)

حسابان ۲

«۴» گزینه ۱

$$\frac{\Delta(\text{مساحت})}{\Delta(\text{محیط})} = \delta \Rightarrow \frac{\pi r^2 - \pi r_0^2}{2\pi r - 2\pi r_0} = \delta$$

$$\Rightarrow \frac{\pi(r-r_0)(r+r_0)}{2\pi(r-r_0)} = \delta \Rightarrow \frac{r+r_0}{2} = \delta$$

$$\xrightarrow{r=6} \frac{r+r_0}{2} = \delta \Rightarrow r_0 = 4$$

حال آهنگ لحظه‌ای تغییر را پیدا می‌کنیم:

$$S = \pi r^2 \Rightarrow S' = 2\pi r \xrightarrow{r=4} S'(4) = 8\pi$$

(مسابان ۲ - مشتق: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴)

(فرشاد صدیقی فر)

«۲» گزینه ۲

$$y = \frac{\tan x}{1 + \tan^2 x} \times \frac{1 - \tan^2 x}{1 + \tan^2 x}$$

$$y = \frac{1}{2} \sin 2x \times \cos 2x = \frac{1}{4} \sin 4x$$

$$\Rightarrow y' = \cos 4x \xrightarrow{x=\frac{\pi}{24}} y' = \cos 4\left(\frac{\pi}{24}\right) = \cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(مسابان ۲ - مشتق: صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)

(اخشنی فاضمه‌فان)

«۴» گزینه ۳

$$f'(x) = 3 \sin^2(\pi\sqrt{x}) \left(\frac{\pi}{\sqrt{x}}\right) \cos(\pi\sqrt{x})$$

$$\Rightarrow f'\left(\frac{1}{9}\right) = 3 \sin^2\left(\frac{\pi}{3}\right) \frac{\pi}{2} \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = 3\left(\frac{\pi}{4}\right)\left(\frac{3\pi}{2}\right)\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{27\pi}{16}$$

(مسابان ۲ - مشتق: صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)

(سعیل تقیزاده)

«۱» گزینه ۴

برای این که دو نمودار تابع  $g$  و  $h$  در نقطه  $x = \alpha$  بر هم عمود باشند، می‌بایست:

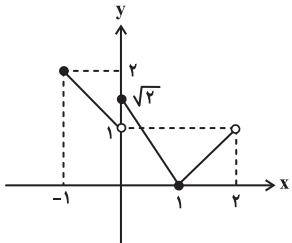
$$\begin{cases} h(\alpha) = g(\alpha) \\ h'(\alpha)g'(\alpha) = -1 \end{cases}$$



با توجه به دامنه  $f$  رفتار قدرمطلق و جزء صحیح را در بازه‌های مختلف

بررسی کرده و نمودار تابع را رسم می‌کنیم:

$$f(x) = \begin{cases} 1-x & ; -1 \leq x < 0 \\ \sqrt{2} - \sqrt{2}x & ; 0 \leq x < 1 \\ x-1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$$



نقاط  $(0, 1)$ ,  $(0, \sqrt{2})$  و  $(1, 0)$  به ترتیب ماکزیمم نسبی و مینیمم نسبی نمودار تابع اند.

$$\Rightarrow d = \sqrt{(1-0)^2 + (0-\sqrt{2})^2} = \sqrt{3}$$

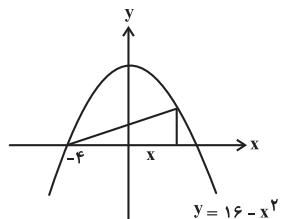
(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(شاھین پژوهی)

«۱» -۱.

با توجه به فرمول حجم مخروط  $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$  داریم:

$$r = 16 - x^2 \text{ و } h = x + 4$$



$$\Rightarrow V(x) = \frac{1}{3}\pi(16 - x^2)^2(x + 4)$$

$$\Rightarrow V'(x) = \frac{1}{3}\pi(2(16 - x^2)(-2x)(x + 4) + (16 - x^2)^2)$$

$$\xrightarrow{V'=0} (16 - x^2)(-4x^2 - 16x + 16 - x^2) = 0$$

$$\xrightarrow{x \neq \pm 4} 5x^2 + 16x - 16 = 0$$

$$(5x - 4)(x + 4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{4}{5} & \text{ق ق} \\ x = -4 & \text{غ ق ق} \end{cases}$$

$$\Rightarrow r = 16 - \left(\frac{16}{25}\right) = \frac{384}{25} : \text{شعاع قاعدة مخروط}$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

بنابراین ضابطه تابع  $f$  به صورت  $f(x) = |x - 1| - 2$  است و داریم:

$$f(m) = f(2) = 1$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه ۱۷)

(کلیان کریمی فراسانی)

«۲» -۷

$$x = \begin{cases} 1 & ; x = 0 \\ x & ; x \neq 0 \end{cases}$$

نقطه بحرانی دارد، در نتیجه تابع  $g$  هم یک نقطه بحرانی دارد.

$$g(x) = \begin{cases} 2x^2 - (a+6)x + 3a & ; x \geq 3 \\ -2x^2 + (a+6)x - 3a & ; x < 3 \end{cases}$$

توجه کنید که تابع  $g$  در  $x = 3$  و  $x = \frac{a+6}{4}$  نقطه بحرانی دارد. پس

برای این‌که فقط یک نقطه بحرانی داشته باشد، باید  $\frac{a+6}{4} = 3$  شود، پس  $a = 6$  داریم:

$$g(x) = 2(x - 3) |x - 3| \Rightarrow g(a) = g(6) = 18$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه ۱۷)

«۳» -۸

برای محاسبه ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع پیوسته، باید ابتدا نقاط بحرانی و نقاط ابتداء و انتهای دامنه را بیابیم و عرض آنها را به دست آوریم. از بین آنها ماکزیمم و مینیمم به دست می‌آید:

$$f'(x) = 4x^3 - 16x \xrightarrow{f'(x)=0} x = 0, x = 2, x = -2$$

$$\xrightarrow{x \in (-3, 1)} x = 0, x = -2$$

$k(0, -2)$  نقطه بحرانی

$k(-3, 1)$  نقطه ابتدا

پس ماکزیمم تابع  $k + 9$  و مینیمم آن  $k - 16$  است. در نتیجه داریم:

$$k - 16 + k + 9 = 0 \Rightarrow k = \frac{7}{2}$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(شاھین پژوهی)

«۴» -۹

ابتدا دامنة تابع را محاسبه می‌کنیم:

$$2 - [x]^2 \geq 0 \Rightarrow [x]^2 \leq 2 \Rightarrow |x| \leq \sqrt{2} \Rightarrow -\sqrt{2} \leq |x| \leq \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow -1 \leq x < 2$$



بایدی

آموزی

$$\Delta MFF' : MF^2 + MF'^2 = FF'^2 \Rightarrow x^2 + (6-x)^2 = (4\sqrt{2})^2$$

$$\Rightarrow x^2 + 36 - 12x + x^2 = 32 \Rightarrow 2x^2 - 12x + 4 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 6x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow x = \frac{6 \pm 4\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 + 2\sqrt{2} \\ x = 3 - 2\sqrt{2} \end{cases}$$

با توجه به شکل،  $MF = 3 - 2\sqrt{2}$  است.

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

(عارل مسینی)

- ۱۴ گزینه «۲»

ابتدا معادله سهمی را به صورت متعارف در می‌آوریم:

$$y^2 + 2y - 6x + 4 = 0 \Rightarrow y^2 + 2y + 1 = 6x - 3$$

$$\Rightarrow (y+1)^2 = 6(x - \frac{1}{2}) \Rightarrow \begin{cases} \text{رأس سهمی: } A(\frac{1}{2}, -1) \\ ۴a = 6 \Rightarrow a = \frac{3}{2} \end{cases}$$

دهانه سهمی رو به راست است، پس داریم:

$$F(a+h, k) = (\frac{3}{2} + \frac{1}{2}, -1) = (2, -1)$$

چون محور تقارن سهمی موازی محور  $x$  ها است، پس پرتوهای نوری که موازی با محور  $x$  ها به سهمی می‌تابند، پس از بازتاب از کانون سهمی یعنی نقطه  $F(2, -1)$  عبور می‌کنند.

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۵۰ تا ۵۶)

(عارل مسینی)

- ۱۵ گزینه «۲»

معادله سهمی را به صورت متعارف زیر می‌نویسیم:

$$y^2 - 4y + 4 = 8x + 8 \Rightarrow (y-2)^2 = 8(x+1)$$

رأس این سهمی  $(2, -1)$  و چون  $a = 2$  است. نقطه  $F(1, 2)$  کانون

آن است. در نتیجه کانون‌های بیضی  $(F(1, 2), F'(1, -2))$  است، پس

$2c = 2 \Rightarrow c = 1$  در بیضی داریم:

وتر کانونی در سهمی برابر  $8a = 16$  و تر کانونی در بیضی برابر  $\frac{2b^2}{a}$  است.

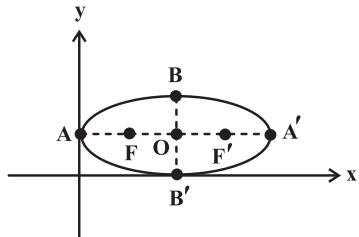
$$\Rightarrow \frac{2b^2}{a} = 16 \Rightarrow b^2 = 4a$$

(موبیر فاثنی)

هندسه ۳

- ۱۱ گزینه «۳»

ابتدا این بیضی را رسم می‌کنیم:



طبق فرض  $4 = AO = OA'$  و  $2 = BO = OB'$  و از طرفی می‌دانیم

که در مثلث قائم‌الزاویه  $OB$ ،  $OBF$  نصف وتر است در نتیجه

$$\hat{FBO} = \hat{F'BO} \text{ از طرفی داریم که } \hat{FBO} = 60^\circ \text{ و } \hat{BFO} = 30^\circ$$

$$\hat{FBF'} = \hat{FBO} + \hat{F'BO} = 2\hat{FBO} = 120^\circ \text{ در نتیجه داریم:}$$

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

(عارل مسینی)

- ۱۲ گزینه «۲»

$$x^2 + 3x = y \Rightarrow (x + \frac{3}{2})^2 = y + \frac{9}{4}$$

$$\text{در این سهمی } S(-\frac{3}{2}, -\frac{9}{4}) \text{ رأس سهمی و } a = \frac{1}{2} \text{ فاصله کانونی آن}$$

$$\text{است. در نتیجه خط } y = -\frac{9}{4} - \frac{1}{4} = -\frac{5}{2} \text{ خط هادی آن است.}$$

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۵۱ تا ۵۵)

(امیرحسین ابراهیمی)

- ۱۳ گزینه «۴»

$$2a = 6 \Rightarrow a = 3$$

$$2b = 2 \Rightarrow b = 1$$

$$c^2 = a^2 - b^2 = 9 - 1 = 8 \Rightarrow c = 2\sqrt{2} \Rightarrow FF' = 2c = 4\sqrt{2}$$

مجموع فواصل نقطه  $M$  از دو کانون بیضی برابر طول قطر بزرگ بیضی

است. با فرض  $MF = x$  داریم:

$$MF + MF' = 2a = 6 \Rightarrow MF' = 6 - x$$



با توجه به تساوی  $|PQ| = |QR|$ ، مثلث  $PQR$  متساوی الساقین است.

ولی طول اضلاع مثلث  $PQR$  در رابطه فیثاغورس صدق نمی‌کند، پس این مثلث قائم‌الزاویه نیست.

(هنرسه ۳ - بردارها؛ صفحه ۶۶ و ۶۷)

(امیرحسین ابومنوب)

«۴» گزینه -۱۹

نقطه  $M$  وسط پاره خط  $BC$  است. بنابراین داریم:

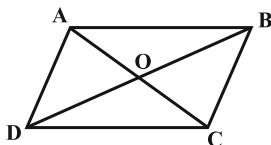
$$M = \frac{B+C}{2} = \left( \frac{5}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}, \sqrt{7} \right)$$

$$AM = \sqrt{\left(\frac{5}{2} + 1\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - 0\right)^2 + (\sqrt{7} - 0)^2} = \sqrt{\frac{49}{4} + \frac{2}{4} + 7} = \frac{\sqrt{79}}{2}$$

(هنرسه ۳ - بردارها؛ صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

(امیرحسین ابومنوب)

«۳» گزینه -۲۰



قطرها در متوازی‌الاضلاع منصف یکدیگرند. بنابراین داریم:

$$O = \frac{A+C}{2} = \frac{(1, -1, 2) + (-2, 0, 1)}{2} = \left( -\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, \frac{3}{2} \right)$$

$$OB = \sqrt{\left(2 + \frac{1}{2}\right)^2 + \left(2 + \frac{1}{2}\right)^2 + \left(4 - \frac{3}{2}\right)^2}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{5}{2}\right)^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2} = \frac{5}{2}\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow DB = 2OB = 2 \times \frac{5}{2}\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$$

(هنرسه ۳ - بردارها؛ صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

حال در بیضی داریم:

$$a^2 = b^2 + c^2 \xrightarrow{b^2 = 4a, c=1} a^2 = 4a + 1$$

$$\Rightarrow a^2 - 4a - 1 = 0 \xrightarrow{a > 0} a = 2 + \sqrt{5}$$

پس خروج از مرکز بیضی برابر  $2 + \sqrt{5}$  است.

(هنرسه ۳ - آشنازی با مقاطع مفروطه؛ صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

(مهبد خان)

«۱» گزینه -۱۶

$$A(4, 5, a) \xrightarrow{\text{قیمت نسبت به صفحه } xy} A'(4, 5, -a)$$

$$A' = B \Rightarrow -a = -3 \Rightarrow a = 3 \Rightarrow A(4, 5, 3)$$

$$A(4, 5, 3) \xrightarrow{\text{تصویر روی صفحه } yz} C(0, 5, 3)$$

$C = 0 + 5 + 3 = 8$  مجموع مختصات نقطه

(هنرسه ۳ - بردارها؛ صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

(محمد خداوند)

«۱» گزینه -۱۷

معادلات  $z = 2$  و  $y = 1$  به ترتیب به صفحاتی عمود بر محور  $y$  (موازی

صفحة  $XZ$ ) و عمود بر محور  $Z$  (موازی صفحه  $XY$ ) تعلق دارند. بنابراین از

تلaci این دو صفحه، خطی حاصل می‌شود که بر محورهای  $y$  و  $Z$  عمود است،

یعنی با محور  $X$  موازی است.

(هنرسه ۳ - بردارها؛ صفحه ۶۷)

(عادل هسینی)

«۳» گزینه -۱۸

با توجه به رابطه فاصله دو نقطه از یکدیگر در  $\mathbb{R}^3$  داریم:

$$|PQ| = \sqrt{(0-1)^2 + (-1-0)^2 + (-2-1)^2} = \sqrt{11}$$

$$|PR| = \sqrt{(3-1)^2 + (0-0)^2 + (-1-1)^2} = \sqrt{8}$$

$$|QR| = \sqrt{(3-0)^2 + (0+1)^2 + (-1+2)^2} = \sqrt{11}$$

(عادل مسینی)

**گزینه «۳»**

در حالت زیر، گراف کمترین تعداد یال را دارد:



و در حالت زیر بیشترین تعداد یال را دارد:

پس اختلاف مورد نظر برابر  $4 - 3 = 1$  است.

(ریاضیات گستره- گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۴۵ و ۴۶)

(انیلوفر مهدوی)

**گزینه «۲»**

تعداد مسیرهای موجود از a به c برابر است با:

$$\left. \begin{array}{l} a \xrightarrow{3} b \xrightarrow{4} c : 12 \text{ مسیر} \\ a \xrightarrow{1} c : 1 \text{ مسیر} \end{array} \right\} + \Rightarrow 13$$

برای رفتن از a به c ۱۳ مسیر وجود دارد، که یکی از این مسیرها برای رفت طی می‌شود، پس برای برگشت از c به a ۱۲ مسیر موجود است و در نتیجه طبق اصل ضرب، تعداد مسیرهای رفت و برگشت برابر است با:

$$13 \times 12 = 156$$

(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۶)

(عادل مسینی)

**گزینه «۱»**

دقت کنید که در هر ردیف یک صندلی باید خالی بماند.

برای رسیدن به مطلوب مسئله، ابتدا از هر ردیف یک صندلی خالی را انتخاب می‌کنیم که به  $= 2^5 = 32$  حالت امکان پذیر است. سپس دو زوج را برای ردیف اول و طبیعتاً دو زوج باقی‌مانده هم برای ردیف دوم انتخاب می‌کنیم

$$\text{که به } \binom{4}{2} = 6 \text{ حالت می‌توانیم این کار را انجام دهیم. سپس از ن } 4 \text{ زوج}$$

در جاهای خودشان به  $= 2^6 = 64 = 2^6 (2!)^2$  حالت جایه‌جا می‌شوند.

در نهایت تعداد کل حالت‌های مطلوب برابر است با:

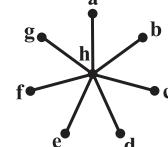
$$25 \times 6 \times 64 = 9600$$

(ریاضیات گستره- شمارش، بروز شمردن؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

**ریاضیات گستره****گزینه «۳»**

(کیوان دارابی)

چون گراف دارای یک ۷- مجموعه با اندازه یک است، پس قطعاً رأسی در گراف وجود دارد که با تمام رئوس دیگر گراف مجاور باشد. حال اگر هیچ دو رأس دیگری در گراف مجاور یکدیگر نباشند، آنگاه مطابق شکل، مجموعه  $A = \{a, b, c, d, e, f, g\}$  یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال برای این گراف است، یعنی حداقل تعداد اعضای چنین مجموعه‌ای برابر ۷ است.

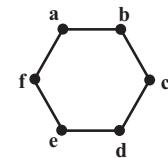


(ریاضیات گستره- گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۴۳ تا ۴۵)

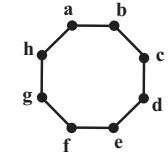
**گزینه «۲»**

(امیرمسین ایومیوب)

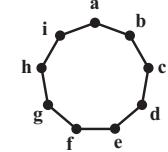
گزینه «۱»: عدد احاطه‌گری گراف  $C_6$ ، برابر ۲ است ولی مطابق شکل مجموعه  $A = \{a, c, e\}$  یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال برای این گراف است.



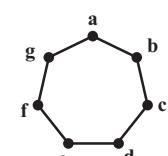
گزینه «۳»: عدد احاطه‌گری گراف  $C_8$ ، برابر ۳ است ولی مطابق شکل مجموعه  $B = \{a, c, e, g\}$  یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال برای این گراف است.



گزینه «۴»: عدد احاطه‌گری گراف  $C_9$ ، برابر ۳ است ولی مطابق شکل مجموعه  $C = \{a, d, f, h\}$  یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال برای این گراف است.



گزینه «۲»: عدد احاطه‌گری گراف  $C_7$ ، برابر ۳ است و هر مجموعه احاطه‌گر مینیمال این گراف دقیقاً دارای ۳ عضو است.



(ریاضیات گستره- گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۴۴ تا ۴۷)



که در آن  $3 \leq x_i$  است. پس قرار می‌دهیم  $x_i - 3 = x'_i$  و در نتیجه

$$\sum_{i=1}^4 (x_i - 3) = 12 - \sum_{i=1}^4 x'_i = 8 \Rightarrow \sum_{i=1}^4 x'_i = 4$$

$$\sum_{i=1}^4 (x_i - 3) = 12 - \sum_{i=1}^4 x'_i = 8 \Rightarrow \sum_{i=1}^4 x'_i = 4$$

که این معادله در مجموعه اعداد صحیح و نامنفی  $\binom{7}{3} = 35$  جواب دارد.

(ریاضیات گسسته- ترکیبات: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

(نوید میری)

#### گزینه «۴» -۲۹

با توجه به اینکه متغیر  $x_3$  در این معادله، ضریب غیر یک دارد، برای حل معادله کافی است حالت‌های ممکن برای این متغیر را دسته‌بندی کنیم.

$$1) x_3 = 0 \Rightarrow x_1 + x_2 = 20 \Rightarrow \binom{20+2-1}{2-1} = \binom{21}{1} = 21$$

$$2) x_3 = 1 \Rightarrow x_1 + x_2 = 19 \Rightarrow \binom{19+2-1}{2-1} = \binom{20}{1} = 20$$

$$3) x_3 = 2 \Rightarrow x_1 + x_2 = 18 \Rightarrow \binom{18+2-1}{2-1} = \binom{19}{1} = 19$$

$$= 21 + 20 + 19 = 60$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبات: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

(امیرحسین ابومسیووب)

#### گزینه «۱» -۳۰

$$x_1 > 3 \Rightarrow x_1 = y_1 + 3; y_1 \geq 1$$

$$2 \leq i \leq 4: x_i \geq 1 \Rightarrow x_i = y_i; y_i \geq 1$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 12$$

$$\Rightarrow (y_1 + 3) + y_2 + y_3 + y_4 + 2 = 12$$

$$\Rightarrow y_1 + y_2 + y_3 + y_4 = 7$$

تعداد جواب‌های معادله صورت سؤال با شرایط داده شده برابر تعداد

جواب‌های طبیعی معادله اخیر است، پس داریم:

$$\binom{7-1}{4-1} = \binom{6}{3} = 20$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبات: مشابه کار در کلاس صفحه ۶۱)

(میریار ثالث)

#### گزینه «۱» -۲۶

ابتدا تعداد کل جایگشت‌های ممکن را حساب می‌کنیم:

$$\frac{8!}{3!2!} = 3360$$

حال تعداد جایگشت‌هایی را حساب می‌کنیم که حروف e کنار هم باشند و سپس این تعداد را از تعداد حالت‌های کل کم می‌کنیم تا تعداد حالت‌های مطلوب به دست آید. برای حساب کردن تعداد این جایگشت‌ها eeeeee را یک شیء در نظر می‌گیریم. حال تعداد این جایگشت‌ها برابر است با:

$$\frac{6!}{2!} = 360$$

$$3360 - 360 = 3000$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبات: صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

(عادل هسینی)

#### گزینه «۴» -۲۷

با ارقام مجموعه‌های  $\{2, 2, 5, 6, 7\}$

$$A_1 = \{2, 2, 5, 6\}, A_2 = \{2, 2, 2, 5, 7\}$$

$A_4 = \{2, 2, 2, 6, 7\}$  باید عدد مورد نظر را بسازیم. تعداد اعداد

پنج رقمی زوجی که با ارقام مجموعه  $A_1$  می‌توان نوشت برابر است با:

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3}{2!} = 36$$

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3}{3!} = 12$$

برای هر کدام از ارقام مجموعه‌های  $A_3$  و  $A_4$  نیز داریم:

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 4}{3!} = 16$$

در نهایت تعداد کل اعداد پنج رقمی زوج برابر است با:

$$36 + 12 + 16 = 64$$

(ریاضیات گسسته- ترکیبات: صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

(عادل هسینی)

#### گزینه «۳» -۲۸

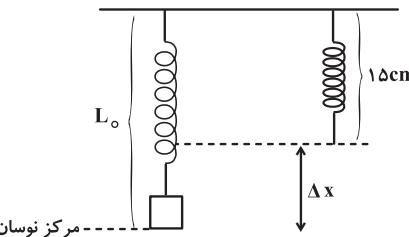
باید معادله سیاله زیر را حل کنیم:

$$\sum_{i=1}^4 x_i = 8$$

(سعید شرق)

**»۲« - ۳۴**

طول عادی فنر  $15\text{ cm}$  است. باید بینیم طول فنر پس از اتصال وزنه به چند سانتی‌متر می‌رسد.



$$mg = k\Delta x$$

$$0.6 \times 10 = 2/4 \times \Delta x \Rightarrow \Delta x = \frac{6}{2/4} = 2/5$$

$$L_0 = 15 + 2/5 = 17/5 \text{ cm}$$

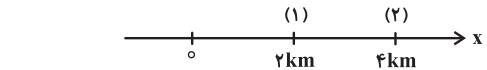
$$A = 25 - 17/5 = 7/5 \text{ cm}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{2/4 \times 100}{0.6}} = 2 \cdot \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$v_{\max} = A\omega = (7/5 \times 10^{-2}) \times 20 = 1/5$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ و ۶۷)

(سعید شرق)

**»۲« - ۳۵**

$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \log \frac{I'_1}{I'_2}$$

$$\frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right) = \left(\frac{4}{1}\right)^2 = 4$$

$$\begin{cases} I'_1 = I_1 \times 10 / 9 \\ I'_2 = I_2 \times 10 / 8 \end{cases}$$

$$\frac{I'_1}{I'_2} = \frac{I_1 \times 10 / 9}{I_2 \times 10 / 8} = \frac{I_1}{I_2} \times \frac{9}{8} = \frac{4}{1} \times \frac{9}{8} = \frac{9}{2}$$

$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \left( \log \frac{9}{2} \right) = 10 (\log 9 - \log 2)$$

$$= 10 (2 \log 3 - \log 2) = 10 (1 - 0/3) = 7$$

$$\Rightarrow \beta_1 - \beta_2 = 7 \text{ dB}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

**فیزیک ۳****»۲« - ۳۱**

(ممتن قنبرلر)

انرژی جنبشی نوسانگر، در نقطه تعادل بیشینه است و مدت زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از نقطه  $x = A$  به نقطه  $x = 0$  برسد، برابر  $\frac{T}{4}$  است:

$$T = \frac{1}{f} = \frac{4\pi}{3} \Rightarrow t = \frac{T}{4} = \frac{\pi}{3} \text{ s}$$

از نقطه  $x = A$ ، انرژی جنبشی و پتانسیل کشسانی نوسانگر با یکدیگر برابر می‌باشند و هر کدام نصف انرژی مکانیکی هستند. مدت زمانی که طول

می‌کشد تا نوسانگر از نقطه  $x = A$  به  $x = 0$  برسد، برابر  $\frac{T}{8}$  است:

$$t = \frac{T}{8} = \frac{\frac{4\pi}{3}}{8} = \frac{\pi}{6} \text{ s}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ و ۶۴)

**»۲« - ۳۲**

(فسرو ارغوان فرد)

$$\frac{\pi}{8} \text{ rad} = \frac{\pi}{s} \text{ rad} \quad \text{گستره طول آونگ‌هایی که با بسامد زاویه‌ای}$$

تا  $\frac{\pi}{5}/2$  دچار تشدید می‌شوند را حساب می‌کنیم.

$$\omega_1 = \sqrt{\frac{g}{l_1}} = \sqrt{\frac{10}{l_1}} = 2 \Rightarrow l_1 = 2/5 \text{ m} = 250 \text{ cm}$$

$$\omega_2 = \sqrt{\frac{g}{l_2}} = 2/5 = \sqrt{\frac{10}{l_2}} \Rightarrow l_2 = 1/6 \text{ m} = 160 \text{ cm}$$

پس آونگ‌هایی که طولشان در محدوده  $160 \text{ cm} < l < 250 \text{ cm}$  است دچار تشدید می‌شوند.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۱ و ۶۹)

**»۳« - ۳۳**

(پوریا علاقه‌مند)

چون در نقاط A و C که انتهای مسیر است متحرک تندی ندارد و ساکن است بنابراین طبق اثر دوبلر بسامد این نقاط با چشمی برابر است:

$$f_S = f_A = f_C$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۸۱ و ۸۳)

(فیزیک اسلامی)

**گزینه «۱» - ۳۸**

در یک لوله صوتی با دو انتهای باز که مُد دوم در آن تشکیل شده است، تعداد گره‌ها برابر با ۲ است.

در یک لوله صوتی با یک انتهای باز که مُد سوم در آن تشکیل شده است،

تعداد شکم‌ها برابر با ۳ است. بنابراین نسبت مورد نظر برابر با  $\frac{2}{3}$  است.

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج؛ صفحه ۱۰۸)

(فسرو ارغوانی فرد)

**گزینه «۳» - ۳۹**

هر نقطه از محیط، حرکت نقطه قبل خود را تکرار می‌کند. بنابراین در  $\frac{T}{4}$

ثانیه پس از  $t = 0$  در موج (۱) نقطه M در مسیر  $y = +20$  در موج

(۲) نقطه M در  $y = 0$  قرار می‌گیرد، خواهیم داشت:

$$y = y_1 + y_2 = 20 + 0 = 20 \text{ برایند}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج- برهمکنش‌های موج؛ صفحه‌های ۷۲، ۷۳ و ۱۰۳)

(عرفان عسکریان پاییان)

**گزینه «۱» - ۴۰**

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{FL}{m}}$$

$$f_n = \frac{nv}{\sqrt{L}}, \quad f_1 = \frac{v}{\sqrt{L}} \Rightarrow f_n = nf_1$$

$$\left. \begin{array}{l} f_\Delta = \Delta f \\ f_\gamma = \gamma f_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta f = \Delta f_1 - \gamma f_1 = 150 \text{ Hz} \Rightarrow f_1 = 50 \text{ Hz}$$

$$f_1 = \frac{v}{\sqrt{L}} \Rightarrow v = 2Lf_1 = 2 \times 1 \times 50 = 100 \frac{m}{s}$$

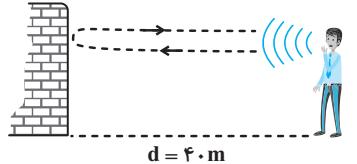
$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} \Rightarrow 100 = \sqrt{\frac{F \times 1}{50g}} \Rightarrow \frac{F}{50g} = (100)^2 = 10^4 \frac{N}{m}$$

$$F = 5 \times 10^{-3} \times 10^4 = 50 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج؛ صفحه ۱۰۷)

(ممیطی کیانی)

چون تندی صوت ثابت است، ابتدا با استفاده از رابطه زیر، تندی صوت را می‌یابیم. دقت کنید، مسیری که صوت در رفت و برگشت طی می‌کند تا به گوش شخص برسد، برابر  $\ell = 2d$  است. بنابراین می‌توان نوشت:



$$v = \frac{\ell}{\Delta t} \quad \frac{\ell = 2d = 2 \times 40 = 80 \text{ m}}{\Delta t = 0.25 \text{ s}} \Rightarrow v = \frac{80}{0.25} \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow v = 320 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اکنون، پس از صوت شخص را پیدا می‌کنیم:

$$\lambda = \frac{v}{f} \quad \frac{v = 320 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{\lambda = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m}} \Rightarrow f = \frac{320}{0.02} \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow f = 16000 \text{ Hz} = 16 \text{ kHz}$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج؛ صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

(علیرضا کوچه)

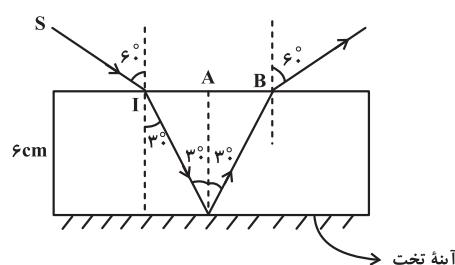
**گزینه «۱» - ۴۱**

ابتدا زاویه شکست را با استفاده از قانون شکست اسنل به دست می‌آوریم:

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r \quad \frac{n_1 = 1, \quad i = 60^\circ}{n_2 = \sqrt{3}} \Rightarrow \sin 60^\circ = \sqrt{3} \sin r$$

$$\Rightarrow r = 30^\circ$$

حالا می‌توانیم با استفاده از قانون بازتاب عمومی ادامه مسیر پرتو SI را رسم کنیم:



با توجه به شکل می‌توانیم بنویسیم:

$$\tan 60^\circ = \frac{IA}{6} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{IA}{6} \Rightarrow IA = 2\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$IA = AB = 2\sqrt{3} \text{ cm}$$

بنابراین فاصله I تا B برابر با  $2\sqrt{3} \text{ cm} = 4\sqrt{3} \text{ cm}$  است.

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج؛ صفحه‌های ۹۳، ۹۷ و ۹۸)

شیمی ۳

## گزینه «۳»

(کامران مجفری)

موارد دوم و سوم درست می‌باشند.

بررسی موارد:

مورود اول: مولکول (آ) به دلیل شکل هندسی خمیده، همواره قطبی است اما

مولکول (ب) می‌تواند قطبی باشد.

مورود سوم: اتم کربن به دلیل خاصیت نافلزی کمتر در نقشه پتانسیل الکترواستاتیکی به رنگ آبی خواهد بود.

مورود چهارم: همواره این گونه نیست، به عنوان مثال مولکول  $O_3$  ساختاری مانند شکل (آ) دارد.

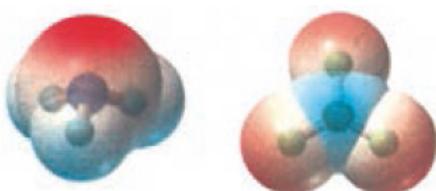
(شیمی ۳- شیمی، بلوهای از هنر، زیبایی و هانگلاری: صفحه‌های ۷۷ تا ۷۴)

(مرتضی فوشکیش)

## گزینه «۳»

عبارت‌های دوم و چهارم نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت دوم: با توجه به شکل زیر، ساختارهای دو ترکیب آمونیاک ( $NH_3$ ) و گوگرد تری‌اکسید ( $SO_3$ )، یکسان نمی‌باشند و در ترکیب گوگرد تری‌اکسید برخلاف آمونیاک، اتم مرکزی دارای بار جزئی مثبت است.عبارت چهارم: در هر دو مولکول کربونیل سولفید ( $SCO$ ) و کربن دی سولفید ( $CS_2$ ) تراکم بار الکتریکی بر روی اتم مرکزی کمتر بوده و در نقشه پتانسیل الکترواستاتیکی با رنگ آبی نمایش داده می‌شوند اما ترکیب کربن دی سولفید برخلاف کربونیل سولفید، ناقطبی است و در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کند.

(شیمی ۳- شیمی، بلوهای از هنر، زیبایی و هانگلاری: صفحه‌های ۷۷ تا ۷۴)

## گزینه «۳»

(ماهان زواری)

مولکول‌های چهار اتمی نیز می‌توانند شکل خطی داشته باشند به عنوان مثال

مولکول اتن (C<sub>2</sub>H<sub>2</sub>) ساختاری خطی دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) درست

(۲) درست؛ عنصرهای اصلی سازنده جامد‌های کووالانسی در طبیعت همان کربن و سیلیسیم هستند که به ترتیب عنصر اول و دوم گروه ۱۴ جدول دوره‌ای می‌باشد.

(۳) درست؛ با توجه به چگالی بار بیشتر یون‌ها در MgO آنتالپی فروپاشی شبکه آن بیشتر است.

 $MgO > MgF_3 > LiF > KF$ 

(شیمی ۳- شیمی، بلوهای از هنر، زیبایی و هانگلاری:

صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱ و ۷۵ تا ۸۳)

## گزینه «۲»

(میلاد شیخ‌الاسلامی‌فیاوی)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) نادرست؛ تاکنون هیچ یون تک اتمی پایداری از این دو عنصر شناخته نشده است اما در ساختار یون‌های چند اتمی مانند  $CO_3^{2-}$  و  $SiO_4^{4-}$  عنصر کربن و سیلیسیم وجود دارد.

(۲) درست؛ در ترکیبات یونی که هم کاتیون و یا آنیون آن چند اتمی هستند، پیوند بین کاتیون و آنیون از نوع یونی و پیوندهای درون اتم‌های سازنده کاتیون و آنیون از نوع کووالانسی است.

(۳) نادرست؛ جیوه فلزی از دسته d بوده که حالت آن مایع است.

(۴) نادرست؛ A و B به ترتیب عناصری از گروه ۱ و ۲ جدول هستند، چون

(C<sup>-</sup>) ثابت است، هر چه چگالی بار کاتیون بیشتر باشد، آنتالپی فروپاشی ترکیب یونی حاصل بیشتر خواهد بود. می‌دانیم در یک دوره، چگالی بار کاتیون فلزات گروه ۲ بیشتر از گروه ۱ است. پس آنتالپی فروپاشی BC<sub>۲</sub> بیشتر است.

(شیمی ۳- شیمی، بلوهای از هنر، زیبایی و هانگلاری: صفحه‌های ۷۹ تا ۸۳)

گزینه «۴»: کاتالیزگر در شرایط انجام واکنش، باید پایداری شیمیایی و گرمایی مناسبی داشته باشد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۲)

(ماهان زواری)

### ۴۹- گزینه «۳»

تنهای مورد سوم درست می‌باشد.

بررسی موارد نادرست:

مورد اول: در سطح سرامیک‌های درون مبدل کاتالیستی، توده‌های فلزی با قطر ۲ تا ۱۰ نانومتر وجود دارند.

مورد دوم: دقت شود که نماد فلز رو دیم به صورت Rh می‌باشد.

مورد چهارم: یکی از گونه‌های شیمیایی خروجی از مبدل کاتالیستی  $\text{H}_2\text{O}$  می‌باشد که گونه‌ای قطبی است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۲)

(ماهان زواری)

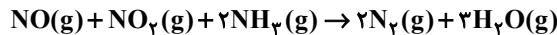
### ۵۰- گزینه «۳»

تنهای موارد دوم و چهارم درست می‌باشند.

بررسی موارد:

مورد اول: نادرست؛ ایجاد جرقه تنها انرژی فعال‌سازی واکنش را تأمین می‌کند و تأثیری بر مقدار  $E_a$  نخواهد داشت.

مورد دوم: درست؛ در واکنش انجام شده در مبدل کاتالیستی خودروهای دیزلی، دو گونه  $\text{NO}$  و  $\text{NO}_2$  اکسنده بوده که هر دو رادیکال می‌باشند.



مورد سوم: نادرست؛ برای ماده‌ای با فرمول مولکولی  $\text{C}_2\text{H}_6\text{O}$  می‌توان دو ساختار در نظر گرفت (اتانول و دی‌متیل اتر) پس این ماده دو طیف فروسرخ می‌تواند داشته باشد.

مورد چهارم: درست؛ طبق واکنش در مورد دوم داریم:

$$\frac{1}{17}\text{g NH}_3 \times \frac{1\text{mol NH}_3}{17\text{g NH}_3} \times \frac{3\text{mol e}^-}{1\text{mol NH}_3}$$

$$\times \frac{6 \times 10^{23} \text{e}^-}{1\text{mol e}^-} = 1.806 \times 10^{23} \text{e}^-$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۹۹ تا ۱۰۲)

(ماهان زواری)

### ۴۵- گزینه «۴»

تنهای مورد سوم درست می‌باشد.

بررسی گزینه‌ها:

مورد اول: طبق نمودار صفحه ۸۲ کتاب درسی آنتالپی فروپاشی KF از  $\text{NaCl}$  بیشتر می‌باشد.

مورد دوم: در اتم جامد‌های فلز هسته اتم‌ها می‌توانند روی هم سر خورده و خاصیت چکش خواری را به وجود آورند.

مورد سوم: درست؛ هر دو اتم تیتانیم و نیکل ۸ الکترون با  $= 1$  می‌باشند.

مورد چهارم: قلع یک فلز بوده و مدل دریای الکترونی تنها می‌تواند برخی از رفتارهای فیزیکی آن را توجیه کند.

(شیمی ۳- شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانندگاری؛ صفحه‌های ۸۵ و ۸۸)

(محمد رضا پور گاویدر)

### ۴۶- گزینه «۴»

با توجه به گرمایگر بودن، واکنش باید  $\Delta H > 0$  باشد. از طرفی هرچه واکنش کمتر باشد، سرعت انجام آن بیشتر است. بنابراین بین دو واکنش گرمایگر در گزینه‌های «۲» و «۴»، واکنش آخر با داشتن  $E_a$  کمتر، سریع‌تر انجام می‌شود.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۹۷ تا ۹۹)

(محمد محسن محمدزاده مقدم)

### ۴۷- گزینه «۱»

ابتدا انرژی فعال‌سازی واکنش در غیاب کاتالیزگر را تعیین می‌کنیم:

$$E_{a_1} = 562 - 181 = 381 \text{ kJ}$$

حال انرژی فعال‌سازی در حضور کاتالیزگر  $\frac{1}{3}$  این مقدار است. بنابراین:

$$E_{a_2} = \frac{E_{a_1}}{\frac{1}{3}} = \frac{381}{\frac{1}{3}} = 1277 \text{ kJ}$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۹۷ تا ۹۹)

(محمد رضا زهره‌وند)

### ۴۸- گزینه «۳»

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: هر کاتالیزگر یک یا شمار محدودی واکنش را سرعت می‌بخشد.

گزینه «۲»: بر روی سطح مبدل‌های کاتالیستی فلزهای رودیم، پالادیم و پلاتین نشانده شده است.